

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 56(12) (2025) 1583-1604 DOI: 10.22060/ceej.2024.22980.8086



Predicting Concrete Carbonation Depth and Investigating the Influencing Factors through Machine Learning Approaches and Optimization

Shoaib Mansouri, Alireza Rahai ⁽⁰⁾, Seyed Hadi Rashedi ⁽⁶⁾, Fereydoun Moghaddas Nejad * ⁽⁶⁾

ABSTRACT: Accurate prediction of concrete carbonation depth is crucial for mitigating detrimental

Department of Civil Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran

Review History:

Received: Feb. 06, 2024 Revised: Oct. 14, 2024 Accepted: Nov. 03, 2024 Available Online: Nov. 19, 2024

Keywords:

Carbonation Depth Prediction Machine Learning Artificial Neural Network MOEA/D; Optimization

effects such as cracking and corrosion. However, due to the complexity of the process and the multitude of variables involved, identifying the most significant parameters for modeling carbonation depth poses a considerable challenge. This paper introduces a hybrid feature selection method known as MOEA/D-ANN. The primary aim of this method is to identify the most critical variables that contribute to achieving the highest prediction accuracy. The proposed approach combines a multi-objective evolutionary optimization algorithm based on decomposition with artificial neural networks to effectively address the feature selection problem using the strengths of optimization and machine learning techniques. To evaluate the performance of the introduced method, the conventional feature ranking algorithm RReliefF was also employed. ANN was used for predicting carbonation depth, while the combined methods of MOEA/D-ANN and RReliefF were utilized to identify influential variables. The results indicate that the model developed using the MOEA/D-ANN approach significantly reduced the error rate and increased accuracy by combining the selected variables. This model achieves a notable coefficient of determination $(R^2 = 0.99)$, highlighting its excellent accuracy in predicting concrete carbonation depth and confirming the precise selection of influential variables. Additionally, the results demonstrate that an increase in the water-to-cement ratio by 10% leads to a 15% increase in carbonation depth.

1-Introduction

Concrete is the most commonly used material in various construction, industrial, and civil projects, such as building construction, transportation infrastructure, water protection, and port structures. One critical factor in evaluating concrete performance is its durability, essential for maintaining the integrity and safety of reinforced concrete structures throughout their lifespan [1-3]. Several factors influence concrete durability, with carbonation as a significant issue due to CO2 diffusion into concrete pores [4-6].

Several studies have utilized ANN models for carbonation depth prediction. These models have been trained on diverse variables, including cement type, water-to-binder ratio, fly ash content, aggregate size, and environmental conditions. Studies demonstrate that optimizing ANN hidden neuron counts can enhance accuracy [7-9].

Feature selection methods, like the MOEA/D-ANN hybrid algorithm, improve ML model performance by identifying relevant features, reducing overfitting, and enhancing interpretability, especially with large datasets [10]. The MOEA/D-ANN model used in this study combines heuristic optimization with ANN to predict carbonation depth

by analyzing significant factors like time, relative humidity, and CO, concentration, achieving high accuracy in prediction.

2- Methodology

The study collected 198 data samples from previous research [11-17], covering various material weight ratios like water-to-binder, fine aggregate, and superplasticizer, which are key for concrete property prediction. Selected ratios include water-to-cement, coarse aggregate-to-binder [18], and fly ash-to-cement ratios, which aid in estimating carbonation depth [19].

In this study, 37 input variables from 9 main factors, like water-to-cement and aggregate ratios, were used to predict carbonation depth, with feature selection improving model accuracy. Table 1 shows descriptive statistics for material weights, covering mean, standard deviation, minimum, and maximum values for key variables.

A new feature selection method, MOEA/D-ANN, was developed in this study. It involves two objectives: the first measures the number of selected input variables, and the second evaluates the ANN model's prediction error. A random population is created, and input variables are selected

*Corresponding author's email: moghadas@aut.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.

Table 1. Descriptive statistics of variables

Variable	Abbrv.	Min	Max	Mean	Std Dev
Cement (kg/m ³)	С	120	494	263.2	79.2
Fly Ash (kg/m ³)	F	0	280	100.2	80.3
Coarse Aggregate (kg/m ³)	СА	501.8	1071	691.9	157.6
Fine Aggregate (kg/m ³)	FA	790	1258	1061	114.3
Water (kg/m ³)	W	112	220	165	12
Superplasticizer (kg/m ³)	S	0	7.7	0.7	1.7
Cycle (days)	CY	3	126	39.6	32.2
Relative Humidity (%)	RH	55	70	64.6	4.7
CO ₂ Concentration (%)	СС	1	50	10.3	12.7
Carbonation Depth (mm)	CD	0	57	9.9	10.2

for each vector. The first objective is calculated based on the selected variables, and the second objective is determined using the mean squared error (R^2) of the ANN. MOEA/D iterates to achieve Pareto efficiency in solving the feature selection problem.

3- Results and discussion

Previous studies often overlooked specific input ratios, such as superplasticizer-to-binder, fly ash-to-water, and waterto-aggregate, which this study includes to potentially impact carbonation depth. MOEA/D-ANN was used to identify optimal variables, while the RReliefF method selected 13 top features based on weight. Both methods highlighted shared and unique variables, with most inputs represented as weight ratios.

ANN using general data achieved 98% accuracy for carbonation depth prediction, outperforming previous models. By selecting relevant features with MOEA/D-ANN and RReliefF, the model improved prediction performance, reaching an R^2 of 0.99 with fewer input variables.

A sensitivity analysis was performed to assess how input variables affect concrete carbonation depth prediction accuracy. Time, relative humidity, and carbon dioxide concentration were found to have the most significant impact. According to the results in Figures 1 to 3, as these variables (cycle days, relative humidity, and CO_2 concentration) increased, carbonation depth also increased. Notably, the depth rises with CO_2 concentration from 1% to 25%, then stabilizes at nearly constant levels.

4- Conclusions

This study aims to accurately predict concrete carbonation depth, essential for preventing cracks and corrosion. Data



Fig. 1. Sensitivity analysis on the input variable cycle (days) (CY)



Fig. 2. Sensitivity analysis on the input variable relative humidity percentage (RH)



Fig. 3. Sensitivity analysis on the input variable carbon dioxide concentration percentage (CC)

from multiple sources led to 198 carbonation depth samples and 37 input variables, with the most significant ones related to concrete mix ratios. A new feature selection method, MOEA/D-ANN, was introduced to improve accuracy and address computational complexity, alongside the conventional RReliefF method. After removing redundant variables, 13 remained, leading to a model with an R² value of 0.99, highlighting its high accuracy. The results showed that key variables like cycle, humidity, CO2 concentration, and mix ratios significantly affect carbonation depth. This model's framework can be extended to other concrete properties and structural failure predictions.

References

- [1] H. Naseri, H. Jahanbakhsh, K. Khezri, A.A. Shirzadi Javid, Toward sustainability in optimizing the fly ash concrete mixture ingredients by introducing a new prediction algorithm, Environment, development and sustainability, 24(2) (2022) 2767-2803.
- [2] A. Rahai, S.H. Rashedi, Evaluation of ductility of bearing concrete wall systems with regard to their boundary element, Amirkabir Journal of Civil Engineering, 49(1) (2017) 13-22.
- [3] S.H. Rashedi, A. Rahai, P. Tehrani, Seismic performance evaluation of RC bearing wall structures, Computers, and Concrete, 30(2) (2022) 113-126.
- [4] S.O. Ekolu, Model for natural carbonation prediction (NCP): Practical application worldwide to real life functioning concrete structures, Engineering Structures, 224 (2020) 111126.
- [5] W.Z. Taffese, E. Sistonen, Machine learning for durability and service-life assessment of reinforced concrete structures: Recent advances and future directions, Automation in Construction, 77 (2017) 1-14.
- [6] Y. Kellouche, B. Boukhatem, M. Ghrici, A. Tagnit-Hamou, Exploring the major factors affecting fly-ash concrete carbonation using artificial neural network, Neural Computing and Applications, 31 (2019) 969-988.
- [7] R. Biswas, E. Li, N. Zhang, S. Kumar, B. Rai, J. Zhou, Development of hybrid models using metaheuristic optimization techniques to predict the carbonation depth of fly ash concrete, Construction and Building Materials, 346 (2022) 128483.
- [8] C. Lu, R. Liu, Predicting carbonation depth of prestressed concrete under different stress states using artificial neural network, Advances in Artificial Neural Systems,

(2009).

- [9] W.Z. Taffese, F. Al-Neshawy, E. Sistonen, M. Ferreira, Optimized neural network based carbonation prediction model, in: International Symposium Non-Destructive Testing in Civil Engineering (NDT-CE). Berlin, Germany, 2015, pp. 1074-1083.
- [10] P. Akpinar, I. Uwanuakwa, Investigation of the parameters influencing progress of concrete carbonation depth by using artificial neural networks, Materiales de Construcción, 70(337) (2020) e209-e209.
- [11] R. Kazemi, A hybrid artificial intelligence approach for modeling the carbonation depth of sustainable concrete containing fly ash, Scientific Reports, 14(1) (2024) 11948.
- [12] D. Wang, Q. Tan, Y. Wang, G. Liu, Z. Lu, C. Zhu, B. Sun, Carbonation depth prediction and parameter influential analysis of recycled concrete buildings, Journal of CO2 Utilization, 85 (2024) 102877.
- [13] B. Das, S. Pandey, Influence of fineness of fly ash on the carbonation and electrical conductivity of concrete, Journal of materials in civil engineering, 23(9) (2011) 1365-1368.
- [14] P. Sulapha, S. Wong, T. Wee, S. Swaddiwudhipong, Carbonation of concrete containing mineral admixtures, Journal of materials in civil engineering, 15(2) (2003) 134-143.
- [15] M.K. Rao, D. Kumar, Durability assessment of concrete with class-F fly ash by chloride ion permeability, International Journal of Recent Technology and Engineering, 8 (2019) 8831-8836.
- [16] E. Roziere, A. Loukili, F. Cussigh, A performance based approach for durability of concrete exposed to carbonation, Construction and Building Materials, 23(1) (2009) 190-199.
- [17] K. Sisomphon, L. Franke, Carbonation rates of concretes containing high volume of pozzolanic materials, Cement and Concrete Research, 37(12) (2007) 1647-1653.
- [18] A. Younsi, P. Turcry, E. Rozière, A. Aît-Mokhtar, A. Loukili, Performance-based design and carbonation of concrete with high fly ash content, Cement and Concrete Composites, 33(10) (2011) 993-1000.
- [19] P. Zhang, Q. Li, Effect of fly ash on durability of high performance concrete composites, Research Journal of Applied Sciences, Engineering and Technology, 6(1) (2013) 7-12.

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۶، شماره ۱۲، سال ۱۴۰۳، صفحات ۱۵۸۳ تا ۱۶۰۴ DOI: 10.22060/ceej.2024.22980.8086



پیش بینی عمق کربناته شدن بتن و بررسی عوامل تأثیر گذار از طریق مدل های یادگیری ماشین و بهينهسازي

شعیب منصوری، علیرضا رهایی[®]، سیدهادی راشدی[®]، فریدون مقدسنژاد^{*®}

دانشکده عمران و محیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران.

تاريخچه داورى: **خلاصه:** پیش بینی دقیق عمق کربناته شدن بتن برای محافظت در برابر پیامدهای زیان بار مانند ترکخوردگی و خوردگی بسیار مهم دریافت: ۱۴۰۲/۱۱/۱۷ است. با این وجود، به دلیل پیچیدگیهای فرآیند و انبوه متغیرهای موجود، تشخیص پارامترهایی که بیشترین اهمیت را در مدلسازی بازنگری: ۱۴۰۳/۰۷/۲۳ عمق کربناته بتن دارند، چالش بزرگی محسوب میشود. این مطالعه به توسعه یک روش انتخاب ویژگی هایبرید (ترکیبی) به نام MOEA/D-ANN می پردازد. هدف این روش شناسایی مهم ترین متغیرهایی است که به دستیابی بالاترین دقت پیش بینی کمک می کنند. این روش پیشنهادی الگوریتم تکاملی بهینهسازی چند هدفه مبتنی بر جداسازی را با شبکههای عصبی مصنوعی ترکیب می کند تا با استفاده از قدرت روشهای بهینهسازی و یادگیری ماشین، مشکل انتخاب ویژگی را به طور موثر حل کند. برای ارزیابی عملكرد روش معرفي شده از الگوريتم (RReliefF) كه يك الگوريتم رتبه بندي ويژكي است ، نيز بهره گرفته شده است. از روش ANN برای پیش بینی عمق کربناته بتن و از روش های ترکیبیMOEA/D-ANN و RReliefF برای یافتن متغیرهای تأثیر گذار استفاده شده است. نتایج بدست آمده نشان داده اند که مدل ایجاد شده با استفاده از رویکرد MOEA/D-ANN، با ترکیب متغیرهای تعيين شده توسط أن، درصد خطا را كاهش و دقت را افزايش داد. در اين مدل به مقدار قابل توجه ضريب تعيين R2 = 0.99 ميرسد، كه بر دقت خوب آن در پیش بینی عمق کربناته بتن و تأیید انتخاب دقیق متغیرهای تأثیرگذار تأکید می کند. همچنین نتایج نشان داده که با افزایش نسبت آب به سیمان به میزان ۱۰ درصد، عمق کربناته شدن بتن به میزان ۱۵ درصد افزایش می یابد.

پذیرش: ۱۴۰۳/۰۸/۱۳ ارائه أنلاين: ۱۴۰۳/۰۸/۲۹ كلمات كليدى: عمق كربناته شدن پیشبینی یادگیری ماشین شبكه عصبي مصنوعي

MOEA/D بهينهسازي

۱- مقدمه

بتن متداول ترین مصالح مورد استفاده در پروژه های مختلف ساختمانی، صنعتی و عمرانی از جمله ساخت و ساز ساختمان، حمل و نقل، حفاظت از آب و سازه های بنادر است. یکی از عناصر مهم در ارزیابی عملکرد بتن دوام آن است. دوام بتن نقش مهمی را در حفظ عملکرد و ایمنی سازه های بتن مسلح در طول عمر مفيد آنها دارد [۱]. عوامل متعددي بر دوام بتن تأثير مي گذارند. کربناته شدن یکی از مشکلات متداول است که در نتیجه انتشار دی اکسید کربن (CO₂) در محیط اتفاق می افتد [۲]. کربناته شدن زمانی اتفاق میافتد که دی اکسید کربن (CO₂) از محیط به منافذ یک سازه بتنی نفوذ كند [٣]. در نتيجه اين نفوذ CO₂ با اجزاء سيمان هيدراته واكنش داده و منجر به تشکیل کربنات کلسیم (C_aCO₃) و در نتیجه منجر به کاهش PH به حدود عدد ۹ می شود [۴]. ناحیه کربناته در سازههای بتنی می تواند باعث خوردگی آرماتورهای فولادی شود که منجر به آسیبهای فیزیکی

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: moghadas@aut.ac.ir

مانند پوسته شدن و ترک می شود [۴]. علاوه بر این، اثرات مخرب دیگر مانند کاهش مقاومت فشاری بتن، کاهش سطح مقطع فولاد و تاثیر عملکرد توامان بین فولاد و بتن را در پی دارد. در نتیجه، مقاومت سازه بتن مسلح ضعيف مى شود و منجر به كاهش طول عمر سازه مى شود [٥-٧].

هزینه خوردگی آرماتورها با صرف میلیاردها دلار در سال قابل توجه است [٨]. بنابراین، تشخیص به موقع و نظارت مستمر کربناته شدن بتن نقش مهمی در حفظ سلامت ساختاری بتن دارد[۹]. اگرچه چندین روش آزمایشگاهی برای اندازه گیری عمق کربناته شده بتن 1 وجود دارد، درحالی که روشهای سنتی پرهزینه، زمانبر و تا حد زیادی مخرب هستند [۹]. همچنین اطلاعات محدودی در مورد اثر این عوامل موثر بر عمق کربناته شدن موجود می باشد [۱۰]. از این رو، قابلیت پیشبینی دقیق پیشرفت کربناته شدن از طریق مدل های قابل اعتماد می تواند نقش مهمی در جلوگیری از آسیب های آینده و افزایش اقدامات ایمنی و بهتبع آن حداقل رساندن خسارات اقتصادی

Carbonation Depth (CD)

کی کی حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) دیدن فرمائید. https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

ایفا کند [۱۰]. پیش بینی دقیق کربناته شدن در بتن مسلح در افزایش دوام و ایمنی [۱۱] و همچنین در تصمیم گیری آگاهانه در مورد استراتژی های تعمیر و نگهداری برای چنین سازه هایی از اهمیت بالایی برخوردار است [۱۲]. بنابراین، پیش بینی دقیق عمق کربناته شده چالش بزرگی می باشد. برای این منظور، مدل های مبتنی بر یادگیری ماشین (ML) را می توان برای یادگیری رفتار پیچیده کربناته شدن با استفاده از داده های تجربی به کار گرفت [۱۳].

مدلهای ML مختلفی برای این منظور به کار گرفته شدهاند و از میان آنها، مدلهای شبکه عصبی مصنوعی (ANN) به طور مکرر انتخاب و به طور گسترده مورد استفاده قرار گرفتهاند [۲۳–۲۴ و ۲۶].

به این ترتیب، لو و لیو [۱۴] دو مدل ANN را برای تخمین عمق کربناته شدن در بتن پیش تنیده معرفی کردند: یکی بر اساس پس انتشار[٬] و دیگری با استفاده از توابع پایه شعاعی^۲. برای پیش بینی عمق کربناته شدن، سطح تنش در بتن، سن آزمایش، نسبت سیمان به سنگدانه ریز و سنگدانه درشت، و نسبت آب به سیمان به عنوان ویژگیها (یعنی متغیرها) در نظر گرفته شدند [۲۵ و ۲۲–۳۱]. یک شبکه عصبی (NN) برای تخمین عمق کرونته شده توسط تافس و همکاران [۱۵] استفاده شده است. این محققین متغیرهای مختلفی مانند نوع سیمان، نسبت آب به مواد چسباننده، خاکستر بادی، سیمان، سرباره کوره بلند، کل آب موثر، کل سنگدانه، سنگدانههای با اندازههای کمتر از ۲۰/۱۲۵، ۲۵/۰ و ۴ میلیمتر، روان کننده ، ماده هوازا و مدت زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین زمان کربناته شدن به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفتند. این محققین در از روش های انتخاب میغیر، به ویژه انتخاب ویژگیهای^۲ متوالی، برای تعیین مناسبترین ویژگیها و حذف هرگونه ویژگی نامربوط یا اضافی از مجموعه داده ورودی اصلی مورد استفاده در آزمایشهای خود استفاده کردند.

همچنین آکپینر و اوانواکوا [۱۰] از ANN برای پیش بینی عمق کربناته شده استفاده کردند، که در آن با استفاده از ۱۸ متغیر ورودی طبقه بندی شده در شش گروه به ترتیب: ترکیب سیمان، ترکیب خاکستر بادی، پارامترهای طرح اختلاط، شرایط عمل آوری بتن، شرایط محیطی، و سن نمونه استفاده نمودند. در آن مطالعه، یک بررسی اولیه برای تعیین مقدار بهینه نرونهای پنهان برای مدل ANN مورد استفاده انجام شد. نتایج نشان داد که ANN دقیقاً میتواند عمق کربناته شدن را زمانی که تعداد نرونهای پنهان ده بود تخمین بزند. فلیکس و همکاران [۶۶] یک مدل عددی مبتنی بر ANN

افزودنی، شرایط نوردهی، میزان CO₂ و سن از متغیرهای مستقل مدل بودند. چهار روش تنظیم وزن سیناپسی برای آموزش بسیاری از ساختارهای ANN مورد استفاده قرار گرفت و ثابت شد که الگوریتم لونبر گ-مارکوارت ⁴موثرترین روش آموزش از نظر کارایی است. مطالعات انجام شده توسط کلوش و همکاران [۴]، آکپینار و اووانواکوا [۱۷]، و فلیکس و همکاران [۱۸] تأثیر قابل توجه استفاده از ANN را برای تجزیه و تحلیل تأثیر ویژگیها بر روی عمق کربناته شدن در بتن مخلوط شده با خاکستر بادی نشان داده اند. به طور خاص، این مطالعات نشان دادهاند که تغییرات در محتوای سیمان و خاکستر بادی، نسبت آب به مواد چسبنده ، غلظت CO₂، رطوبت نسبی و دما می تواند منجر به تغییرات قابل توجهی در عمق کربناته شدن شود. شایان ذکر است که کار آکپینار و اووانواکوا [۱۸] براساس تحقیقات قبلی آنها در سال ۲۰۱۶ [۱۰] استوار است. احسانی و همکاران [۱۹] یک روش جدید به نام MOEA/D-ANN برای انتخاب ویژگیها معرفی کردهاند که به شناسایی مهم ترین متغیرها برای پیش بینی دقیق عمق کربناته شدن کمک می کند. این روش نسبت به روشهای سنتی مانند RReliefF در کاهش زمان آموزش و بهبود دقت پیش بینی عملکرد بهتری داشته است. نتایج نشان داده است که مدل ANN که از مجموعه ویژگیهای بهینه انتخاب شده توسط MOEA/D-ANN استفاده می کند، بالاترین دقت پیش بینی را دارد و این روش می تواند برای پیش بینی سایر خواص بتن نیز به کار رود.

روش های انتخاب ویژگی^۵ با شناسایی و انتخاب مشخصههای مرتبط از متغیرهای ورودی، نقش مهمی در یادگیری ماشین ایفا می کنند. این روش ها مزایای متعددی را هم در تحقیقات و هم در کاربردهای عملی ارائه می دهند. این روش ها با تمرکز بر ویژگی های اطلاعاتی، عملکرد مدل و دقت پیش بینی را افزایش می دهند و از انطباق بیش از حد و گرفتن مهم ترین عوامل مرتبط با متغیر هدف جلوگیری می کنند. علاوه بر این، روش های انتخاب ویژگی با کاهش تعداد مشخصهها، کارایی محاسباتی را بهبود می بخشد که منجر به زمان اجرای سریعتر و استفاده کارآمد از منابع، بهویژه با مجموعه دادههای افزایش می دهد و بینش های ارزشمندی را برای محققان فراهم می کند تا بر اساس مرتبطترین دادهها، تصمیمهای انتخاب شده، قابلیت تفسیر مدل را می افزایش می دهد و بینش های ارزشمندی را برای محققان فراهم می کند تا می کنند و در نتیجه نمایش بهتری از الگوهای بنیادین ایجاد می کنند. این می کنند و در نتیجه نمایش بهتری از الگوهای بنیادین ایجاد می کنند. این

¹ Backpropagation

² Radial Basis Function kernel (RBF)

³ Feature selection

⁴ Levenberg-Marquardt(LM)

⁵ Feature Selection

پیشبینیهای دقیق افزایش میدهد. در حالی که روشهای انتخاب ویژگی مزایای ارزشمندی در بهبود عملکرد و قابلیت تفسیر مدل ارائه میدهند، هنوز محدودیتها و شکافهایی وجود دارد که باید برطرف شوند. تحقیقات آینده باید بر روی توسعه روشهای انتخاب ویژگی قویتر و سازگارتر تمرکز کند که بتواند ساختارهای پیچیده دادهها و روابط غیر خطی را برای افزایش بیشتر اثربخشی انتخاب ویژگی در یادگیری ماشین را در نظر بگیرد.

در این تحقیق، یک روش انتخاب ویژگی هایبرید (ترکیبی) به نام MOEA/D براساس الگوریتم بهینهسازی ابتکاری MOEA/D و ANN توسعه داده شده است. هدف اصلى اين تحقيق بررسي تمامي متغیرهای بالقوهای است که می تواند بر روی عمق کربناته شدن تأثیر بگذارد و با استفاده از روش فیلترینگ و بهینهسازی با دو تابع هدف، مهمترین آنها را شناسایی کند. از روش ANN برای توسعه مدل پیشبینی عمق کربناته شدن، با در نظر گرفتن تمام متغیرهای ورودی مربوطه استفاده شده است. قبل از استفاده آنها در مدلهای پیشبینی، اهمیت عوامل ورودی با استفاده از روشهای RReliefF و MOEA/D ارزیابی شده است. به دنبال آن، عملكرد مدلهاي توسعه يافته با استفاده از شاخصهاي آماري مختلف براي ارزیابی دقت آنها و اندازهگیری خطاهای احتمالی مورد ارزیابی قرار گرفته است. یکی از نوآوریهای اصلی این پژوهش، انجام تحلیل حساسیت بر روی سه متغیر ورودی کلیدی در طرح اختلاط بتن میباشد. این پارامترها شامل زمان، درصد رطوبت نسبی و درصد غلظت دی کسید کربن هستند. این متغیرها به عنوان عوامل مؤثر بر مقدار عمق کربناته شدن بتن انتخاب شدهاند و نقش بسیار مهمی در پیش بینی دقیق این عمق دارند.

۲ – روش تحقیق ۲ – ۱ – جمع آوری داده ها

دادههای مورد استفاده در این پژوهش از مطالعات انجام شده توسط محققان قبلی استخراج شده [۴–۵ و ۳۲–۴۶] که در نهایت، ۱۹۸ داده جمع آوری شده است. داده های استخراج شده، اطلاعات وزن مواد را در نسبتهای اختلاط مختلف نشان می دهد. نسبتهای وزنی مواد، مانند نسبتهای آب به مواد چسبنده، سنگدانههای ریز و فوق روان کننده، معمولاً متغیرهای ورودی برای پیشینی ویژگیهای بتن در نظر گرفته میشوند [۱]. با این حال، مشخص نیست که کدام نسبت وزن مواد میتواند عملکرد مدلهای پیشینی را بهبود بخشد. به این ترتیب، نسبت آب به سیمان، نسبت سنگدانه درشت به مواد چسبنده، نسبت فوق روان کننده به سیمان، از جمله نسبتهای بهنود و همکاران بودند که در تحقیقات قبلی استفاده شده اند [۴۷]. در حالی که برخی نسبت های دیگر برای تخمین عمق کربناته شدن بتن، مانند نسبتهای خاکستر بادی – سیمان، آب، چسب و فوق روان

در مطالعات مرتبط با استفاده از مدلهای یادگیری ماشین و روشهای بهینهسازی برای پیش بینی رفتار مواد مختلف، تعداد دادههای ورودی متغیر بوده است. جدول ۱ تعداد دادههای استفاده شده در برخی از تحقیقات مشابه را نشان می دهد:

با توجه به منابع معتبر و کتب علمی [۲۰–۲۲]، تعداد دادههای ورودی توصیه شده برای مدلهای پیشبینی مواد معمولاً بین ۲۰۰ تا ۱۰۰۰ نمونه میباشد. با توجه به تعداد دادههای استفاده شده در تحقیقات مختلف و

جدول ۱. بررسی تعداد دادههای ورودی در تحقیقات مشابه

Table 1. Examining the number of input data in similar research

	÷ ·· ··
تعداد دادههای مورد استفاده در تحقیق	تحقيق انجام شده
۱۰۳۰	پیشبینی مقاومت فشاری بتن
١٨٩	پیشبینی دوام بتن
470	برآورد مقاومت بتن
۵۰۰	پیشبینی خوردگی فولاد
۳	پیشبینی عمر خستگی مواد

توصیههای علمی، تعداد ۱۹۸ نمونه دادهای که در این مطالعه استفاده شده است، در محدوده قابل قبول برای پیش بینی رفتار بتن قرار دارد. این تعداد دادهها توانسته است به ما در دستیابی به مدل دقیق و قابل اطمینانی برای پیش بینی عمق کربناته شدن بتن کمک کند.

در تحقیق حاضر، ۹ متغیر اصلی وجود داشته است که بر اساس آنها ۳۷ متغیر ورودی، نظیر نسبت آب به سیمان و سایر موارد، تعریف شدهاند. سپس با استفاده از روش انتخاب ویژگی (Feature Selection)، متغیرهای تأثیرگذار انتخاب شدند، که این امر به افزایش دقت مدل منجر گردید. برای پرداختن به این موضوع مهم، تمام نسبتهای وزن مواد در مجموعه داده اولیه گنجانده شده اند. متغیرهای ورودی مورد استفاده در این مطالعه شامل آب، سیمان، فوق روان کننده، خاکستر بادی، سنگدانههای ریز و درشت، کل سنگدانه (بر حسب کیلوگرم بر متر مکعب)، و همچنین نسبتهای این متغیر که بهصورت زیر آمده است: سیمان به مواد چسباننده ، خاکستر بادی به مواد چسباننده، سنگدانه درشت به مواد چسباننده، سنگدانه ریز به مواد چسباننده، آب به مواد چسباننده، فوق روان کننده به کل سنگدانه درشت به کل سنگدانه، سنگدانه، خاکستر بادی به کل سنگدانه، سنگدانه درشت به کل سنگدانه

سنگدانه ریز به کل سنگدانه، آب به کل سنگدانه، فوق روان کننده به کل سنگدانه، فوق روان کننده به سیمان، فوق روان کننده به سنگدانه درشت، فوق روان کننده به سنگدانه ریز، فوق روان کننده به آب، آب به سیمان، خاکستر بادي به آب، آب به سنگدانه درشت و آب به سنگدانه ریز. علاوه بر این، نسبت سنگدانه ریز به سیمان، خاکستر بادی به سنگدانه ریز، سنگدانه ریز به سنگدانه درشت، سنگدانه درشت به سیمان، خاکستر بادی به سنگدانه درشت، و خاکستر بادی به سیمان نیز به عنوان متغیرهای ورودی بر حسب درصد وزنی در نظر گرفته شده است. شرایط آزمایش با مدت چرخه (روز)، درصد رطوبت نسبی و درصد غلظت CO₂ نشان داده شده است. هدف مدل پیش بینی این است که عوامل متنوعی را که بر عمق کربناته شدن تأثیر می گذارند با در نظر گرفتن این متغیرهای ورودی بهدقت ثبت کند که در این تحقیق در مجموع ۳۷ متغیر را در بر می گیرد. این مدل پیش بینی تضمین می کند که نسبتهای مختلف بین اجزاء بتن را در نظر می گیرد و درک دقیق تری از فرآیند کربناته شدن ارائه می کند. جدول ۲ آمار توصیفی وزن مواد موجود در مجموعه داده را گزارش می کند که پارامترهای میانگین، انحراف معیار، حداقل و حداکثر برای متغیرهای ورودی و خروجی اصلی محاسبه شده اند.

جدول ۲. أمار توصيفي متغيرها

حداكثر	حداقل	انحراف معيار	میانگین	مخفف	متغيرها
متغیرهای ورودی اصلی					
494	18.	۲۹/۲	783/7	С	سیمان (kg/m ³)
۲۸۰	•	٨٠/٣	1/۲	F	خاکستر بادی (kg/m ³)
1.41	۵۰۱/۸	۱۵۲/۶	891/9	СА	سنگدانه درشت (kg/m ³)
١٢۵٨	٧٩٠	114/8	1.81/8	FA	سنگدانه ریز (kg/m ³)
77.	117	١٢	180	W	آب (kg/m ³)
Y/Y		١/٧	• /Y	S	فوق روان کننده (kg/m ³)
175	٣	۳۲/۲	٣٩/۶	СҮ	چرخه (روز)
٧٠	۵۵	۴/۷	84/8	RH	درصد رطوبت نسبى
۵۰	١	١٢/٧	۲ . ۱	CC	درصد غلطت CO ₂
متغير خروجي					
۵۷	•	۱۰/۲	٩/٩	CD	عمق کربناته شدن (mm)

Table 2. Descriptive statistics of variables

۲– ۲– آماده سازی داده ها

از میان دادههای مورد استفاده در این تحقیق، هیچ دادهای به صورت گم شده یا مفقود وجود نداشت و نیازی به تکمیل آنها نبود. هنگام کار با متغیرهای متعددی که محدودههای متنوعی دارند، استفاده از روشهای مقیاس بندی مناسب در طول پیش پردازش دادهها بسیار مهم است. به عنوان مثال، در مجموعه داده مورد استفاده در این تحقیق، محدوده مقادیر برای سنگدانه درشت بین ۱۰۸۸ و ۱۰۷۱ است، در حالی که فوق روان کننده از ۰ تا سنگدانه درشت بین ۸/۱۰۸ و ۱۰۷۱ است، در حالی که فوق روان کننده از ۰ تا استفاده می کنند، احتمال دست کم گرفتن غیرواقعی اهمیت فوق روان کننده نسبت به سنگدانه درشت وجود دارد که برای حل این مشکل، انجام عملیات نسبت به سنگدانه درشت وجود دارد که برای حل این مشکل، انجام عملیات مهم است [۴۹]. متغیرهای ورودی در این تحقیق با استفاده از معادله ی (۱)

$$S = 0.1 + 0.8 \times \frac{j - j_{\min}}{j_{\max} - j_{\min}}$$
(1)

در جایی که متغیرهای S، j، j_{min} و j_{min} به ترتیب مقدار مقیاس شده، مقدار اصلی و مقدار حداقل و حداکثر داده های متغیر مربوطه را به ترتیب نشان میدهند. پس از مرحله پیش پردازش، مجموعه داده به صورت تصادفی به دو گروه مجزا تقسیم شد: مجموعهی آموزش، که ۸۵ درصد از داده ها را تشکیل می دهد و دادههای آزمون، شامل ۱۵ درصد باقی مانده است. دادههای اعتبارسنجی برای تنظیم دقیق هایپرپارامترها در مدل های مختلف ML استفاده شده اند. به عبارت دیگر، در طول هر تکرار، توزیع داده ها به شرح زیر است: ۲۰٪ برای آموزش، ۱۵٪ برای آزمایش و ۱۵٪ دیگر برای اعتبارسنجی.

۲- ۳- شبکه عصبی مصنوعی

شبکه عصبی مصنوعی (ANN) عملکرد مغز انسان را تکرار می کند و به عنوان یک ابزار قوی برای تجزیه و تحلیل داده ها مورد استفاده قرار می گیرد و آنها را در زمینه یادگیری ماشین (ML) بسیار موثر می کند [۵۱]. مشابه شبکه های عصبی بیولوژیکی، ANN از واحدهای پردازش توزیع شده و موازی، شبیه نرونها تشکیل شده اند. یکی از مزیت های قابل توجه این شبکه ها ظرفیت آنها برای مدل سازی مسائل پیچیده و غیرخطی بدون

توجه به عوامل موثر بر آنها است [۱۶]. شبکه عصبی مصنوعی به عنوان یک روش مدلسازی غیرخطی و بهعنوان یک روش قوی برای ایجاد ارتباطات بین متغیرهای ورودی و خروجی شناخته شده است [۵۲]. شبکههای عصبی مصنوعی به طور کلی از سه لایه تشکیل شده اند: ۱) لایه ورودی از ویژگی های ورودی تشکیل شده است، ۲) لایه(های) پنهان که می تواند شامل چندین لایه باشد که عملیات پیچیده غیرخطی را انجام میدهد ۳) لایه خروجی که متغیر خروجی را ذخیره می کند [۵۳]. شکل ۱ پیکربندی یک شبکه عصبی مصنوعی و ارتباطات بین لایه ورودی، لایه(های) پنهان و لایه خروجی را نشان میدهد.

معادله (۲) نحوه پیش بینی متغیر وابسته در ساختار شبکه عصبی مصنوعی را نشان میدهد.

$$y_j = f(\sum_{i=1}^n w_{ij} x_i + b_j) \tag{(Y)}$$

در این معادله y خروجی نرون است، f نشان دهنده تابع فعال سازی j است، x_i نشان دهنده وزن اتصال ورودی x_i به نرون ، b_j عبارت iاست، iبایاس نرون و نشان دهنده تعداد متغیرهای ورودی است.

با توجه به اینکه در این روش احتمال برازش کردن بیش از حد دادهها وجود دارد، نویسندگان ۱۵درصد از داده ها را به اعتبار سنجی اختصاص دادند. این زیر مجموعه از داده ها به عنوان معیاری برای توقف الگوریتم عمل می کند. برای توضیح بیشتر، اگر اختلاف بین دقت دادههای آموزش و داده های اعتبارسنجی از یک مقدار مشخص از پیش تعریف شده در طول آموزش مدل فراتر رود، الگوریتم پایان مییابد. روش پیشنهادی از برازش بیش از حد شبکه عصبی مصنوعی جلوگیری می کند و ایجاد یک مدل پیش بینی صحیح را ممکن می سازد. در این تحقیق از شبکه عصبی مصنوعی برای دو منظور استفاده شده است. اولی ساخت مدل پیش بینی توسط شبکه عصبی مصنوعی و دومی توسعه روش جدید انتخاب ویژگی می باشد.

RReliefF به طور گسترده به عنوان یک روش بسیار موثر برای اولویت بندی متغیرهای ورودی از طریق انتخاب ویژگی شناخته شده است. علاوه بر این، این روش یک روش فیلترینگ است و برای چالش های رگرسیون استفاده می شود. مطالعات قبلی نشان داده اند که این روش انتخاب ویژگی را به خوبی انجام می دهد. RRelieff یک رویکرد انتخاب ویژگی مرسوم را بکار می گیرد که تشابه و عدم تشابه مقادیر پاسخ را در میان همسایگان





Fig. 1. Structure of artificial neural network

(روش جمع وزنی^۱، روش بسط چبیشو^۲ و روش تقاطع مرزی^۳)، اما در این مطالعه، تنها از روش چبیشو استفاده شده است. با استفاده از معادله (۳) تا (۵)، روش چبیشو می تواند یک مسئله با ۵ تابع هدف را تجزیه کند.

$$\begin{cases} \min f_1(x) \\ \min f_2(x) \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \min f_n(x) \end{cases} \longrightarrow \min g^{ie}(x | \theta, u^*, p) =$$
(7)

 $\left\|f(x)-u^*\right\|_{\theta,n}$

$$\left\|f(x) - u^*\right\|_{\theta, p} = \sqrt[p]{\sum_{i=1}^n \theta_i \left|f_i(x) - u^*_i\right|^p}$$
(*)

- 1 Weighted Sum Approach
- 2 Chebyshev Approach
- 3 Boundary Intersection

در نظر می گیرد. این رویکرد شامل تخصیص مقادیر متمایز به همسایگانی است که مقادیر پاسخ یکسانی را به اشتراک می گذارند و پیش بینی کنندههایی را که مقادیر متفاوتی را به همسایگانی که مقادیر پاسخ متفاوتی از خود نشان می دهند، را در نظر می گیرد. با این وجود، وقتی نوبت به محاسبه وزن های نهایی برای پیش بینی کنندهها در RReliefF می رسد، از وزنهای میانی استفاده می شود. این وزنهای میانی در تعیین وزنهای نهایی تعیین شده به پیش بینی کنندهها کمک شایانی می کنند [۹۴و ۵۵].

MOEA/D-ANN روشهای بهینه سازی می باشد که در مهندسی روسازی در تحقیقات قبلی بطور گستردهای مورد استفاده قرار گرفتهاند [۵۵]. در مطالعات قبلی عسگری و همکاران [۵۲]، احسانی و همکاران [۵۸, ۵۹]، نشان داده شده که استفاده از ترکیب الگوریتمهای بهینهسازی ابتکاری و روشهای یادگیری ماشین، پتانسیل قابل توجهی در انتخاب مؤثر ویژگیهایی را دارد که بر متغیر خروجی تأثیر میگذارند. یکی از الگوریتمهای بهینهسازی ابتکاری چندهدفه قدرتمند MOEA/D است که توسط ژانگ و لی[۶۰] ارائه شده است. این الگوریتم بهینهسازی در زمینههای مختلف مورد استفاده قرار گرفته و نتایج قابل قبولی را ارائه کرده است. MOEA/D مسئله بهینهسازی چند هدفه را به چندین مشکل فرعی تک هدفه تقسیم میکند. در مقاله ژانگ و لی [۶۰]، سه روش برای تجزیه توابع هدف ارائه شده است

اگر p به بی نهایت تمایل داشته باشد، می توان آن را به شکل زیر نوشت:

$$\lim_{x \to \infty} g^{ie}(x | \theta, u^*, p) =$$

$$\max \theta_i | f_i(x) - u^*_i | \qquad 1 \le i \le n$$
(a)

که در آن x، f(x) , θ و u^* به ترتیب متغیرهای تصمیم گیری مسئله، تابع هدف، بردار ضرایب وزنی و نقطه مطلوب هستند. به بی نهایت تمایل داشتن p با استفاده از مراحل زیر پس از بسط دادن رفع می شود:

الف) آماده سازی الف–۱) کارایی پارتو^۲ تقریباً برابر با تهی در نظر گرفته می شود ($EP = \emptyset$ الف–۲) بردارهای ضریب وزنی ایجاد شده و پس از محاسبه فاصله بین فرایب وزنی، همسایگی T نزدیک هر بردار وزنی مشخص می شود. الف–۳) گروه اولیه ایجاد می شود و متعاقباً توابع هدف محاسبه می شوند. الف–۴) به روز کردن نقاط ایده آل مد نظر

ب) بهروزرسانی (حلقه اصلی) برای همه اعضای گروه ب-۱) تکثیر ب-۲) بهبود بخشیدن راه حل بدست آمده ب-۳) به روز کردن نقطه ایده آل ب-۴) به روز رسانی و رقابت با راه حل همسایگان ب-۵) به روز رسانی EP

ج) معیارهای توقف. در صورت عدم رضایت، الگوریتم دوباره از مرحله ۲ اجرا می شود.

MOEA/ یک روش انتخاب ویژگی جدید در این مطالعه با استفاده از /MOEA/ Top-ANN توسعه یافته است. در شکل ۲ روند متوالی MOEA/D-ANN را نشان می دهد. دو تابع هدف مدنظر قرار گرفته شده است که تابع هدف اول تعداد متغیرهای ورودی انتخاب شده را نشان می دهد، در حالی که تابع هدف دوم خطای مدل پیش بینی ANN را نشان می دهد. ابتدا یک جمعیت







Fig. 2. MOEA/D-ANN algorithm flowchart



شکل ۳. نتایج MOEA/D-ANN



هدف مشخص و دیگری براساس هدف دیگر بهتر عمل می کند. برای رفع این مشکل میتوان از فرآیندهای تصمیم گیری چند معیار استفاده کرد. در این تحقیق از روش تحلیل رابطه خاکستری^۱ به عنوان فرآیندی برای تصمیم گیری با معیارهای متعدد با هدف شناسایی مطلوب ترین و بهینه ترین نتیجه استفاده شده است. مراحل تعیین نقطه بهینه در زیر آورده شده است [۴۸]. در ابتدا، GRA تابع هدف را با معادله (۶) بازه صفر و یک مقیاس میکند:

$$s_{j}^{*}(q) = \frac{\max a_{j}(q) - a_{j}(q)}{\max a_{j}(q) - \min a_{j}(q)}$$
(8)

که در آن $a_j(q)$ و $s_j^*(q)$ به ترتیب مقدار واقعی و مقیاس تابع هدف $s_j(q)$ و $a_j(q)$ را نشان میدهند. ضریب رابطه خاکستری^۲ برای دو تابع j_{th} هدف با معادله(۲) محاسبه می شود.

$$\xi_{j}(q) = \frac{\Delta_{\min} + \xi \Delta_{\max}}{\Delta_{0j}(q) + \xi \Delta_{\max}} \tag{Y}$$

تصادفی ایجاد می شود و در هر بردار، تعدادی متغیر ورودی انتخاب می شود. تابع هدف اول براساس متغیرهای انتخاب شده محاسبه می شود و هر یک از داده های جامعه مدنظر با استفاده از ANN تحت آموزش قرار می گیرند و میانگین مربعات خطا) (R²برای تعیین مقدار تابع هدف دوم محاسبه می شود. MOEA/D برای رسیدن به بهینگی پارتو و حل مسئله انتخاب ویژگی تکرار می شود.

۳- نتايج

۳- ۱- نتایج انتخاب ویژگی

در این مطالعه، روش MOEA/D-ANN به عنوان یک روش جدید انتخاب ویژگی معرفی شده است. این روش بهینگی پارتو را ارائه میدهد، زیرا یک الگوریتم انتخاب ویژگی چند هدفه است. شکل ۳ نتایج این روش را نشان میدهد، که افزایش تعداد متغیرهای ورودی در مجموعه بهینه منجر به کاهش کمتر خطای مدل میشود. از این رو، ایجاد تعادل بین خطا و پیچیدگی مدل، که مستقیماً با تعداد متغیرهای ورودی مرتبط است، بسیار مهم است.

نقاط نشان داده شده در شکل ۳ راه حلهای غیر غالب هستند، به طوری که نمی توان دو تابع هدف در نظر گرفته شود. انتخاب بهترین راه حل بهینه در این نقاط پیچیده است زیرا با مقایسه دو نقطه با یکدیگر، یکی بر اساس یک

¹ Grey relational analysis (GRA)

² Grey Relational Coefficient (GRC)

جدول ۳. عوامل موثر بر عمق کربناته شدن (روش MOEA/D-ANN)

Table 3. Factors affecting the carbonation depth (MOEA/D-ANN method)

مخفف	رديف	مخفف	رديف
W/FA	٨	F	١
W/CA	٩	СА	٢
CA/FA	۱.	Binder	٣
СҮ	١١	S/Binder	۴
RH	١٢	W/(CA+FA)	۵
CC	١٣	W/C	۶
		F/W	γ

متغیرهای بهینه انتخاب شده توسط MOEA/D-ANN در جدول ۳ ارائه شده است.

مطالعات قبلی مواد چسبنده، نسبت فوق روان کننده به مواد چسبنده، خاکستر بادی به آب، آب به دستههای مختلف سنگدانهها (کل سنگدانهها، دانههای ریز، دانههای درشت) و دانههای درشت به دانههای ریز را به عنوان متغیرهای ورودی در نظر نگرفتهاند. با این حال، در اینجا، این نسبت ها به عنوان عواملی انتخاب شده اند که به طور بالقوه میتوانند بر عمق کربناته شدن تأثیر بگذارند. از این رو، استفاده از یک روش انتخاب ویژگی قوی برای شناسایی متغیرهای بهینه (به عنوان مثال، MOEA/D-ANN) ضروری است.

یکی دیگر از ویژگی های انتخاب شده RReliefF است که از وزن ویژگی برای شناسایی ویژگی های مرتبط در یک مجموعه داده استفاده میکند. از آنجایی که تعداد بهینه متغیرها در MOEA/D-ANN مورد تعیین شده، بنابراین در نتایج بدستآمده از روش RRelieff تنها ۱۳ متغیر برتر با بیشترین وزنها انتخاب شدند. متغیرهای انتخاب شده در شکل ۴ ارائه شده است. شایان ذکر است که RRelieff نسبتهای فوق روان کننده به مواد چسبنده، دانههای ریز به کل سنگدانه، سنگدانه درشت به کل سنگدانه، فوق روان کننده به سنگدانه درشت، سنگدانه درشت به میمان، سنگدانه درشت به سنگدانه درشت را شناسایی کرده است. در مطالعات قبلی متغیرهای ریزدانه در جایی که $(g)_{ij}$ نشان دهنده GRC برای تابع هدف j از نقطه p ام است، ت برابر با ۰/۵ در نظر گرفته می شود و $(\Delta_{0j}(q))$ از معادله (۸) تعیین می شود. $\Delta_{0j}(q)$ و Δ_{max} به ترتیب حداقل و حداکثر $\Delta_{0j}(q)$ هستند.

$$\Delta_{0j} = \left\| a_0(q) - s_j^*(q) \right\| \tag{A}$$

j دنباله توالی مرجع است و ${(q)}_{i}^{s}$ مقدار مقیاس تابع هدف j دنباله توالی مرجع است و ${(q)}_{i}^{s}$ مقدار مقیاس (۹) از نقطه q_{th} است. در نهایت درجه رابطه خاکستری i از طریق معادله (۹) تعیین می شود.

$$GRG_j = \frac{1}{n} \sum_{q=1}^n \xi_j(q) \tag{9}$$

GRG، با اهمیت دادهها رابطه مستقیم دارد و رتبهبندی بر این اساس انجام می شود. نتایج GRA نشان می دهد که این تعداد بهینه متغیرها است که منجر به خطای میانگین مربعات ²(MSE)برابر با ۰/۰۰۰۸۵ می شود.

¹ Gray Relational Grade (GRG)

² Mean Squared Error



شکل ۴. متغیرهای تاثیرگذار روش RReliefF

Fig. 4. Influential variables of RReliefF method

به سیمان و خاکستر بادی به سیمان در نظر گرفته نشده اند. متغیرهایی نظیر سنگدانه درشت، چرخه (روز)، درصد رطوبت نسبی، درصد غلظت ₂CO، نسبت فوق روان کننده به مواد چسبنده، نسبت آب به سیمان و سنگدانه درشت به سنگدانه ریز با هر دو روش انتخاب ویژگی شناسایی شدند. همچنین، هر روش متغیرهای منحصر به فردی را انتخاب کرده که برای مدل بصورت متغیر مهمی در نظر گرفته شده، که اکثر ورودیهای انتخاب شده بصورت نسبت وزنی معرفی می شوند.

ANN - ۲ - تجزیه و تحلیل مدل

شکل ۵ مقدار R² را توسط عملکرد ANN را با استفاده از داده های عمومی و MOEA/D-ANN و رویکرد RReliefF در مجموعه داده های آموزشی، اعتبار سنجی و آزمایش نشان میدهد. ANN با استفاده از دادههای کلی، دقت پیشبینی خوبی را برای عمق کربناته شدن نشان میدهد و به ضریب تعیین با مقدار ۰/۹۸ دست مییابد.

در مقایسه با مدلهای مورد استفاده در تحقیقات قبلی، این مدل از دقت بهتری برخوردار بوده است [۴و ۱۰و ۱۲و ۱۵و ۱۷–۱۸و ۶۱–۶۲]. خروجی این مدل با استفاده از چندین متغیر ورودی پیش بینی شده بود و جمع آوری دقیق هر یک از ۳۷ متغیر ممکن است چالش برانگیز باشد. در این بین،

متغیرهای خاصی در مقایسه با سایر متغیرها تأثیر قوی تری بر عمق کربناته شدن می گذارند. از این رو برخی عوامل ممکن است بدون تأثیر قابل توجهی بر دقت مدل نادیده گرفته شوند. انتخاب ویژگی با استفاده از روشهای MOEA/D-ANN و RRelieff انجام شد و نتایج در شکل ۵ نشان داده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی داده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی ناده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی ناده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی داده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی ناده شده است. همان طور که در جدول ۴ مشاهده می شود، مدل پیشنهادی تعیین عمق کربناته شدن بتن فراهم کرده است. این نتیجه نشان دهنده کار آمدی روش پیشنهادی در انتخاب دقیق متغیرهای تأثیر گذار و بهبود عملکرد مدل پیش بینی است.

روش MOEA/D-ANN از دو تابع هدف استفاده می کند: یکی برای به حداقل رساندن تعداد متغیرهای ورودی و دیگری برای به حداقل رساندن MSE شکل ۶ نشان می دهد، مدلی که از تمام ۳۷ متغیر ورودی استفاده می کند دارای MSE بالاتری نسبت به مدل ANN با روشهای انتخاب ویژگی است. از نتایج می توان استنباط کرد که روش MOEA/D-ANN با موفقیت متغیرهایی را که در پیش بینی عمق کربناته شدن ضروری نیستند،

تعداد متغيرها	ضريب تعيين (R²)	محققان	روش مدلسازی
١٢	•/٩٢	Biswas <i>et al.</i> [1٣]	SVM
۱۵	•/\\	Zhang et al. [۶٣]	ANN
٨	۰/۹۵	Zhang <i>et al</i> . [۶۴]	Random Forest
١١	•/٩	Kaloop <i>et al</i> . [۶۵]	MLR
١.	•/٩٩	تحقيق حاضر	MOEA/D-ANN + ANN

جدول ۴. مقایسه مدل ارائه شده با مدلهای قبلی از نظر تعداد متغیر و دقت

Table 4. Comparison of the proposed model with previous models



شکل ۵. مقادیر R² برای مدل ANN

Fig. 5. R2 values for the ANN model





حذف کرده است که منجر به بهبود عملکرد کلی در مدل ANN در مقایسه با RRelieff و استفاده از همه ویژگیها شده است. علاوه بر این، زمان اجرا روش MOEA/D-ANN کمتر از زمان اجرای RReliefF با همه ویژگیها میباشد. این یافته کارایی محاسباتی MOEA/D-ANN را زمانی که در زمینه ANN اعمال میشود، برجسته می کند.

۳-۳- تحلیل حساسیت براساس تغییر در مقدار خروجی

در این تحقیق، تحلیل حساسیت برای بررسی تأثیر متغیرهای ورودی مختلف بر دقت مدل پیش بینی عمق کربناته شدن بتن انجام شده است. این تحلیلها نشان دادند که متغیرهایی مانند زمان، درصد رطوبت نسبی و درصد غلظت دیاکسید کربن بیشترین تأثیر را بر عمق کربناته شدن بتن دارند. بر اساس نتایج بدست آمده از اشکال ۷ تا ۹ با افزایش متغیرهای ورودی شامل چرخه (روز)، درصد رطوبت نسبی و درصد غلظت دیاکسید کربن، مقدار عمق کربناته شدن بتن روند افزایشی را نشان میدهد. همچنین با توجه به شکل ۹ میتوان گفت، مقدار عمق کربناته شدن بتن در اثر افزایش غلظت

دی اکسید کربن در بازه ۱ تا ۲۵ درصد، روند کاملاً صعودی داشته و پس از آن مقادیر تقریباً ثابت و نزدیک بهم را داده است.

۴- نتیجهگیری

در این تحقیق پیش بینی دقیق عمق کربناته شدن بتن مورد بررسی قرار گرفته است که برای محافظت در برابر پیامدهای زیان بار مانند ترک خوردگی و خوردگی بسیار حائز اهمیت است. دادههای مورد استفاده از منابع معتبر متعددی جمع آوری شده و در مجموع ۱۹۸ داده عمق کربناته شده و ۳۷ متغیر ورودی بدست آمده است. بیشتر ورودیها براساس نسبت آنها در مخلوط بتن بوده که برای دقت مدل مهم است. برای افزایش دقت مدل و آدرس پیچیدگی محاسباتی، یک روش انتخاب ویژگی جدید، -MOEA/D آدرس پیچیدگی محاسباتی، یک روش انتخاب ویژگی جدید، -AND

روش MOEA/D-ANN برای شناسایی و حذف متغیرهای اضافی انجام شده، که در نتیجه ۱۳ متغیر باقیمانده برای ساخت مدل مورد استفاده















شکل ۹. تحلیل حساسیت بر روی متغیر ورودی درصد غلظت دی اکسید کربن (CC)



قرار گرفته است. علاوه بر این، از روش RReliefF برای تعیین اهمیت ورودیها استفاده شده است و ۱۳ ویژگی با بیشترین وزن انتخاب شدهاند. از روش ANN برای پیشبینی عمق کربناته بتن و از روش های ترکیبی MOEA/D-ANN و RReliefF برای یافتن متغیرهای تأثیرگذار استفاده شده است. نتایج بدست آمده نشان داده اند که مدل ایجاد شده با استفاده از رویکرد MOEA/D-ANN، با ترکیب متغیرهای تعیین شده با استفاده از رویکرد MOEA/D-ANN، با ترکیب متغیرهای تعیین شده بر این، این مدل به مقدار قابل توجهی را در درصد خطاها و افزایش دقت دارد. علاوه بر این، این مدل به مقدار قابل توجه ضریب تعیین 9.09 = 2 می رسد، که بر دقت استثنایی آن در پیش بینی عمق کربناته بتن و تأیید انتخاب دقیق متغیرهای تأثیرگذار تأکید می کند. نتایج کلیدی را می توان به شرح زیر خلاصه نمود:

۱۳ ، MOEA/D-ANN، تعداد بهینه ورودی برای GRA، میباشد. متغیرهای ورودی انتخاب ورودی با MSE برابر با ۸۵۰۰۰ میباشد. متغیرهای ورودی انتخاب شده عبارتند از خاکستر بادی، سنگدانه درشت، ماده چسبنده، چرخه (روز)، درصد رطوبت نسبی، درصد غلظت CO و نسبت فوق روان کننده به ماده چسبنده، نسبت آب به کل سنگدانه، نسبت آب به سیمان، خاکستر بادی به آب، آب به سنگدانه ریز، آب به درشتدانه و نسبت ماده درشت دانه به ریز دانه. استفاده از این متغیرها برای پیش بینی کربناته درشت درشت دانه به ریز دانه. استفاده از این متغیرها برای پیش بینی کربناته درشت درشت دانه به ریز دانه. استفاده از این متغیرها برای پیش بینی کربناته درشت دانه به ریز دانه. استفاده از این متغیرها برای پیش بینی کربناته درشت دانه به ریز دانه.

بتن، بالاترین سطح دقت را میدهند.

- براساس روش RReliefF، عوامل زیر تعیین کننده بودند، که عبارتند از: چرخه (روز)، رطوبت نسبی، غلظت CO2، سنگدانه درشت، و نسبت فوق روان کننده به چسب، سنگدانه ریز به کل سنگدانه، سنگدانه درشت به کل سنگدانه، فوق روان کننده به سنگدانه درشت، نسبت آب به سیمان، سنگدانه درشت به سیمان، سنگدانه درشت به سنگدانه ریز، سنگدانه ریز به سیمان و خاکستر بادی به سیمان.
- چارچوب ارائه شده در این پژوهش ظرفیت گسترش به سایر خواص بتن را دارد، امکان توسعه مدلهای پیش بینی برای انواع مختلف خرابیهای سازهای یا مصالحی که میتواند در سازههای بتنی ایجاد شود و شناسایی متغیرهایی که بر چنین شکستهایی تأثیر میگذارند، فراهم میکند. شناسایی پارامترهای حیاتی موثر بر عمق کربناته شده به دلیل دشواری فرآیند و دخالت متغیرهای بسیاری که در آن نقش دارند دارای پیچیدگی زیادی است. لذا از نتایج این تحقیق می توان در شناخت رفتار بتن کمک گرفت و عوامل موثر بر آن را برای تحقیقات آتی مد نظر داشت. همچنین نتایج نشان داد که با افزایش نسبت آب به مد نظر داشت. همچنین نتایج نشان داد که با افزایش نسبت آب به افزایش مییابد

III: Mathematics and Computer Science, (2016) 99-108.

- [11] H. Lee, H.-S. Lee, P. Suraneni, Evaluation of carbonation progress using AIJ model, FEM analysis, and machine learning algorithms, Construction and Building Materials, 259 (2020) 119703.
- [12] W.Z. Taffese, E. Sistonen, J. Puttonen, CaPrM: Carbonation prediction model for reinforced concrete using machine learning methods, Construction and Building Materials, 100 (2015) 70-82.
- [13] R. Biswas, E. Li, N. Zhang, S. Kumar, B. Rai, J. Zhou, Development of hybrid models using metaheuristic optimization techniques to predict the carbonation depth of fly ash concrete, Construction and Building Materials, 346 (2022) 128483.
- [14] C. Lu, R. Liu, Predicting carbonation depth of prestressed concrete under different stress states using artificial neural network, Advances in Artificial Neural Systems, (2009).
- [15] W.Z. Taffese, F. Al-Neshawy, E. Sistonen, M. Ferreira, Optimized neural network based carbonation prediction model, in: International Symposium Non-Destructive Testing in Civil Engineering (NDT-CE). Berlin, Germany, 2015, pp. 1074-1083.
- [16] E.F. Felix, E. Possan, R. Carrazedo, Analysis of training parameters in the ANN learning process to mapping the concrete carbonation depth, Journal of building pathology and rehabilitation, 4(1) (2019) 16.
- [17] P. Akpinar, I. Uwanuakwa, Investigation of the parameters influencing progress of concrete carbonation depth by using artificial neural networks, Materiales de Construcción, 70(337) (2020) e209-e209.
- [18] E.F. Felix, R. Carrazedo, E. Possan, Carbonation model for fly ash concrete based on artificial neural network: Development and parametric analysis, Construction and Building Materials, 266 (2021) 121050.
- [19] M. Ehsani, M. Ostovari, S. Mansouri, H. Naseri, H. Jahanbakhsh, F.M. Nejad, Machine learning for predicting concrete carbonation depth: A comparative analysis and a novel feature selection, Construction and

- [1] H. Naseri, H. Jahanbakhsh, K. Khezri, A.A. Shirzadi Javid, Toward sustainability in optimizing the fly ash concrete mixture ingredients by introducing a new prediction algorithm, Environment, development and sustainability, 24(2) (2022) 2767-2803.
- [2] S.O. Ekolu, Model for natural carbonation prediction (NCP): Practical application worldwide to real life functioning concrete structures, Engineering Structures, 224 (2020) 111126.
- [3] W.Z. Taffese, E. Sistonen, Machine learning for durability and service-life assessment of reinforced concrete structures: Recent advances and future directions, Automation in Construction, 77 (2017) 1-14.
- [4] Y. Kellouche, B. Boukhatem, M. Ghrici, A. Tagnit-Hamou, Exploring the major factors affecting fly-ash concrete carbonation using artificial neural network, Neural Computing and Applications, 31 (2019) 969-988.
- [5] H. Xu, Z.Q. Chen, S.B. Li, W. Huang, D. Ma, Carbonation test study on low calcium fly ash concrete, Applied Mechanics and Materials, 34 (2010) 327-331.
- [6] A. Rahai, S.H. Rashedi, Evaluation of ductility of bearing concrete wall systems with regard to their boundary element, Amirkabir Journal of Civil Engineering, 49(1) (2017) 13-22.
- [7] S.H. Rashedi, A. Rahai, P. Tehrani, Seismic performance evaluation of RC bearing wall structures, Computers and Concrete, 30(2) (2022) 113-126.
- [8] I. Nunez, M.L. Nehdi, Machine learning prediction of carbonation depth in recycled aggregate concrete incorporating SCMs, Construction and Building Materials, 287 (2021) 123027.
- [9] I.D. Uwanuakwa, Deep learning modelling and generalisation of carbonation depth in fly ash blended concrete, Arabian Journal for Science and Engineering, 46(5) (2021) 4731-4746.
- [10] P. Akpinar, I.D. Uwanuakwa, Intelligent prediction of concrete carbonation depth using neural networks, Bulletin of the Transilvania University of Brasov. Series

منابع

- [30] R. Kazemi, A hybrid artificial intelligence approach for modeling the carbonation depth of sustainable concrete containing fly ash, Scientific Reports, 14(1) (2024) 11948.
- [31] D. Wang, Q. Tan, Y. Wang, G. Liu, Z. Lu, C. Zhu, B. Sun, Carbonation depth prediction and parameter influential analysis of recycled concrete buildings, Journal of CO2 Utilization, 85 (2024) 102877.
- [32] C.D. Atiş, Accelerated carbonation and testing of concrete made with fly ash, Construction and Building Materials, 17(3) (2003) 147-152.
- [33] B. Das, S. Pandey, Influence of fineness of fly ash on the carbonation and electrical conductivity of concrete, Journal of materials in civil engineering, 23(9) (2011) 1365-1368.
- [34] P. Van den Heede, N. De Belie, A service life based global warming potential for high-volume fly ash concrete exposed to carbonation, Construction and Building Materials, 55 (2014) 183-193.
- [35] C.H. Huang, G.L. Geng, Y.S. Lu, G. Bao, Z.R. Lin, Carbonation depth research of concrete with low-volume fly ash, Applied Mechanics and Materials, 155 (2012) 984-988.
- [36] L. Jiang, Z. Liu, Y. Ye, Durability of concrete incorporating large volumes of low-quality fly ash, Cement and concrete research, 34(8) (2004) 1467-1469.
- [37] J. Khunthongkeaw, S. Tangtermsirikul, T. Leelawat, A study on carbonation depth prediction for fly ash concrete, Construction and building materials, 20(9) (2006) 744-753.
- [38] S. Lammertijn, N. De Belie, Porosity, gas permeability, carbonation and their interaction in high-volume fly ash concrete, Magazine of Concrete Research, 60(7) (2008) 535-545.
- [39] P. Nath, Durability of conrete using fly ash as a partial replacement of cement, Curtin University, 2010.
- [40] P. Nath, P. Sarker, Effect of fly ash on the durability properties of high strength concrete, Procedia Engineering, 14 (2011) 1149-1156.
- [41] P. Sulapha, S. Wong, T. Wee, S. Swaddiwudhipong,

Building Materials, 417 (2024) 135331.

- [20] P.C. Deka, A primer on machine learning applications in civil engineering, CRC Press, 2019.
- [21] K. Meshram, Machine Learning Applications in Civil Engineering, Elsevier, 2023.
- [22] V. Plevris, A. Ahmad, N.D. Lagaros, Artificial Intelligence and Machine Learning Techniques for Civil Engineering, IGI Global, 2023.
- [23] M. Ehsani, H. Naseri, R. Saeedi Nezhad, M. Etebari Ghasbeh, F. Moghadas Nejad, Compressive strength prediction of ordinary concrete, fly ash concrete, and slag concrete by novel techniques and presenting their optimal mixtures, Amirkabir Journal of Civil Engineering, 53(10) (2021) 4105-4124.
- [24] N. Roshan, M. Ghale Navi, A. Khosravi, Prediction of concrete compressive strength using machine learning regression algorithms, in: The 12th National Congress of Civil Engineering, Tehran, Iran, 2020, in Persian.
- [25] N. Shirzad, M. Taheri, A. Ashrafian, Development of a tree model to predict the depth of carbonation in concrete containing fly ash, in: 7th International Conference on Civil Engineering, Architecture and Urban Planning, Tehran, Iran, 2022, in Persian.
- [26] H. Hosseinzadeh, A. Hosni, S. Arman, A. Safipour, (2022). Prediction of compressive strength of concrete based on group machine learning, in: 20th Concrete Day Conference and 14th National Concrete Conference, Tehran, Iran, 2022, in Persian.
- [27] V.Q. Tran, H.V.T. Mai, Q.T. To, M.H. Nguyen, Machine learning approach in investigating carbonation depth of concrete containing Fly ash, Structural Concrete, 24(2) (2023) 2145-2169.
- [28] I.D. Uwanuakwa, P. Akpınar, Enhancing the reliability and accuracy of machine learning models for predicting carbonation progress in fly ash-concrete: A multifaceted approach, Structural Concrete, (2024).
- [29] H. Ji, H. Ye, Machine learning prediction of corrosion rate of steel in carbonated cementitious mortars, Cement and Concrete Composites, 143 (2023) 105256.

Transactions of Civil Engineering, 45(2) (2021) 913-927.

- [51] S. Ranjbar, F.M. Nejad, H. Zakeri, A.H. Gandomi, Computational intelligence for modeling of asphalt pavement surface distress, in: New Materials in Civil Engineering, Elsevier, 2020, pp. 79-116.
- [52] S. Haykin, Neural networks: a comprehensive foundation, Prentice Hall PTR, 1998.
- [53] I.N. Da Silva, D. Hernane Spatti, R. Andrade Flauzino, L.H.B. Liboni, S.F. dos Reis Alves, I.N. da Silva, D. Hernane Spatti, R. Andrade Flauzino, L.H.B. Liboni, S.F. dos Reis Alves, Artificial neural network architectures and training processes, Springer, 2017.
- [54] M. Robnik-Šikonja, I. Kononenko, Theoretical and empirical analysis of ReliefF and RReliefF, Machine learning, 53 (2003) 23-69.
- [55] M.V. Selvi, S. Mishra, Input features selection using rrelieff algorithm for electricity demand forecasting, in: 2020 IEEE First International Conference on Smart Technologies for Power, Energy and Control (STPEC), IEEE, 2020, pp. 1-6.
- [56] S. Ghafari, S. Ranjbar, M. Ehsani, F.M. Nejad, P. Paul, Sustainable crumb rubber modified asphalt mixtures based on low-temperature crack propagation characteristics using the response surface methodology, Theoretical and Applied Fracture Mechanics, 123 (2023) 103718.
- [57] A. Askari, P. Hajikarimi, M. Ehsani, F. Moghadas Nejad, Prediction of rutting deterioration in flexible pavements using artificial neural network and genetic algorithm, Amirkabir Journal of Civil Engineering, 54(9) (2022) 3581-3602.
- [58] M. Ehsani, F. Moghadas Nejad, P. Hajikarimi, Developing an optimized faulting prediction model in Jointed Plain Concrete Pavement using artificial neural networks and random forest methods, International journal of pavement engineering, 24(2) (2023) 2057975.
- [59] M. Ehsani, P. Hamidian, P. Hajikarimi, F.M. Nejad, Optimized prediction models for faulting failure of Jointed Plain concrete pavement using the metaheuristic

Carbonation of concrete containing mineral admixtures, Journal of materials in civil engineering, 15(2) (2003) 134-143.

- [42] M.K. Rao, D. Kumar, Durability assessment of concrete with class-F fly ash by chloride ion permeability, International Journal of Recent Technology and Engineering, 8 (2019) 8831-8836.
- [43] E. Roziere, A. Loukili, F. Cussigh, A performance based approach for durability of concrete exposed to carbonation, Construction and Building Materials, 23(1) (2009) 190-199.
- [44] K. Sisomphon, L. Franke, Carbonation rates of concretes containing high volume of pozzolanic materials, Cement and Concrete Research, 37(12) (2007) 1647-1653.
- [45] A. Younsi, P. Turcry, E. Rozière, A. Aît-Mokhtar, A. Loukili, Performance-based design and carbonation of concrete with high fly ash content, Cement and Concrete Composites, 33(10) (2011) 993-1000.
- [46] P. Zhang, Q. Li, Effect of fly ash on durability of high performance concrete composites, Research Journal of Applied Sciences, Engineering and Technology, 6(1) (2013) 7-12.
- [47] A. Behnood, V. Behnood, M.M. Gharehveran, K.E. Alyamac, Prediction of the compressive strength of normal and high-performance concretes using M5P model tree algorithm, Construction and Building Materials, 142 (2017) 199-207.
- [48] S. Ghavami, H. Naseri, H. Jahanbakhsh, F.M. Nejad, The impacts of nano-SiO2 and silica fume on cement kiln dust treated soil as a sustainable cement-free stabilizer, Construction and Building Materials, 285 (2021) 122918.
- [49] S. Ghafari, M. Ehsani, F.M. Nejad, Prediction of lowtemperature fracture resistance curves of unmodified and crumb rubber modified hot mix asphalt mixtures using a machine learning approach, Construction and Building Materials, 314 (2022) 125332.
- [50] A.A. Shirzadi Javid, H. Naseri, M.A. Etebari Ghasbeh, Estimating the optimal mixture design of concrete pavements using a numerical method and meta-heuristic algorithms, Iranian Journal of Science and Technology,

- [63] M. Zhang, L. Jiao, W. Ma, J. Ma, M. Gong, Multiobjective evolutionary fuzzy clustering for image segmentation with MOEA/D, Applied Soft Computing, 48 (2016) 621-637.
- [64] J. Zhang, G. Ma, Y. Huang, F. Aslani, B. Nener, Modelling uniaxial compressive strength of lightweight self-compacting concrete using random forest regression, Construction and Building Materials, 210 (2019) 713-719.
- [65] M.R. Kaloop, D. Kumar, P. Samui, J.W. Hu, D. Kim, Compressive strength prediction of high-performance concrete using gradient tree boosting machine, Construction and Building Materials, 264 (2020) 120198.

optimization algorithms, Construction and Building Materials, 364 (2023) 129948.

- [60] Q. Zhang, H. Li, MOEA/D: A multiobjective evolutionary algorithm based on decomposition, IEEE Transactions on evolutionary computation, 11(6) (2007) 712-731.
- [61]Z. Chen, J. Lin, K. Sagoe-Crentsil, W. Duan, Development of hybrid machine learning-based carbonation models with weighting function, Construction and Building Materials, 321 (2022) 126359.
- [62] K. Liu, M.S. Alam, J. Zhu, J. Zheng, L. Chi, Prediction of carbonation depth for recycled aggregate concrete using ANN hybridized with swarm intelligence algorithms, Construction and Building Materials, 301 (2021) 124382.

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

Sh. Mansouri, A. R. Rahai, S. H. Rashedi, F. Moghaddas Nejad, Predicting Concrete Carbonation Depth and Investigating the Influencing Factors through Machine Learning Approaches and Optimization, Amirkabir J. Civil Eng., 56(12) (2025) 1583-1604.



DOI: <u>10.22060/ceej.2024.22980.8086</u>

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۶، شماره ۱۲، سال ۱۴۰۳، صفحه ۱۵۸۳ تا ۱۶۰۴