

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 55(5) (2023) 233-236 DOI: 10.22060/ceej.2023.21896.7846

Numerical Modelling of Creep Behavior of Excavations Stabilized with Anchors with a Case Study in Tehran

H. Hosseini, A. Fakher*

Faculty of Civil Engineering, University of Tehran, Tehran, Iran

ABSTRACT: Some excavations need to be designed for a long time or sometimes they are left for a long time. Stabilization of most of the excavations has been done using anchors. Field surveys of these excavations show that in some cases, deformation of the excavations increases over time, and the locking force of anchors decreases, leading to dangers. Therefore, it is very important to know the long-term behavior of stabilization systems by an anchor and reduce the anchor load. The main purpose of this study is to evaluate the changes in anchor load in excavations. Numerical modeling of the long-term behavior of soils has many complexities and may not correspond to reality. Therefore, in this study, data on the long-term behavior of an excavation project in Tehran were collected and then numerical modeling in finite difference software was used to study the long-term behavior of this system. Also, using the back analysis method, the input creep variables of the rheological model of the time function in the numerical model were determined and used. Comparison of the results of this research and field survey results confirms the time function behavior of the numerical model performed in software. The results of this research show that in an anchor installed in the middle depth of the excavation project, a 7% reduction in load occurs one year after prestressing. Also, during the creep time, the maximum horizontal deformation of the excavation walls increases by 13% during one year.

Review History:

Received: Nov. 01, 2021 Revised: Apr. 23, 2023 Accepted: Apr. 30, 2023 Available Online: May, 5, 2023

Keywords:

Excavation anchor time-dependent behavior numerical modeling Tehran coarse-grained soils

1-Introduction

To prevent excavation collapse and its possible negative consequences, structures called stabilization are used to contain the excavation. One of these methods is the use of anchors. An anchor is a structural element installed in soil or rock that is used to transfer the applied tensile load to the ground [1]. Nowadays, some excavations are abandoned during or at the end of the excavation process due to problems such as financial or management. In excavations stabilized with anchors, the load of the anchors usually changes over time and these changes in load may cause significant lateral displacements in the excavation wall and cause it to collapse. Few studies have been done regarding the long-term behavior of anchors, which have been used using various methods such as numerical modeling, field studies and measurements, and laboratory model tests [2-9]. These studies have the following shortcomings: (a) There are no studies that study different soils, especially coarse grains with cementation. (b) In previous researches soil creep parameters were obtained from laboratory tests and there is no verification based on field measurements of excavation. In this article, we try to solve the above deficiencies and study the long-term behavior of anchors in excavations. In this research, using field data regarding the long-term behavior of a project, numerical

modeling was done with the definition of the Burger creep model. Also, by using back analysis, the input creep variables of the behavior model have been predicted and proposed for the coarse-grained soil of Tehran.

2- Methodology

In this research, numerical modeling has been done using FLAC 2D version 8.1 software. The data of the Atieh Gharb hospital project located in Gharb town of Tehran city have been used for numerical modeling. The depth of the excavation of this project is about 42 meters, and for its stabilization, a combination of concrete piles, anchors, and nails have been used. The soil of the project is coarse-grained soil with cementation. To model the soil in the software in a time-independent mode, the Plastic Hardening (PH) model is used. This model is a shear and volumetric hardening constitutive model for the simulation of soil behavior [10]. After modeling of the time-independent behavior of the excavation, the creep behavior should be modeled in a new phase. Based on the review of past researches, the Burger creep model has been used to model the creep behavior in this research. The model made in FLAC software is shown in Figure 1. For the meshing of the model, dimensions of the mesh in the soil environment in the areas close to the

*Corresponding author's email: afakher@ut.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Modeled soil grid in FLAC 2D software

excavation wall are small, and to reduce the analysis time, the dimensions in the distance away from the excavation wall were gradually increased.

The determination of most variables in numerical modeling is based on classical modeling that has been presented in past researches. In this article, some specific points for the numerical modeling of the research subject are provided. The methodology of these points is summarized for the first time in this research and presented in this article. The FLAC software manual has presented how to determine the parameters based on the rock environment, and unfortunately, it does not mention how to determine and calculate the parameters of the cable element in the soil environment. Due to this lack of software guidance, some research [11] has been done by others to provide a practical method for soil containment modeling in FLAC software, which is summarized in this paper. Back analysis is a suitable method for determining model parameters using observational data collected from in-laboratory experiments [12] or field research [13]. In this research, because it was not possible to perform creep tests to obtain the parameters of the Burger creep model and the project was completed, the back analysis method was used to obtain the parameters of the Burger model. Four creep parameters of Burger model have been determined by the back analysis method and using the values of the prestressing force in the anchors over time as the output of the model.

In this research, data from two projects were used to verify numerical modeling: (a) Excavation of Atiye Hospital in Tehran; {b) nailed wall in Texas. The data of the prestressing force obtained from the loadcells and the displacements obtained from the survey in project (a) were compared with the numerical modeling results. In project (b), a nailed wall project on a road in Texas that was investigated in a study by the Texas Transportation Institute [4] was used.

3- Results and Discussion

The data obtained from the numerical analysis are presented and summarized in two parts including (a) the comparison of the changes in the prestressing force of anchors and (b) the horizontal displacement of the excavation wall over the time.

In the excavation of Atiyeh Gharb hospital, loadcells have been installed on two anchors and the load on these anchors has been monitored. Measurements were taken and recorded both during excavation and after the end of excavation (creep time). Accordingly, after the installation and prestressing of the 6th row anchor of 90 tons, the load in it until the end of the construction and excavation stages is equal to 86.3 tons, and 216 days after that it is equal to 83.7 tons. This means that during the period of 347 days after prestressing, the amount of load in this anchor has decreased by 7%. Also, after the installation and prestressing of the 11th row anchor of 90 tons, the load in it until the end of the construction and excavation stages is equal to 2.89 tons and 214 days after that it is equal to 1.87 tons. This means that during the period of 283 days after prestressing, the amount of load in this anchor has decreased by 3%. The results recorded by both loadcells are in good agreement with the results predicted by numerical modeling.

4- Conclusions

The numerical modeling method presented in this article can well model the time-dependent (creep) behavior of the anchors used in stabilization systems. Due to the fact that the creep variables of the Burger viscoplastic model for Tehran's coarse-grained soil had not been presented so far, in this research, these variables were obtained through the back analysis of the long-term behavior of achors. The long-term behavior of the stabilized excavation shows that over time due to creep, the horizontal deformation of the excavation wall increases, and the prestressing force in the anchors decreases. For the anchors installed in the upper levels of the excavation, i.e. in the upper depths and close to the ground level of the excavation, more load reduction occurs than other anchors during the creep time.

References

- P. Sabatini, D. Pass, R. Bachus, Geotechnical engineering circular no. 4: Ground anchors and anchored systems, 1999.
- [2] H. Ludwig, Short-term and long-term behavior of tiebacks anchored in clay, (1984).
- [3] R. Rezvani, M.A. Tutunchian, Horizontal displacement of urban deep excavated walls supported by multistrands anchors, steel piles, and in situ concrete piles: Case Study, International Journal of Geomechanics, 21(1) (2021) 05020008.
- [4] M. Sanchez, J.-L. Briaud, S. Hurlebaus, M.M. Kharanaghi, G. Bi, Creep behavior of soil nail walls in high plasticity index (PI) soils: technical report, Texas A&M Transportation Institute, 2017.
- [5] N.S. Montero-Cubillo, R.A. Galindo-Aires, A. Serrano-González, C. Olalla-Marañón, F.D. Simic-Sureda, Analytical model of an anchored wall in creep soils, International Journal of Geomechanics, 20(4) (2020) 04020027.

- [6] R. Azami, Experimental Study of Soil Creep in Excavation Anchors, Tarbiat Modares university, 2017 ,(in persian).
- [7] S. Mirzaee, Time effects in numerical analysis of excavation in urban areas, Bu-Ali Sina University, 2009 ,(in persian).
- [8] A. Mahouti, Pull-out Behavior of Grouted Anchors in Marl, University of Tabriz, 2017,(in persian).
- [9] T. Arayesh, Numerical Analysis of Viscoplastic Effect in Permanent Anchored Slope After along Time, Tarbiat Modares university, 2015, (in persian).
- [10] Fast Lagrangian Analysis of Continua, in, Itasca Consulting Group, Minneapolis, 2019.
- [11] N. Yeganeh, A. Akhtarpour, J. Bolouri Bazaz, Parameters Determination of Soil-Anchor Interaction for Numerical Modelling According to Field Data, Modares Civil Engineering journal, 15(4) (2015) 105-116, (in persian).
- [12] L. Li, M. Gamache, M. Aubertin, Parameter determination for nonlinear stress criteria using a simple regression tool, Canadian geotechnical journal, 37(6) (2000) 1332-1347.
- [13] G. Gioda, L. Locatelli, Back analysis of the measurements performed during the excavation of a shallow tunnel in sand, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 23(13) (1999) 1407-1425.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

H. Hosseini, A. Fakher, Numerical Modelling of Creep Behavior of Excavations Stabilized with Anchors with a Case Study in Tehran, Amirkabir J. Civil Eng., 55(5) (2023) 233-236.



DOI: 10.22060/ceej.2023.21896.7846

This page intentionally left blank

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۵، شماره ۵، سال ۱۴۰۲، صفحات ۱۰۸۱ تا ۱۱۰۲ DOI: 10.22060/ceej.2023.21896.7846

موردی در تهران

مدلسازی عددی رفتار خزشی گودبرداریهای پایدارسازی شده با میلمهار همراه با مطالعه

هادی حسینی، علی فاخر*

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تهران، تهران، ایران.

خلاصه: برخی از گودبرداریهای ساختمانی لازم است تا برای مدت طولانی طراحی شوند یا گاهی به مدت طولانی رها میشوند. پایدارسازی اغلب این گودها با استفاده از میل مهارها یا انکرها انجام میشود. مشاهدات و مطالعات میدانی این گودها نشان می دهد که در برخی موارد با گذشت زمان تغییر شکل دیوار گود افزایش و نیروی قفل شدگی میل مهارها کاهش می یابد و خطراتی را به دنبال دارد. بنابراین شناخت رفتار طولانی مدت سیستم پایدارسازی به وسیله میل مهار بسیار مهم است. هدف اصلی این پژوهش، مطالعه تغییرات بار میل مهار در گودبرداری ها است. مدلسازی عددی رفتار طولانی مدت خاکها پیچیدگیهای زیادی دارد و ممکن است منطبق بر واقعیت نباشد. بنابراین در این پژوهش ابتدا دادههایی در خصوص رفتار طولانی مدت از یک مطالعه موردی در تهران جمع آوری شده و سپس با بهره گیری از مدلسازی عددی در نرمافزار تفاضل محدود به مطالعه رفتار سیستم میل مهارها در طول زمان پرداخته شده است. همچنین با استفاده از روش تحلیل برگشتی، متغیرهای خزشی ورودی مدل رفتاری تابع زمان در مدل عددی تعیین و استفاده شد. مقایسه نتایج حاصل از این پژوهش و نتایج میدانی، رفتار تابع زمان مدل عددی انجام شده در نرمافزار مورد نظر را تایید می ماند. این پژوهش نشان می دهد که در یک میل مهار نصب شده در اعماق میانی گود در یک سال پس از پیش تنیدگی، در می پرداخته شده است.

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۴۰۱/۰۸/۱۰ بازنگری: ۱۴۰۲/۰۲/۰۳ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۲/۱۰ ارائه آنلاین: ۱۴۰۲/۰۲/۱۵

کلمات کلیدی: گودبرداری میلمهار رفتار تابع زمان مدلسازی عددی خاک درشت دانه تهران

۱ – مقدمه

گودبرداری به خصوص در اعماق زیاد یکی از پرمخاطرهترین فعالیتهای عمرانی است. به منظور جلوگیری از ریزش گود و تبعات منفی احتمالی آن، از سازهها و راههایی تحت عنوان پایدارسازی برای مهار گود استفاده می شود. یکی از این روش ها استفاده از میل مهار^۱ یا انکر است. میل مهار یک المان سازهای نصب شده در خاک یا سنگ است که برای انتقال بار کششی اعمال شده، به زمین استفاده می شود. میل مهارها در حفرههایی که با دوغاب پر می شوند، نصب می شوند. اجزای اصلی یک میل مهار مطابق شکل ۱ عبارت است از مهار^۲، طول آزاد^۳ (بدون پیوند) و طول پیوند^۴. بخش مهاری میل مهار

شامل سرمهار^م، صحفه اتکا⁵ و شیپوری^۷ است که این اجزا قادرند نیروی پیش تنیدگی را از فولاد پیش تنیده (میلگرد یا استرند^۸) به زمین منتقل کنند. طول بدون پیوند بخشی از فولاد پیش تنیده است که آزادانه کشش الاستیک داشته و نیروی اعمالی به آن را منتقل می کند. طول پیوند با دوغاب در تماس است و قادر است بار کششی اعمال شده را به زمین منتقل کند.[۱]

با توجه به این که خاکها طبیعت دانهای دارند، رفتار زمانی به خصوص خزش آنها مورد توجه متخصصان است. پدیده خزش عبارت است از افزایش تدریجی تغییرشکل یک ماده مانند بتن، خاک یا سنگ در طول زمان که تحت اثر بار ثابت قرار دارد. برای مشاهده کردن این پدیده به صورت تجربی میتوان نمونهای از خاک موردنظر را سریعا تحت بار ثابت (درصدی از مقاومت نهایی نمونه) بارگذاری و تغییرشکل ایجاد شده در آن را در طول زمان اندازه گیری کرد که این آزمایش به آزمایش خزش معروف است.

- 6 Bearing Plate
- 7 Trumpet8 Strand

1 Anchor

3 Unbond Length

د موق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ها که و ها در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

⁵ Anchor Head

² Anchorage

Bond Length

^{*} نویسنده عهدهدار مکاتبات: afakher@ut.ac.ir



(۱] شکل ۱. اجزای تشکیل دهنده میلمهار Fig. 1. Components of an anchor

امروزه برخی از گودها به دلیل مشکلاتی از جمله مالی یا مدیریتی، در حین یا در پایان مراحل گودبرداری رها میشوند و به مرور تهدیدی جدی برای سلامتی و جان شهروندان و سازههای اطراف آن تبدیل میشوند. در گودهای پایدار شده با میلمهار در طول زمان به طور معمول بار میلمهار با گذشت زمان تغییر میکند که این تغییر بار امکان دارد باعث ایجاد تغییرمکانهای جانبی قابل توجه در دیواره گود شود و موجب ریزش گود گردد. به همین دلیل مطالعه رفتار بلند مدت سیستم پایدارسازی میلمهار موضوع مهمی است.

مطالعات کمی در رابطه با رفتار طولانی مدت میل مهار انجام شده است که از روش های مختلفی همچون مدلسازی عددی، مطالعات و اندازه گیری های میدانی و آزمایش های مدل های آزمایش گاهی استفاده شده است. از اولین مطالعاتی که در این زمینه انجام شد میتوان به پژوهش لودویگ^۱ در سال ۱۹۸۴ اشاره کرد که در طی آزمایش های بارگذاری مختلف، بارهای هر سیکل را برای مدت زمان مختلف ثابت نگه داشت و جابه جایی به وجود آمده را در طول زمان برسی کرد.[۲] رضوانی و توتونچیان در سال ۲۰۲۱ شده توسط ابزار دقیق در حین و پس از ساخت و ساز برای مقایسه جابجایی شده توسط ابزار دقیق در حین و پس از ساخت و ساز برای مقایسه جابجایی اغلب مطالعات انجام شده تاکنون در خاک های ریزدانه انجام شده است.

تیمی از دانشگاه A&M تگزاس رفتار طولانی مدت دیواره میخ کوبی شده را در خاک ریزدانه با شاخص خمیری بالاتر از ۲۰ مورد مطالعه قرار دادند. در این پژوهش با استفاده از تحقیقات میدانی و آزمایشگاهی و مدلسازی عددی سه هدف (الف) كاليبراسيون مدلهاي رفتاري با استفاده از اطلاعات جمع آوری شده از آزمایشگاه؛ (ب) شبیه سازی رفتار بلند مدت دیوار واقعی میخ کوبی شده و مقایسه مدل و نتایج پایش شده؛ و (ج) انجام تحلیل پارامتریک برای مطالعه تاثیر عوامل مختلف دنبال شد. [۴] مطالعات مونترو و همکاران در خاک رسی اسکاتلند [۵] و اعظمی در خاک رسی تهران [۶] به بررسی رفتار بلند مدت میل مهارها پرداختند. همچنین میرزایی به بررسی خزش در خاک رس جنوب تهران پرداخت. او با استفاده از انجام آزمایشهای خزشی پارامترهای مدل رفتاری خزشی برگر را به دست آورد و در مدلسازی عددی استفاده کرد. [۷] در خاک مارن نیز مطالعاتی مانند پژوهش ماهوتی در سال ۱۳۹۶ در خاک تبریز انجام شده است که از آزمایشهای مقیاس واقعی و مدلسازی عددی این آزمایشها در نرمافزار FLAC 3D استفاده کرده است. [۸] بسیاری از مطالعات انجام شده در این خصوص با استفاده مدلسازی عددی به بررسی رفتار بلند مدت پرداختند. اغلب این مطالعات مانند مطالعهای که آرایش در سال ۱۳۹۴ انجام داده است [۹] از نرمافزار FLAC و مدل رفتاری برگر استفاده کردند.

مطالعات اشاره شده در بالا دارای کمبودهای زیر هستند:

الف) مطالعات در خاکهای مختلف به خصوص درشت دانه دارای

¹ Ludwig



شکل ۲. نمایی از گود بیمارستان آتیه غرب Fig. 2. Excavation of Atiyeh Gharb Hospital

سيمانتاسيون وجود ندارد.

ب) پارامترهای خزشی خاک در تحقیقات قبلی از آزمایشهای آزمایشگاهی به دست آمده است و راستی آزمایی بر اساس اندازه گیریهای میدانی گودبرداری وجود ندارد.

در مقاله حاضر سعی می شود کمبودهای بالا برطرف گردد و به مطالعه رفتار طولانی مدت میل مهارها در گودبرداری ها پرداخته شود. در این پژوهش با استفاده از داده های میدانی در خصوص رفتار طولانی مدت یک پروژه، مدلسازی عددی با تعریف مدل خزشی برگر انجام شده و رفتار طولانی مدت آن بررسی شده است. همچنین با استفاده از تحلیل برگشتی، متغیرهای خزشی ورودی مدل رفتاری تابع زمان برای خاک درشت دانه تهران پیش بینی و پیشنهاد شده است.

۲- مدلسازی عددی

مدلسازی عددی گودها در مراجع مختلف مورد بحث قرار گرفته است. در این تحقیق نیز از اصول متداول مدلسازی عددی استفاده شد. این مقاله فاقد نوآوری خاصی در روش مدلسازی عددی است و تنها نکته خاص در تحقیق حاضر شامل توجه به رفتار خزشی یا طولانی مدت خاک و میلمهار است. بنابراین با توجه به ویژگیهای مسئله مورد تحقیق تصمیم گیری شد که از یک نرمافزار تجاری استفاده شود که امکان وارد کردن رفتار طولانی مدت یا خزشی را داشته باشد. در این پژوهش مدلسازی عددی با استفاده از نرمافزار خلایی را داشته باشد. در این پژوهش مدلسازی عددی با استفاده از نرمافزار

تفاضل محدود صریح دو بعدی برای انجام محاسبات مکانیک مهندسی است و دارای زبان برنامهنویسی داخلی FISH است که در تحقیق حاضر برای تسهیل برخی از محاسبات به کار رفت. این نرمافزار همچنین توانایی مدلسازی رفتار خزشی ویسکوالاستیک و همچنین ویسکوپلاستیک را دارد.

در این تحقیق جهت راستی آزمایی بر اساس دادههای میدانی از دادههای پروژه بیمارستان آتیه غرب واقع در شهرک غرب شهر تهران استفاده شده است. عمق گود این پروژه حدود ۴۲ متر است و برای پایدارسازی آن از ترکیب شمعهای بتنی، میلمهار و میخکوبی استفاده شده است. خاک محل پروژه درشتدانه دارای سیمانتاسیون و بر اساس نقشه پراکندگی آبرفتهای مختلف تهران از نوع آبرفتی نوع B است. [۱۰] نمایی از این گود در شکل ۲ نشان داده شده است.

در شکل ۳ مقطع مورد نظر مدلسازی نشان داده شده است. در این شکل محل قرارگیری میخ کوبیها و میل مهارها، محل نصب دو نیروسنج بر میل مهارها و شماره گذاری میل مهارهای موجود در این مقطع نشان داده شده است. زاویه قرارگیری میخ کوبیها و میل مهارها نسبت به افق ۱۰ درجه است و تا زیر ساختمان همسایه ادامه دارند. تراز آب زیرزمینی قبل از گودبرداری در عمق ۱۸/۴ متری از سطح زمین قرار دارد. مشخصات میل مهارها و میخ کوبیهای تعبیه شده در گود مورد نظر به ترتیب در جدول ۱ و ۲ ارائه شده است.

¹ Explicit Finite Difference



شکل ۳. تیپ اول موقعیت میخها و میلمهارها در مقطع مورد نظر

Fig. 3. The first type of the position of nails and anchors in the desired section

مراحل مدلسازی عددی به کار رفته در این پژوهش، در ادامه بیان میشود.

۲- ۱- هندسه، شرایط مرزی و شبکه' بندی مدل

اولین گام در مدلسازی انتخاب مناسب هندسه اولیه مدل مورد نظر است. در این پژوهش، ابعاد مدل بر اساس فرضیات پژوهشهای دیگر [۱۱] و صحتسنجیهایی که بر روی این مدل انجام داده شد، انتخاب گردید. البته معیارهایی همچون زمان تحلیل و تاثیر ابعاد بر نتایج نیز در نظر گرفته شد. بعد مدل در پشت دیواره گود تا حدود ۳ برابر عمق گود در مدلسازی امتداد داده شده است. ابعاد دیگر مدل در سمت مقابل دیواره گود یک برابر

عمق گود و خاک زیر گود یک برابر عمق گود در نظر گرفته شده است. در تحلیلهای مربوط به تنییر شکل، شرایط مرزی به گونهای تعریف می شود که در مرزهای جانبی از جابه جایی افقی و در مرز تحتانی از جابه جایی در هر دو جهت افقی و قائم (کاملا صلب) جلوگیری شود. مدل ساخته شده در نرمافزار FLAC بر اساس ابعاد تعیین شده، در شکل ۴ نشان داده شده است. برای مش بندی مدل مطابق این شکل ابعاد المانها در مش بندی محیط خاک در نواحی نزدیک به دیواره گود و محدوده المانهای میخ و میل مهار، کوچک و در حدود ۵۰ در ۵۰ سانتی متر در نظر گرفته شد. برای کاهش زمان تحلیل، ابعاد المانها در فاصله دورتر از محدوده دیواره گود به تدریج به طوری که در دورترین فاصله، ابعاد مش برابر با ۲ در ۲ متر شود افزایش داده شد.

1 Mesh

Anchor No.	Depth (m)	Туре	Total Length (m)	Total Length (m)
Anchor 1	5.9	5 Strands	38	8
Anchor 2	7.9	5 Strands	38	8
Anchor 3	9.9	5 Strands	36	8
Anchor 4	11.9	5 Strands	36	8
Anchor 5	13.9	6 Strands	39	12
Anchor 6	15.9	6 Strands	39	12
Anchor 7	17.9	6 Strands	39	12
Anchor 8	19.9	6 Strands	38	12
Anchor 9	21.9	6 Strands	36	12
Anchor 10	23.9	6 Strands	35	12
Anchor 11	25.9	6 Strands	38	12
Anchor 12	28.4	6 Strands	36	12
Anchor 13	30.4	6 Strands	34	12
Anchor 14	32.4	6 Strands	32	12
Anchor 15	34.4	6 Strands	22	12
Anchor 16	36.4	6 Strands	18	12
Anchor 17	38.4	6 Strands	17	12
Anchor 18	40.4	6 Strands	17	12

جدول ۱. مشخصات میلمهارهای تعبیه شده در گود مورد مطالعه در مدل عددی

Table 1. The specifications of the anchors in the studied excavation of numerical model

جدول ۲. مشخصات میخ کوبیهای تعبیه شده در گود مورد مطالعه در مدل عددی

Table 2. The specifications of the nails in the studied excavation of numerical model

Nail No.	Depth (m)	Diameter (m)	Total Length (m)
Nail 1	3.4	28	14
Nail 2	4.9	28	14
Nail 3	6.9	28	14
Nail 4	8.9	28	16
Nail 5	10.9	28	16
Nail 6	12.9	40	16
Nail 7	14.9	40	16
Nail 8	16.9	40	14
Nail 9	18.9	40	14
Nail 10	20.9	40	12
Nail 11	22.9	40	12





۲ – ۲ – مدلسازی رفتار مستقل از زمان

برای مدلسازی خاک در نرمافزار در حالت مستقل از زمان از مدل رفتاری سخت شونده پلاستیک (PH¹) استفاده می شود. مدل رفتاری سخت شونده پلاستیک که در نسخه های اخیر نرمافزار FLAC 2D به آن اضافه شده است، یک مدل ترکیبی سخت شونده برشی و حجمی است. این مدل رفتاری توسط سانچز^۲ و همکاران در سال ۱۹۹۹ فرمول بندی شده است [۱۲] و این ویژگی را دارد که اشکالات اصلی فرمول بندی مدل الاستیک غیر خطی مانند شناسایی الگوی بارگذاری/ باربرداری و مدول حجمی را حذف کند. [۱۳] ویژگی های اصلی مدل سخت شونده پلاستیک عبارت است از:

۱ – رابطه هذلولوی تنش-کرنش در طول فشرده سازی زهکشی شده
 محوری؛

2 Sanchez

کالیبراسیون این مدل با استفاده از آزمایشهای داخل آزمایشگاهی معمولی یا آزمایشهای درجا، ساده است. بنا به پیشنهاد راهنمای موجود در نرمافزار FLAC این مدل رفتاری برای پروژههای دارای اندرکنش سازه-خاک، حفاریها، تونل زنی و آنالیز نشست استفاده می شود. [۱۳] در این مدل رفتاری مدول یانگ یک پارامتر وابسته به تنش است و از رابطه (۱) محاسبه می شود:

$$E_{ur} = E_{ur}^{ref} \left(\frac{c \cot \phi - \sigma_3}{c \cot \phi + P_{ref}}\right)^m \tag{(1)}$$

همچنین از یک پارامتر سختی دیگر یعنی E_{50} در مدل رفتاری استفاده می شود که به صورت رابطه (۲) تعریف می شود.

$$E_{50} = E_{50}^{ref} \left(\frac{c \cot \phi - \sigma_3}{c \cot \phi + P_{ref}}\right)^m \tag{(7)}$$

بر اساس مطالعات ژئوتکنیک انجام گرفته برای پروژه، خاک محل از چهار لایه تشکیل شده است و مقادیر پارامترهای لایههای مختلف خاک

Soil layer	1	2	3	4
Depth(m)	0 <i><H<</i> 15	15 < H < 30	30 < <i>H</i> < 45	45 < H
Mass-Density (kg / m^3)	2000	2000	2000	2000
Friction angle (Degrees)	36	33	34	34
Dilation angle (Degrees)	6	3	4	4
Cohesion (kPa)	30	35	40	45
E_{50}^{ref} (MPa)	100	150	170	200
E_{oed}^{ref} (MPa)	100	150	170	200
E_{ur}^{ref} (MPa)	300	450	510	600
Power (m)	0.5	0.5	0.5	0.5
Poisson's ratio	0.3	0.3	0.3	0.3
Tension Limit (kPa)	41	54	59	67
P_{ref} (kPa)	100	100	100	100
Кпс	0.41	0.45	0.44	0.44

جدول ۳. پارامترهای مدل رفتاری PH مورد استفاده در مدلسازی عددی Table 3. Parameters of PH model used in numerical modeling

مدلسازی فازهای بعدی یعنی خاکبرداری و جاگذاری میخ کوبی و میلمهار بر اساس توصیه پژوهشهای گذشته [۱۴] هر لایه خاکبرداری در هر مرحله به دو زیرلایه تقسیم شده است. در فاز اول خاکبرداری و نصب شاتکریت زیرلایه اول انجام شده و در فاز بعدی خاکبرداری و نصب شاتکریت زیر لایه دوم، جاگذاری میخ کوبی یا میلمهار موجود در آن مرحله و پیش تنیدگی همان میلمهار به صورت همزمان انجام شده است. عمق هر لایه خاکبرداری در این مدل بین ۱/۵ تا ۲/۵ متر است. در هر فاز خاکبرداری، اگر سطح آب زیرزمینی در این ناحیه خاکبرداری وجود داشته باشد قبل از ناحیه خاکبرداری سطح آب در محدوده گودبرداری ۵/۰ متر پایین تر از سطح ناحیدداری سطح آب در نظر گرفته شده و در نواحی اطراف گودبرداری با شیب ناحیه خاکبرداری سطح آب قبل از گودبرداری وصل شده است. البته در آخرین فاز خاکبرداری سطح آب زیرزمینی بر اساس نقشههای اجرایی در محدوده فاز خاکبرداری در عمق ۲۵/۶ متر تعریف شده است.

پارامترهای استفاده شده در مدل برای سازههای شاتکریت، شمع نگهبان، میخ و میلمهار در نرمافزار به صورت جداگانه در ادامه بیان می شود. در مدل در مدل PH به صورت جدول ۳ است. پارمترهای چگالی، زاویه اصطکاک داخلی خاک، چسبندگی و مدول الاستیک از طریق آزمایشهای مختلفی مانند آزمایش برجا که در مطالعات ژئوتکنیک انجام شده به دست آمده است. مانند آزمایش برجا که در مطالعات ژئوتکنیک انجام شده به دست آمده است. متغیرهای F_{50}^{ref} و F_{oed}^{ref} به ترتیب سختی سکانتی در ۵۰ درصد تنش انحرافی نهایی در آزمایش سه محوری، سختی مماسی در آزمایش تحکیم و سختی باربرداری–بارگذاری مجدد در آزمایش سه محوری هنگامی تحکیم و سختی باربرداری–بارگذاری مجدد در آزمایش سه محوری هنگامی مراجع مختلف [۱۳] فشار مرجع برابر با فشار اتمسفر استادارد (۱۰۰ کیلو پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر m توان مدول الاستیک در مدل رفتاری پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر m توان مدول الاستیک در مدل رفتاری پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر m توان مدول الاستیک در مدل رفتاری پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر m توان مدول الاستیک در مدل رفتاری پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر m توان مدول الاستیک در مدل رفتاری پاسکال) در نظر گرفته شد. متغیر e ضریب عادی تحکیم یافته (۸۰۸) به ترتیب شده است. مقدار حد کشش و ضریب عادی تحکیم یافته (Knc) به ترتیب از روابط m مدارت محسبی و ترام می ترامی در ای می می ماده دست می آید.

در نرمافزار گودبرداری و پایدارسازی به صورت مرحله به مرحله مدلسازی و تحلیل شده است. برای نصب سیستم شمع و میخ کوبی و میل مهار، ابتدا شمع نگهبان مطابق نقشههای اجرایی در نرمافزار تعریف شده است. برای

ی رویه شاتکریت	استفاده برا	های مورد	ی ۴. پارامتر	جدول
----------------	-------------	----------	---------------------	------

Table 4. Parameters used for shotcrete

Area (cm ²)	Mom. Inertia (cm ⁴)	Thickness (cm)	Young's Modulus (GPa)	Poisson's Ratio
1500	28125	15	20	0.15

از شاتکریت با ضخامت ۱۵ سانتیمتر استفاده شده است که با هر مرحله خاکبرداری به صورت المان تیر^۱ اجرا شده است. پارامترهای مورد استفاده برای مدلسازی سازه شاتکریت در جدول ۴ قابل مشاهده است. متغیرهای مساحت و ممان اینرسی شاتکریت برای طول یک متر از آن محاسبه شده و مدول یانگ بتن نیز برای آن در نظر گرفته شده است.

در این مقطع از شمعهای بتنی با قطر یک متر و فاصله چهار متر از یکدیگر استفاده شده و فضای بین آنها شاتکریت قرار داده شده است. محاسبه پارامترهای سطح مشترک بر اساس روابط ارائه شده در راهنمای نرمافزار FLAC انجام شده است. برای شبیه سازی سطح مشترک شمع و خاک المان سطح مشترک غیرمتصل^۲ استفاده شده است. بر اساس روابط ارائه شده در راهنمای نرمافزار FLAC 2D، مقادیر سختی قائم م برشی k_s از رابطه (۳) محاسبه شده است. همچنین مقدار سختی قائم نصف مقدار سختی برشی در نظر گرفته شده است. [۱۳]

$$k_n \approx 10.\max\left[\frac{(K+\frac{4}{3}G)}{\Delta z_{\min}}\right] \tag{(7)}$$

که در آن K و G به ترتیب مدول حجمی و مدول برشی محیط اطراف سطح مشترک و Δz_{\min} کوچکترین بعد مش در جهت قائم در همسایگی سطح مورد بررسی (۵۰ سانتیمتر) است. به دلیل اینکه در رابطه (۱) مقدار حداکثر داخل پرانتز لازم است قرار داده شود مشخصات لایه سوم برای مدول حجمی و برشی در نظر گرفته شده است. مقادیر زاویه اصطکاک و چسبندگی سطح مشترک بر اساس زاویه اصطکاک و چسبندگی میانگین لایهها به

ترتیب با استفاده از روابط $5 \times (2/3)$ و $(\phi \tan \times (2/3))^{1-}$ محاسبه شده است. به دلیل اینکه زاویه اصطکاک داخلی کمتر از مقدار ۳۰ درجه است زاویه اتساع برابر با صفر در نظر گرفته شده است. پارامترهای استفاده شده برای مدلسازی شمعهای نگهبان و سطح مشترک بین شمع و خاک به ترتیب به صورت جدول ۵ و جدول ۶ است.

از المان سازهای کابل^۳ در نرمافزار جهت مدلسازی المان میخ کوبی و میلمهار استفاده می شود. المان کابل تنها قادر به انتقال نیروی محوری است. مدلسازی عددی انجام شده در این پژوهش بر مبنای کرنش مسطح است و المانهای میخ کوبی و میلمهار به صورت فاصلهدار مدلسازی شده است. بدین منظور از متغیر spacing در نرمافزار استفاده شده است. در نرمافزار از این متغیر برای مقیاس گذاری خودکار خواص و متغیرهای دیگر المان استفاده می شود تا تاثیر توزیع کابلها را روی یک الگوی منظم با فاصله حساب کند. [۱۳]

در نرم پارامترهای مورد نیاز برای تعریف المان کابل در نرمافزار FLAC 2D به دو دسته کلی پارامترهای عنصر مسلح کننده و پارامترهای طول گیرداری تقسیم بندی میشوند. در مدلسازی المان کابل در نرمافزار FLAC پارامترهای سطح مقطع، ضریب ارتجاعی و مقاومت جاریشدگی کششی و فشاری تنها مختص به عنصر مسلح کننده (فولادی) است و خصوصیات دوغاب را در محاسبه آنها اعمال نشده است. [۱۵] تعیین پارامترهای مربوط به طول گیرداری میل مهار اهمیت زیادی در خصوص رفتار طولانی مدت دارد به همین دلیل در این تحقیق مورد توجه جدی قرار گرفت. در بخش بعدی مقاله حاضر روش پیشنهادی برای تعیین متغیرهای مربوط به طول گیرداری میل مهار ارائه میشود.

در این مدل طبق نقشههای اجرایی پروژه، از چهار ردیف میخ کوبی

¹ Beam

² Interface Unglued

³ Cable

جدول ۵. پارامترهای مورد استفاده برای شمع نگهبان

Table 5. Parameters used for soldier pile

Radius (m)	Spacing (m)	Young's Modulus (GPa)
1.0	4.0	200

جدول ۶. پارامترهای مورد استفاده برای سطح مشترک شمع و خاک

Table 6. Parameters used for interface between pile and soil

Normal stiffness k_n	Shear stiffness k_s	Cohesion	Friction Angle	Dilation Angle
(MPa/m)	(MPa/m)	(kPa)	(degrees)	(degrees)
17.5	35	23.3	24.4	0.0

جدول ۷. پارامترهای مورد استفاده برای میخ کوبیها

Table 7. Parameters used for nails

Nail Type	Radius (mm)	Spacing (m)	Young's Modulus (GPa)	Compressive Yield Strength (KN)	Tensile Yield Strength (KN)	Perimeter (mm)
Ф28	28	2.0	200	2.6	258.6	345
Ф40	40	1.0,2.0	200	5.3	527.8	345

در مدل مورد بررسی از چهار ردیف میل مهار استرند پنج رشتهای با فاصله دو متر و چهارده ردیف میل مهار استرند شش رشتهای با فاصله دو متر استفاده شده است. بر اساس مشخصات سازنده آن و کنترل با آزمایش های مناسب، تنش تسلیم استرند برابر با ۱۸۶۰ مگاپاسکال و مساحت هر رشته آن برابر با ۱۴۳ میلی متر مربع در نظر گرفته شده است. برای محاسبه نیروی تسلیم کششی، تنش تسلیم در مساحت هر رشته و تعداد رشته ضرب شده است. برای مدلسازی بخش آزاد مهاری میل مهار پنج رشتهای و شش رشتهای پارامترهای جدول ۸ که مربوط به خود استرند است اعمال شده است. استرندهای پنج رشتهای ۲۵۰ کیلونیوتن و استرندهای شش رشتهای است. ۹۰۰ کیلونیوتن پیش تنیده شده است. قطر 428 با فاصله دو متر، چهار ردیف میخ کوبی قطر 40 با فاصله دو متر و دو ردیف میخ کوبی قطر 400 با فاصله یک متر در جهت عمود بر صحفه تحلیل استفاده شده است. قطر نهایی در میخها که شامل ناحیه دوغاب و ناحیه مخلوط دوغاب و خاک است، برابر با ۱۱ سانتی متر در نظر گرفته شده و پارامتر محیط تعریف شده در نرمافزار بر اساس این قطر محاسبه شده است. برای محاسبه نیروی تسلیم کششی، تنش تسلیم آرماتور برابر با ۴۲۰ مگاپاسکال در نظر گرفته شده است. برای محاسبه نیروی تسلیم کششی المان مسلح کننده، تنش تسلیم مسلح کننده در مساحت این میخ کوبی ضرب شده و مقدار نیروی تسلیم فشاری یک صدم این نیروی تسلیم کششی در نظر گرفته شده است. مقادیر پارامترهای اختصاص یافته در جدول

جدول ۸. پارامترهای مورد استفاده برای میل مهارها

Table 8. Parameters used for anchors

Anchor Type	Area (mm ²)	Spacing (m)	Young's Modulus (GPa)	Compressive Yield Strength (kN)	Tensile Yield Strength (kN)
5 Strands	715	2.0	200	13.3	1329.9
6 Strands	858	2.0	200	15.9	1595.9



شکل ۵. الگوی رفتاری مدل بر گر [۱۶]

Fig. 5. Burger model pattern [16]

۲ –۳ – انتخاب مدل رفتاری خزش

پس از اتمام مدلسازی رفتار مستقل از زمان گود مطابق مراحل بیان شده در بخش گذشته بایستی در فاز جدیدی رفتار خزشی مدلسازی شود. در نرمافزار FLAC 2D برای مدلسازی رفتار خزشی مدلهای رفتاری مختلفی وجود دارد که در این پژوهش بر اساس مرور پژوهشهای گذشته از مدل رفتاری برگر استفاده شده است. مدل رفتاری ویسکوپلاستیک برگر در تحقیق حاضر به دلایل زیر انتخاب شده است:

 این مدل رفتاری ترکیبی از مدل وابسته به زمان برگر و مدل موهر کولمب است و ورودی های بخش مدل موهر کولمب به راحتی در هر پروژهای قابل دسترس است.

 تعداد پارامترهای ورودی آن در بخش مدل برگر نسبت به سایر مدلهای رفتاری خزشی موجود در نرمافزار کمتر است.

 در مدلسازی رفتار وابسته به زمان اغلب پروژهها از این مدل رفتاری استفاده شده است.

مدل خزشی ویسکوپلاستیک برگر با یک رفتار انحرافی ویسکوالاستیک و رفتار حجمی الاستوپلاستیک توصیف می شود.

فرض بر این است که اجزای ویسکوالاستیک و نرخ کرنش پلاستیکی به صورت سری عمل میکنند. قانون رفتاری قسمت ویسکوالاستیک این مدل بر اساس مدل برگر و قانون رفتاری قسمت پلاستیکی بر اساس مدل موهر کولمب رفتار میکند. الگوی برگر از ترکیب الگوهای ماکسول و کلوین مطابق شکل ۵ به صورت سری تشکیل میشود. نمودار تغییرات کرنش بر حسب زمان در الگوی برگر مطابق شکل ۶ رسم میشود و این نمودار برای نشان دادن رفتار واقعی ماده در خزش کشسان مناسب میباشد. [۱۶]

 σ_1 کرنش محوری در طول زمان $\varepsilon(t)$ که تحت تنش محوری ثابت σ_1 قرار دارد در بدنه برگر از رابطه زیر به دست می آید. [۱۷]

$$\varepsilon(t) = \frac{2\sigma_1}{9K} + \frac{\sigma_1}{3G^M} + \frac{\sigma_1}{3G^K} - \frac{\sigma_1}{3G^K} \cdot e^{\frac{-G^{\Lambda}t}{\eta^K}} + \frac{\sigma_1}{3\eta^M}t \quad (\mathfrak{f})$$

در این رابطه K مدول حجمی است. متغیرهای چهارگانه خزشی مدل برگر شامل متغیرهای G^M و G^K به ترتیب مدول برشی ماکسول و کلوین و متغیرهای η^M و η^K به ترتیب ویسکوزیته ماکسول و کلوین



شکل ۶. نمودار تغییرات کرنش بر حسب زمان در الگوی بر گر [۱۶]

Fig. 6. Diagram of strain changes over time in Burger model [16]

است. تعیین پارامترهای مدل رفتاری برگر اهمیت زیادی دارد لیکن روش سادهای برای این کار در مراجع فنی ملاحظه نشده است. بنابراین در این تحقیق تلاش شد که روش کاربردی مناسبی برای تعیین پارامترهای مدل رفتاری برگر در پروژههای گودبرداری پایدارسازی شده با میل مهار پیشنهاد گردد. این روش در بخش بعدی مقاله حاضر ارائه می شود. پس از تعریف مدل رفتاری برگر و اختصاص پارامترهای آن که در بخش بعدی درباره آن توضیح داده می شود لازم است گام زمانی و مدت زمان تحلیل خزشی تعیین شود.

۲- ۴- انتخاب گام زمانی تحلیل خزشی

برای تحلیل خزشی، زمان مسئله و گام زمانی در نرمافزار بیانگر زمان واقعی است. قوانین رفتاری در هر مدل رفتاری برای خزش باعث استفاده از گام زمانی در فرمول بندی خود میشود، بنابراین گام زمانی ممکن است بر پاسخ تاثیر بگذارد. مقدار گام زمانی در هر مدل رفتاری خزشی محدودهای دارد. حداکثر گام زمانی خزش برای دقیق عمل کردن مدل عددی میتواند به عنوان نسبت ویسکوزیته ماده به مدول برشی آن بیان شود. برای مدل رفتاری ویسکوپلاستیک خزشی برگر، این رابطه به صورت رابطه (۵) در میآید. در این رابطه متغیرهای M^{M} و M^{K} به ترتیب ویسکوزیته ماکسول و کلوین در مدل برگر اشاره میکند. [۱۳]

$$\Delta t_{\max}^{cr} = \min(\frac{\eta^{K}}{G^{K}}, \frac{\eta^{M}}{G^{M}})$$
 (a)

با توجه به محدودیتهای اشاره شده، گام زمانی یک روز برای این پژوهش مورد استفاده قرار گرفت و برای بررسی نتایج مختلف مدت زمانهای مختلفی برای تحلیل خزشی در نرمافزار در نظر گرفته شد.

۳- نکات ویژه در مدلسازی عددی ارائه شده در این تحقیق

مراحل کلاسیک مدلسازی عددی در بخش قبلی مقاله ارائه شد. در اینجا برخی نکات خاص برای مدلسازی عددی موضوع مورد تحقیق ارائه می شود. روش شناسی این نکات برای اولین بار در این تحقیق جمع بندی شده و در مقاله حاضر ارائه می گردد.

۳- ۱- روش پیشنهادی برای تعیین متغیرهای میخ کوبی و میلمهار

راهنمای نرمافزار FLAC، نحوه تعیین پارامترها را بر اساس محیط سنگی ارائه کرده است و متاسفانه در آن اشارهای به چگونگی تعیین و محاسبه پارامترهای المان کابل در محیط خاکی نشده است. با توجه به این کمبود در راهنمای نرمافزار، پژوهشهایی توسط دیگران برای ارائه روشی کاربردی برای مدلسازی مهاری در محیط خاکی در نرمافزار FLAC انجام مد. برای تعیین متغیر سختی برشی (K_{bond}) اگرچه بهترین روش برداشت مستقیم از نتایج آزمون کشش است، اما برای محاسبه این پارامتر از رابطه (۶) استفیم از نتایج آزمون کشش است، اما برای محاسبه این پارامتر از رابطه مستقیم از نتایج آزمون کشش است، اما برای محاسبه این پارامتر از رابطه (۶) استفاده شده است.

$$K_{bond} \approx \frac{2\pi G}{10\ln(1 + \frac{2t}{D})} \tag{8}$$



شکل ۷. قطر عضو مسلح کننده و ضخامت دوغاب یا ناحیه برشی در محیط خاکی [۱۵]

Fig. 7. Diameter of the reinforcing member and the thickness of the grout or shear zone in the soil environment [15]

که در آن G مدول برشی هر لایه خاک، t ضخامت ناحیه برشی و D قطر نهایی ناحیه شامل عضو مسلح کننده، دوغاب و مخلوط خاک و دوغاب است. مطابق شکل ۷ در محیط خاکی یک ناحیه برشی در اطراف دوغاب ایجاد می شود که بر اساس پژوهش های گذشته [۱۹, ۱۹] ضخامت ناحیه برشی به عنوان یک لایه نازک در حدود f میلی متر در نظر گرفته شده است.

برای تعیین مقاومت چسبندگی (S_{bond}) از رابطه (۲) استفاده شده . است. [۱۳]

$$S_{bond} = \pi (D+2t)c \tag{Y}$$

که در آن علاوه بر پارامترهای تعریف شده در رابطه (۶)، c چسبندگی خاک محیط است. پارامتر مقاومت اصطکاکی دوغاب (Sfriction) نیز برابر با زاویه اصطکاک لایه خاکی که مسلحکننده در آن قرار دارد، در نظر گرفته شده است. [۱۵]

با توجه به لایه بندی خاک و محل قرار گرفتن هر میخ کوبی یا میل مهار در هر کدام از لایه ها، مطابق روابط (۶) و (۷) مقادیر سختی برشی دوغاب (Sfriction) ، مقاومت چسبندگی (S_{bond}) و زاویه اصطکاک (Sfriction) در جدول ۹ بیان شده است. این پارامترها برای هر دو میخ $\Phi 28$ و

یکسان است. در بخش پیوندی یا مهار شده میلمهار علاوه بر تخصیص پارامترهای موجود در جدول ۸ مشخصات دوغاب نیز تعریف شود. با توجه به اینکه قطر نهایی میلمهار با قطر نهایی میخ یکسان و برابر با ۱۱ سانتیمتر فرض شده است، مقادیر پارامترهای دوغاب میلمهارها مشابه میخ کوبیها محاسبه شده و برای مدلسازی میلمهارها از مقادیر به دست آمده برای میخ کوبیها در جدول ۹ استفاده شده است.

۳- ۲- روش پیشنهادی برای تعیین متغیرهای مدل رفتاری خزشی

در این پژوهش، به دلیل اینکه امکان انجام آزمایشهای خزشی جهت به دست آوردن پارامترهای مدل خزشی برگر وجود نداشت و پروژه اتمام یافته بود برای به دست آوردن پارامترهای مدل رفتاری برگر از روش تحلیل برگشتی استفاده شده است. تحلیل برگشتی یک روش مناسب برای تعیین پارامترهای مدل با استفاده از دادههای مشاهدهای جمع آوری شده از آزمایشهای داخل آزمایشگاهی [۲۰] یا تحقیقات برجا [۲۱] است. در این روش پارامترهای مدل را با استفاده از تعیین مقادیری که خروجی مدل و خروجی سیستم واقعی را برای ورودی مشابه تطابق بهینه قرار میدهد، تخمین میزنند. البته با توجه به امکانات نرمافزار FLAC و عدم اتصال آن با نرمافزارهایی همچون MATLAB برای کدنویسی و استفاده از خروجیها، استفاده از تکنیکهای بهینه سازی برای یافتن سریعتر پارامترهای مدل بسیار سخت و جدول ۹. پارامترهای مورد استفاده برای میخ کوبیها و میلمهارها بر اساس موقعیت آنها در هر لایه

Table 9. Parameters used for nails and anchors based on their position in each layer

Soil Layer	1	2	3
Kbond (kN/m ²)	337570	506350	573860
Sbond (kN/m)	10.9	12.7	14.5
Sfriction (degrees)	36	33	34

جدول ۱۰. مقادیر پارامترهای مدل خزشی ویسکوپلاستیک برگر

 Table 10. Parameters used for the Burgers creep viscoplastic model

Depth(m)	0 < <i>H</i> < 30	30 < <i>H</i>
Maxwell shear modulus (MPa)	3700	5000
Maxwell viscosity (MPa.day)	200	700
Kelvin shear modulus (MPa)	1000	10000
Kelvin viscosity (MPa.day)	90	250

شده است.

چهار پارامتر خزشی مدل رفتاری برگر با روش تحلیل برگشتی و با استفاده از مقادیر نیروی پیش تنیدگی موجود در میل مهارها در طول زمان به عنوان خروجی سیستم تعیین شده است. در این روش بر اساس آزمون و خطا ابتدا با جایگذاری مقادیر استفاده شده در منابع دیگر و تغییر مقادیر آنها تعداد زیادی تحلیل برگشتی با مقادیر متفاوت پارامترهای برگر انجام شد تا مقادیر این پارامترها بهینه شوند. با توجه به اینکه یک یا دو توصیه در چند ادبیات فنی برای تعیین پارامترهای مدل پیشنهاد شده است ولی بر اساس این که این توصیهها در همه ادبیاتهای فنی اشاره شده تعمیم نیافته است، مطالعه موردی یعنی پروژه بیمارستان آتیه غرب مدل دارای چهار لایه خاک است، هر دو لایه خاک یک لایه در نظر گرفته و یک مقدار پارامتر برای هر کدام به طور جداگانه تعریف شده است. بر این اساس، پارامترهای چهارگانه مدل خزشی برگر به صورت جدول ۱۰ به دست آمد. البته در این پروژه

برگر وجود ندارد. همچنین ترکیبات مختلفی از مقادیر متغیرها به دست آمده است ولی مقادیر اشاره شده در جدول ۱۰ به دلیل معنادار بودن و همخوانی با مقادیر این متغیرها در منابع دیگر انتخاب شد.

۴- راستی آزمایی مدل عددی در این تحقیق

مدلسازی عددی بدون صحتسنجی نمی تواند نشان دهنده شرایط واقعی یک مسئله باشد. معمولا مقایسه با نتایج مدلهای فیزیکی و عددی یا اندازه گیری های محلی در مسائل مرتبط با موضوع پژوهش روشی برای بررسی صحت اعتبار نتایج مدل های عددی تلقی می شود. در این تحقیق برای صحت سنجی مدلسازی عددی از داده های دو پروژه استفاده گردید:

> الف) گودبرداری بیمارستان آتیه در تهران ب) دیوار میخکوبی شده در تگزاس

دادههای نیروی میلمهار حاصل از نیروسنج و جابهجاییهای حاصل از نقشه برداری در پروژه (الف) با نتایج مدلسازی عددی مقایسه گردید. این مقایسهها در بخش بعدی مقاله حاضر آمده است. در بخش حاضر راستی



شکل ۸. مقطع عرضی و جزئیات دیواره میخکوبی شده [۴]



آزمایی بر اساس پروژه (ب) ارائه می گردد. این توضیح لازم است که پروژه (ب) به تنهایی در تحقیق حاضر مورد علاقه نبود ولی پروژه (الف) به دلیل گودبرداری با میلمهار و خاک تهران مورد توجه بود. برای صحت سنجی مدلسازی عددی، در پروژه (ب) از یک پروژه دیوار میخ کوبی شده در جاده تگزاس که در پژوهشی توسط موسسه حمل و نقل تگزاس بررسی شده [۴]، استفاده شده است. شکل ۸ طرح دیوار میخ کوبی شده را نشان داده شده است که در آن از ۵ ردیف میخ کوبی به طول ۲۲ فوت (۶/۸ متر) استفاده شده است. خاک محل پروژه از نوع رس با شاخص خمیری بالاتر از ۲۰ است.

در پروژه تگزارس برای مدلسازی رفتار خاک از مدل رفتاری موهر کولمب و مدل رفتاری خزشی برگر استفاده شده است. پارامترهای اتخاذ شده برای مدلسازی در مرجع مربوطه ارائه شده است و بر اساس آن صحت سنجی انجام شده است. [۴] به منظور صحتسنجی این مسئله با نرمافزار FLAC2D مدلسازی شده است. برای مقایسه نتایج و اعتبارسنجی بار به وجود آمده در میخها، به نوان نمونه نتایج یک ردیف از میخ کوبیها در این مقاله مورد بررسی قرار گرفته است. شکل ۹ بار محوری به وجود آمده در میخ ردیف سوم در زمانهای پایان گودبرداری و یک سال پس از آن را نشان میدهد. نتایج جابهجایی افقی دیوار به دست آمده از نرمافزار به منظور مطابقت

با نتایج پژوهش گزارش تگزاس، در شکل ۱۰ با یکدیگر مقایسه شده است. این نتایج در دو زمان پایان گودبرداری و یک سال پس از پایان گودبرداری در نمودار ارائه شده است. در این نمودار از واحدهای استفاده شده در نمودار اصلی موجود در گزارش تگزاس استفاده شده و جابهجایی افقی دیوار بر حسب اینچ و عمق بر حسب فوت نشان داده شده است.

بر اساس این صحت سنجی، مطابق شکل ۹ مشاهده شده است نتایج بار به وجود آمده در میخ کوبی ردیف سوم از نظر روند تغییر بار بین زمان پایان گودبرداری و یک سال پس از آن تطابق خوبی با نتایچ گزارش تگزارس دارد. البته در مقایسه مقادیر نتایج، اختلاف وجود دارد که یکی از دلایل تفاوت نتایج استفاده از ورژن دو بعدی نرمافزار در مدلسازی عددی است که در گزارش از نسخه سه بعدی آن استفاده شده است. همچنین در گزارش تگزاس به فرضیات انجام گرفته در مدلسازی عددی اشاره نشده است تا مده در شکل ۱۰ مشاهده شده است که تطابق خوبی از نظر مقدار و روند شده در شکل ۱۰ مشاهده شده است که تطابق خوبی از نظر مقدار و روند تفاوت نتایج جابهجایی افقی دیوار میخ کوبی شده وجود دارد. در نتایج می توان تفاوت نتایج در بخش نیروی به وجود آمده در میخکوبی را نادیده گرفت و صحت فرضیات روش مدلسازی در نرمافزار را مورد تایید دانست.



شکل ۹. بار محوری در میخ ردیف سوم در زمان پایان گودبرداری و یک سال پس از گودبرداری





شکل ۱۰. جابهجایی افقی دیوار میخ کوبی شده در زمان پایان گودبرداری و یک سال پس از گودبرداری

Fig. 10. Horizontal displacement of the nailed wall at the end of excavation and one year after excavation



شکل ۱۱. بار ثبت شده توسط نیروسنج7-813 و پیش بینی شده توسط مدلسازی عددی در میل مهار ششم



۵- دادههای حاصل از اندازهگیریهای میدانی و مدلسازی عددی و تحلیل آنها

در این بخش دادههای بدست آمده از تحلیل عددی در دو بخش شامل (الف) مقایسه تغییرات نیروی پیش تنیدگی میل مهارها و (ب) جابه جایی افقی دیواره گود با گذشت زمان ارائه و مورد جمع بندی قرار گرفته شده است.

۵- ۱- تغییرات نیروی پیشتنیدگی میلمهارها با گذشت زمان

در گود بیمارستان آتیه غرب، بر روی دو میلمهار نیروسنج نصب شده و بار موجود در این میلمهارها مورد پایش قرار گرفته است. اندازهگیریها هم در زمان گودبرداری و هم پس از پایان گودبرداری (زمان خزشی) انجام گرفته و ثبت شده است. همانظور که گفته شد پارامترهای چهارگانه مدل خزشی برگر که بر اساس روش تحلیل برگشتی تعیین شده، از مقایسه و تطابق نتایج این دو نیروسنج و نتایج نرمافزار به دست آمده است.

نیروسنج S13-7 بر روی میل مهار تعبیه شده در عمق ۱۵/۹ متر نصب شده است و مطابق نمودار شکل ۱۱ نتایج آن به مدت ۳۴۷ روز یعنی در ۲۵ زمان مختلف (پس از پایان گودبرداری در ۱۲ زمان مختلف) ثبت شده

است. ۱۳۳ روز پس از نصب این نیروسنج (خطچین سیاه رنگ در شکل ۱۱) مراحل گودبرداری به اتمام رسیده و نتایج پس از این تاریخ مربوط به زمان خزشی است.

بر اساس قرائتهای نیروسنج 7-S13، میلمهار ردیف ششم پس از نصب و پیشتنیدگی ۹۰ تنی، بار موجود در آن تا پایان مراحل ساخت و گودبرداری برابر با ۸۶/۳ تن و ۲۱۶ روز پس از آن برابر با ۸۳/۷ تن است. این بدین معنا است که در طول دوره ۳۴۷ روز پس از پیشتنیدگی، مقدار بار موجود در این میلمهار ۷٪ کاهش یافته است.

همچنین نیروسنج 7-S21 بر روی میلمهار تعبیه شده در عمق ۲۵/۹ متری نصب شده است و مطابق نمودار شکل ۱۲ نتایج آن به مدت ۲۸۳ روز در ۲۰ زمان مختلف (پس از پایان گودبرداری در ۱۲ زمان مختلف) ثبت شده است. ۶۹ روز پس از نصب نیروسنج (خطچین سیاه رنگ در شکل ۱۲) مراحل گودبرداری به اتمام رسیده و نتایج پس از این تاریخ مربوط به زمان خزشی است.

همچنین بر اساس قرائتهای نیروسنج 7-S21، میل مهار ردیف یازدهم پس از نصب و پیش تنیدگی ۹۰ تنی، بار موجود در آن تا پایان مراحل ساخت



شکل ۱۲. بار ثبت شده توسط نیروسنج S21-7 و پیش بینی شده توسط مدلسازی عددی در میل مهار یازدهم Fig. 12. Loads recorded by loadcell S21-7 and predicted by numerical modeling in 11th anchor

و گودبرداری برابر با ۸۹/۲ تن و ۲۱۴ روز پس از آن برابر با ۸۷/۱ تن است. این بدین معنا است که در طول دوره ۲۸۳ روز پس از پیش تنیدگی، مقدار بار موجود در این میل مهار ۳٪ کاهش یافته است.

مطابق نمودارهای بالا، نتایج ثبت شده توسط هر دو نیروسنج تطابق خوبی با نتایج پیشبینی شده توسط مدلسازی عددی دارند. البته باید اشاره کرد عوامل محیطی مانند دمای محیط در نیروی میلمهارها تاثیرگذار است ولی اگر این دادهها در طولانیمدت بررسی شوند در هر دو نیروسنج کاهش بار مشاهده شده است.

البته این نتایج تنها برای دو میلمهار از یک مقطع بررسی شده است و امکانات کافی نیست تا بتوان به تمام میلمهارها نیروسنج نصب کرد. ولی به طور کلی چون میلمهار از یک سمت در خاک وجود دارد و در بخش پیوند میلمهار کشیده میشود و از سمت دیگر به سر میلمهار و شمع بسته شده است، تغییر شکل در خاک و ناحیه پیوندی میلمهار باعث میشود این بخش به سمت دیواره حرکت کند و مقدار کشش کم شود. بنابراین میتوان گفت از آنجایی که میلمهارهای دیگر از نظر مشخصات و روش اجرا مشابه دو میلمهار مورد مطالعه هستند بنابراین دلیلی وجود ندارد که

رفتار سایر میلمهارها متفاوت باشد. در نتیجه این رفتار را میتوان برای تمامی میلمهارها با این مشخصات و تغییر شکل نسبت داد.

۵– ۲– جابهجایی افقی دیواره گود

نیمرخ جابهجایی افقی پیشبینی شده توسط نرمافزار در طول ارتفاع دیوار گود در دو حالت پایان گودبرداری و مدت زمان ۲۱۶ روز پس از پایان گودبرداری در شکل ۱۳ نشان داده و با یکدیگر مقایسه شده است.

در راس دیواره تا عمق حدوداً سه متری جابهجایی جانبی دیوار زیاد شده است که به دلیل نبود میخ کوبی و میلمهار در این ارتفاع است. البته بر اساس طرح پایدارسازی ارائه شده توسط شرکت پیمانکار، این جابهجایی زیاد در عمل با اجرای دیوار حائل کاهش پیدا می کند و نباید مقدار جابهجایی افقی رخ داده در این ارتفاع را به عنوان جابهجایی افقی حداکثر در نظر گرفت. با در نظر گرفتن این مسئله، بر اساس شکل ۱۳ حداکثر جابهجایی افقی در پایان مراحل ساخت و گودبرداری برابر با ۳۶ میلیمتر و ۲۱۶ روز بعد از آن در طول خزش برابر ۳۸ میلیمتر است. بنابراین در طول خزش ۲۱۶ روز، جابهجایی حداکثر به مقدار ۵٪ افزایش پیدا کرده است. در مدت زمان یک سال خزش





Fig. 13. The profile of the horizontal displacement predicted by the software at the end of excavation and 216 days after the end of excavation.

نیز مقدار جابهجایی حداکثر، ۱۳٪ یعنی ۵ میلیمتر افزایش پیدا کرده است. همچنین دندانهای که در نمودار نیمرخ جابهجایی افقی تنها در زمان خزشی در عمق ۳۰ متری (نشان داده شده در شکل ۱۳) رخ داده است به دلیل تفاوت فاصله عمودی دو میلمهار قرار گرفته در این عمق (فاصله ۲/۵ متری) نسب به فاصله عمودی سایر میلمهارها (۲ متری) است. این تفاوت فاصله میلمهارها باعث شده است تا در جابهجاییهای افقی دیوار گود رخ داده در زمان خزشی این دندانه مشاهده شود.

همچنین در این مقطع نتایج تنها یک رفلکتور که در عمق ۵ متری سطح زمین جهت اندازه گیری و ثبت جابه جایی دیوار گود در محل نصب شده است در دسترس است. از آنجایی که نرمافزار تحلیل دو بعدی انجام می دهد، جابجایی در این عمق در دو راستای افقی و قائم مطابق شکل ۱۴ با نتایج رفلکتور بررسی و مقایسه شده است. همچنین دقت شود که ۱۷۷ روز پس از نصب و قرائت رفلکتور، گودبرداری به اتمام رسیده است و مقادیر پس از آن

مربوط به حالت خزشی در نرمافزار است. البته بر اساس نتایج محلی موجود، نتایج برای حالت خزشی فقط برای ۱۵ روز موجود است و پس از آن نتایجی ثبت نشده است. در نمودار شکل ۱۴ زمان پایان مراحل ساخت و گودبرداری با خطچین رنگ سیاه مشخص شده است.

همان گونه که از شکل ۱۴ نیز مشاهده می شود تطابق خوبی از لحاظ روند تغییر در طول زمان بین نتایج محلی و نتایج مدلسازی عددی وجود دارد. البته در عمق ۵ متری از مقطع، در زمان خزشی جابهجایی افقی پیش بینی شده توسط مدلسازی عددی بیشتر از مقدار جابهجایی ثبت شده در محل است. یکی از اختلافات موجود در نتایج به دلیل نداشتن اطلاعات کامل از اجرای مراحل گودبرداری و پایدارسازی در واقعیت و به تبع آن در نظر گیری فرضیات منطقی تر و سادهتر در مدلسازی عددی است. دلیل دیگر آن می تواند خطا در اندازه گیری میدانی دانست.



شکل ۱۴. مقایسه مقدار جابهجایی ثبت شده توسط رفلکتور و پیش بینی شده توسط مدلسازی عددی (الف) جابهجایی افقی ؛ (ب) جابهجایی قائم

Fig. 14. Comparison of displacement value recorded by reflector and predicted by numerical modeling (a) horizontal displacement; (b) Vertical displacement

۶- نتیجه گیری

همانطور که گفته شد، این پژوهش تنها برای دو میل مهار از یک مقطع بررسی شده است و به دلیل محدودیت ها نمی وان به تمام میل مهارها نیروسنج نصب کرد. ولی بر اساس رفتار میل مهار در طول زمان، چون میل مهار از یک سمت در خاک وجود دارد و از سمت دیگر به سر میل مهار و شمع بسته شده است، تغییر شکل در خاک و ناحیه پیوندی میل مهار باعث می شود این بخش به سمت دیواره حرکت کند و مقدار کشش کم شود. بنابراین می توان گفت از آنجایی که میل مهارهای دیگر از نظر مشخصات و روش اجرا مشابه دو میل مهار مورد مطالعه هستند بنابراین دلیلی وجود ندارد که رفتار سایر میل مهارها متفاوت باشد. در نتیجه این رفتار را می توان برای تمامی میل مهارها با این مشخصات و تغییر شکل نسبت داد. بنابراین بر اساس

۱- در این مقاله روشی برای مدلسازی رفتار طولانی مدت گودبرداریهای پایدارسازی شده با میلمهار ارائه شد. با توجه به صحتسنجی انجام شده در این مقاله بر اساس دادههای دیوار میخ کوبی شده تگزاس و همچنین مقایسه نتایج میدانی گودبرداری بیمارستان آتیه، نتیجه گیری گردید که روش مدلسازی عددی ارائه شده در این مقاله میتواند رفتار وابسته به زمان

(خزشی) میلمهارهای به کار رفته در سیستمهای پایدارسازی را به خوبی مدل کند.

۲- با توجه به این که تاکنون متغیرهای خزشی مدل رفتاری ویسکوپلاستیک برگر برای خاک درشت دانه تهران ارائه نشده بود، در این پژوهش این متغیرها از طریق تحلیل برگشتی رفتار طولانی مدت میل مهار به دست آمد. این پارامترها شامل مدول برشی ماکسول، مدول برشی کلوین، ویسکوزیته ماکسول و ویسکوزیته کلوین می باشند. مقادیر پیشنهاد شده در این پژوهش را میتوان برای خاکهای مشابه خاک پروژه بیمارستان آتیه غرب استفاده کرد. خاک این پروژه از نوع درشتدانه دارای سیمانتاسیون است. البته با توجه به امکانات نرمافزار FLAC، استفاده از تکنیکهای بهینه سازی برای یافتن سریعتر پارامترهای مدل بسیار سخت و پیچیده خواهد بود. به همین دلیل در این پژوهش روش آزمون و خطا در تحلیل برگشتی اتخاذ شده است.

۳– رفتار طولانی مدت گود پایدار شده نشان میدهد که در طول زمان در اثر خزش، تغییرشکل افقی دیواره گود در خاک درشتدانه دارای سیمانتاسیون تهران افزایش پیدا میکند و نیروی پیش تنیدگی موجود در میلمهارها کاهش مییابد. این رفتار به دلیل تغییر شکل در خاک و ناحیه high plasticity index (PI) soils: technical report, Texas A&M Transportation Institute, 2017.

- [5] N.S. Montero-Cubillo, R.A. Galindo-Aires, A. Serrano-González, C. Olalla-Marañón, F.D. Simic-Sureda, Analytical model of an anchored wall in creep soils, International Journal of Geomechanics, 20(4) (2020) 04020027.
- [6] R. Azami, Experimental Study of Soil Creep in Excavation Anchors, Tarbiat Modares university, 2017, (in persian).
- [7] S. Mirzaee, Time effects in numerical analysis of excavation in urban areas, Bu-Ali Sina University, 2009 ,(in persian).
- [8] A. Mahouti, Pull-out Behavior of Grouted Anchors in Marl, University of Tabriz, 2017, (in persian).
- [9] T. Arayesh, Numerical Analysis of Viscoplastic Effect in Permanent Anchored Slope After along Time, Tarbiat Modares university, 2015, (in persian).
- [10] A. Cheshomi, S.R. Ramezannejad Elyerdi, A. Fakher, Development of Tehran alluvium classification based on geological characteristics and geotechnical parameters, Scientific Quarterly Journal of Iranian Association of Engineering Geology, 11(1) (2018) 65-79.
- [11] Y.-J. Lim, Three-dimensional nonlinear finite element analysis of tieback walls and of soil-nailed walls under piled bridge abutments, Texas A&M University, 1996.
- [12] T. Schanz, P. Vermeer, P.G. Bonnier, The hardening soil model: formulation and verification, in: Beyond 2000 in computational geotechnics, Routledge, 2019, pp. 281-296.
- [13] Fast Lagrangian Analysis of Continua, in, Itasca Consulting Group, Minneapolis, 2019.
- [14] S.M. Asadollahi, An Investigation Into The Stress Exerted To Facing Of Excavations Supported By Nailing And Anchorag, University of Tehran, 2017, (in persian).
- [15] N. Yeganeh, A. Akhtarpour, J. Bolouri Bazaz, Parameters Determination of Soil-Anchor Interaction for Numerical Modelling According to Field Data, Modares Civil Engineering journal, 15(4) (2015) 105-116, (in persian).
- [16] S.A. Sadrnejad, Soil plasticity and modeling, Khaje

پیوندی میلمهار است که باعث می شود این بخش به سمت دیواره حرکت کند و مقدار کشش کم شود.

۴– برای میلمهارهای نصب شده در ترازهای فوقانی گود یعنی در اعماق بالایی و نزدیک به سطح زمین ارتفاع گود، کاهش بار بیشتری نسبت به سایر میلمهارهای قرار در طول زمان خزش رخ میدهد. این موضوع به دلیل کاهش میزان نیروی سربار ناشی از وزن خاک در اعماق بالایی است. در ضمن مشخص شد که ترکیب میلمهار و میخ کوبی موجب میشود که تغییر شکل خزشی ناچیز شود و میتوان از آن صرفنظر کرد، زیرا میخ کوبی باعث بهبود مشخصات مکانیکی خاک میشود.

۵- در مطالعه موردی ارائه شده در این مقاله، نیروی میلمهار تعبیه شده در عمق ۱۵/۹ متری با گذشت ۳۴۷ روز ۷٪ و نیروی میلمهار تعبیه شده در عمق ۲۵/۹ متری با گذشت ۲۸۳ روز ۳٪ کاهش یافت. همچنین بر اساس مطالعه مورد بررسی حداکثر تغییرشکل افقی دیوار در اثر خزش پس اساس مطالعه مورد بررسی افزایش می امان اتمام ساخت افزایش می یابد.

۶- در طول زمان خزشی نیروی ایجاد شده در میخ کوبی مانند پروژه تگزاس (شکل ۹) افزایش مییابد ولی در میلمهارها مانند گود بیمارستان آتیه غرب کاهش مییابد. زیرا مکانیزم عملکرد میخ کوبی و میل مهار متفاوت است. بر خلاف میلمهار در مورد میخ کوبی هیچ گونه نیروی پیش تنیدگی در میخ ایجاد نمیشود و خاک باید تغییرشکل دهد تا نیرو در میخ ایجاد شود. با توجه به مکانیزم عملکرد میخ کوبی میتوان گفت که هر چه خاک بیشتر تغییرشکل دهد نیروی بیشتری در آن به وجود میآید.

منابع

- P. Sabatini, D. Pass, R. Bachus, Geotechnical engineering circular no. 4: Ground anchors and anchored systems, 1999.
- [2] H. Ludwig, Short-term and long-term behavior of tiebacks anchored in clay, (1984).
- [3] R. Rezvani, M.A. Tutunchian, Horizontal displacement of urban deep excavated walls supported by multistrands anchors, steel piles, and in situ concrete piles: Case Study, International Journal of Geomechanics, 21(1) (2021) 05020008.
- [4] M. Sanchez, J.-L. Briaud, S. Hurlebaus, M.M. Kharanaghi, G. Bi, Creep behavior of soil nail walls in

- [20] L. Li, M. Gamache, M. Aubertin, Parameter determination for nonlinear stress criteria using a simple regression tool, Canadian geotechnical journal, 37(6) (2000) 1332-1347.
- [21] G. Gioda, L. Locatelli, Back analysis of the measurements performed during the excavation of a shallow tunnel in sand, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 23(13) (1999) 1407-1425.

Nasir Toosi 2016 ,(in persian).

- [17] R.E. Goodman, Introduction to rock mechanics, Wiley New York, 1989.
- [18] L.-J. Su, J.-H. Yin, W.-H. Zhou, Influences of overburden pressure and soil dilation on soil nail pull-out resistance, Computers and Geotechnics, 37(4) (2010) 555-564.
- [19] W.B. Wei, Y.M. Cheng, Soil nailed slope by strength reduction and limit equilibrium methods, Computers and Geotechnics, 37(5) (2010) 602-618.

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم H. Hosseini, A. Fakher, Numerical Modelling of Creep Behavior of Excavations Stabilized with Anchors with a Case Study in Tehran, Amirkabir J. Civil Eng., 55(5) (2023) 1081-1102.



DOI: 10.22060/ceej.2023.21896.7846

بی موجعه محمد ا