



## Evaluation of Multivariate Rainfall Disaggregation Performance Using MuDRain Model (Case Study: North East of Hormozgan Province)

H. Bolouki, M. Fazeli\*

Department of Civil Engineering, Faculty of Engineering, Yasouj University, Kohgiluyeh and Boyer-Ahmad, Iran

**ABSTRACT:** High-resolution spatial and temporal precipitation data are essential for water engineering studies, hydrological modeling, and flood risk assessment, especially in tropical regions with complex rainfall patterns. Due to the lack of data, rainfall disaggregation is an important tool. In this study, the performance of multivariate rainfall disaggregation using MuDRain model and the effect of hourly correlation among stations on simulation accuracy in Hormozgan province were investigated. Comparison between observed and simulated hourly time series showed that the model evaluates the amount of daily precipitation accurately, but in most cases, it simulated extreme amounts of precipitation less than the actual amounts. Furthermore, the enough number of heavy rainfall events has not been generated. Comparison of the results of selected dates with the highest rainfall showed that the Correlation (R) and Nash–Sutcliffe (NSE) Coefficients ranged from 0.1898 to 0.9319 and 0.0319 to 0.7251 respectively. Comparison of the hourly correlation impact showed that the accuracy of the model in simulating hourly precipitation was higher for time series having higher mean hourly correlation and the coefficients of R and NSE were 0.7816 and 0.5856, respectively, while these coefficients for time series with lower hourly correlation were 0.5155 and 0.2655 respectively. Generally, this model can be used with more confidence for areas with very high hourly correlations, in this case, the spatial correlation of the stations becomes an advantage, because by utilizing the available hourly rainfall data in adjacent stations, it is possible to create a series of realistic hourly rainfall at a desired station.

### Review History:

Received: Feb. 02, 2022  
Revised: Aug. 27, 2022  
Accepted: Aug. 30, 2022  
Available Online: Sep. 11, 2022

### Keywords:

Hourly rainfall  
Multivariate model  
MuDRain  
Rainfall disaggregation  
Hormozgan province

### 1- Introduction

Availability of spatial and temporal precipitation data with high resolution is very important for many cases, including hydrological and engineering plans such as dam and bridge design, flood estimation and frequency of their occurrence [1], urban runoff management and many other cases [2], and the necessity of having input data in short time intervals is prominent for many hydrological models. This is doubly necessary, especially in tropical regions due to the existence of very complex rainfall patterns. Therefore, the area studied in this research was the north east of Hormozgan province. To disaggregate the rainfall data in this region, multivariate rainfall disaggregation model (MuDRain) was used. Considering that there has not been any study on the effectiveness of the MuDRain model in Hormozgan province, the purpose of this research is to evaluate the effectiveness of this model in producing hourly rainfall data for the region and to evaluate the closeness of the simulated data to the real data. The required steps are as follows: preparing the required data to enter the model, processing, simulating and finally analyzing the output of the software.

### 2- Methodology

In 2003, Koutsoyiannis et al. developed a simple multivariate rainfall disaggregation model. This model was implemented in MuDRain software with the assumption that daily rainfall can be well represented by an auto regressive process with a lag of one unit (AR(1)) [3]. Multivariate rainfall disaggregation model (MuDRain) is a method for spatio-temporal rainfall disaggregation. In particular, this method can be applied to obtain hourly rainfall series using the spatial adaptation feature at stations where only daily data are available [4].

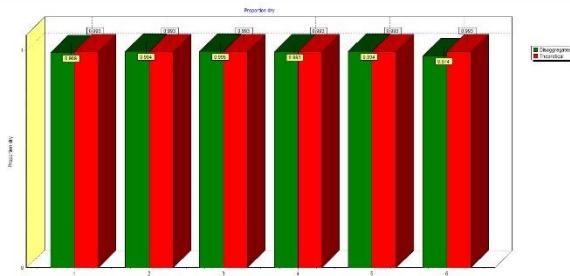
To evaluate the performance of the MuDRain model, daily rainfall data of seven stations and hourly rainfall of six stations were used, and the model was evaluated to simulate the hourly rainfall of one station. In order to investigate the effect of hourly correlation between stations on simulation accuracy, three different time series were used, including the time series of Azar 1388 to 1396 (I), 12 months of 1395 (II), and 12 months of 1388 to 1396 (III).

Evaluation of model performance was done by comparing hourly data produced by the model and the observational data. A number of items including the output graphs, the correlation

\*Corresponding author's email: fazeli@yu.ac.ir



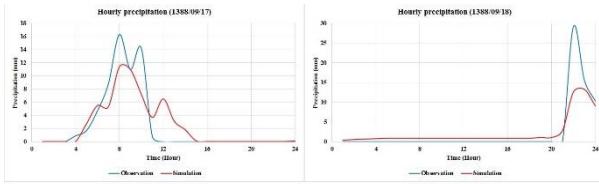
Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode>.



**Fig. 1. Comparison of the dry period ratio of observed (used in the model) and simulated hourly rainfall series I**

**Table 1. General evaluation of model efficiency in simulating hourly rainfall for a station without hourly time series**

Type of time series input to the model	Number of disaggregate hours	R	NSE
I	6480	0.7816	0.5856
II	8784	0.6335	0.3984
III	78888	0.5155	0.2655

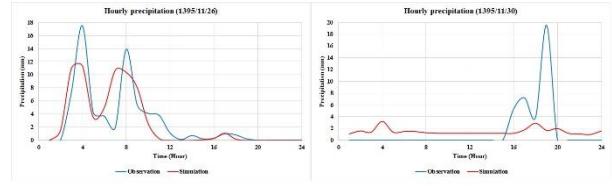


**Fig. 2. Observational and simulation charts of the 2 maximum rainfalls related to series I**

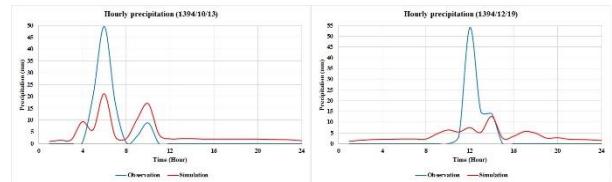
of observed and simulated hourly rainfall of each station compared to other stations, dry period ratio (number of hours without rain divided by the total number of hours), standard deviation, skewness coefficient and lag one autocorrelation of the coefficient was calculated by the software. The indices of correlation coefficient ( $R$ ) between observed and simulated precipitation for each station and Nash-Sutcliffe coefficient ( $NSE$ ) were used to evaluate the efficiency of the model in generating hourly data for each time series. In order to evaluate the model efficiency in simulating the maximum rainfall and also to investigate the effect of correlation between stations on the accuracy of extreme rainfalls simulation, a number of maximum rainfalls related to each time series were selected. In addition to the indices mentioned in the previous section, the root mean square error ( $RMSE$ ), mean square error ( $MSE$ ) and mean absolute error ( $MAE$ ) indices were also used.

### 3- Results and Discussion

The comparison of observational and simulation statistics, including statistics of dry period ratio, standard deviation, skewness coefficient and lag one autocorrelation



**Fig. 3. Observational and simulation charts of the 2 maximum rainfalls related to series II**



**Fig. 4. Observational and simulation charts of the 2 maximum rainfalls related to series III**

of coefficient showed that the model is highly accurate in reproducing statistical characteristics and the numbers related to the observational and simulated data of six stations are almost the same.

The comparison of observed and simulated dry period ratios in each time series showed that the model generates this ratio less than reality, as it distributes the precipitation corresponding to one day in more hours of the day. This comparison for Series I is shown in Figure 1. Also, the standard deviation and the coefficient of skewness in each time series are simulated to a lesser extent for the station without hourly time series.

The results related to the overall evaluation of the model's efficiency in simulating the hourly rainfall data of the station without hourly rainfall time series are listed in Table 1. The correlation coefficient between observed and simulated hourly precipitation and the Nash-Sutcliffe coefficient in series 1 is higher than the other time series. Also, this coefficient is higher in time series 2 than in time series 3. Here, the importance of hourly correlation between stations is revealed. By converting the simulated hourly time series to daily and comparing it to the observed daily time series, it can be seen that the model is able to retain the total rainfall of each day. The deduction is that in general, the total observed and simulated precipitation well match in each time series.

The comparison of observed and simulated hourly time series showed that the model is highly accurate in maintaining the total height of daily precipitation, but in most cases it has simulated the extreme amounts of precipitation less than the actual value. Further, it has not created enough number of heavy rain events. The graphs of observation and simulation of 2 maximum precipitation for series I, II and III are shown in Figures 2 to 4.

The domain of employed indices was as follows:  $R$  ranged from 0.1898 to 0.9319,  $NSE$  from 0.0319 to 0.7251,  $RMSE$  from 2.5103 to 10.1634,  $MAE$  from 1.3583 to 4.8167 and  $MSE$  from 6.3017 to 103.2950. These results verify that the

model's accuracy for simulating the maximum rainfall of the selected dates was not high.

#### 4- Conclusion

Due to the fact that the studied stations did not have a high hourly correlation, the accuracy of the model was not enough for simulation and the generated data are not suitable for use in designs that require accurate simulation of heavy rainfall. Generally, this model can be used with more confidence for regions with very high hourly correlations. In this case, the spatial correlation of the stations becomes an advantage, because by utilizing the available hourly rainfall data in adjacent stations, it is possible to create a series of realistic hourly rainfall at a desired station; Otherwise, if the hourly correlation is not enough, the model needs to be evaluated first.

#### References

- [1] D. Martins, M.L.T. Gandini, N.S. Kruk, P.I.B. Queiroz, Disaggregation of daily rainfall data for the Caraguatatuba city, in São Paulo State, Brazil, RBRH, 24 (2019).
- [2] I.S. Hanaish, Multivariate Rainfall Disaggregation Using MuDRain Model: Malaysia Experience, International Journal of Civil, Mechanical Energy Science, 2(2) (2016).
- [3] M. Ivković, A. Todorović, J. Plavšić, Improved input to distributed hydrologic model in areas with sparse subdaily rainfall data using multivariate daily rainfall disaggregation, Journal of Hydroinformatics, 20(4) (2018) 784-797.
- [4] P. Fytillas, Multivariate rainfall disaggregation at a fine time scale, Graduate thesis, University of Rome "La Sapienza", Rome, (2002).

#### HOW TO CITE THIS ARTICLE

H. Bolouki, M. Fazeli, Evaluation of Multivariate Rainfall Disaggregation Performance Using MuDRain Model (Case Study: North East of Hormozgan Province), Amirkabir J. Civil Eng., 54(12) (2023) 941-944.

DOI: [10.22060/ceej.2022.21063.7607](https://doi.org/10.22060/ceej.2022.21063.7607)







## ارزیابی عملکرد جداسازی چند متغیره بارش با استفاده از مدل MuDRain (مطالعه موردي: شمال شرقی استان هرمزگان)

هدا بلوکی، مهدی فاضلی\*

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه یاسوج، یاسوج، ایران.

### تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۴۰۰/۱/۱۳

بازنگری: ۱۴۰۱/۰۶/۰۵

پذیرش: ۱۴۰۱/۰۶/۰۸

ارائه آنلاین: ۱۴۰۱/۰۶/۲۰

### كلمات کلیدی:

بارش ساعتی

مدل چندمتغیره

MuDRain

تفکیک بارش

استان هرمزگان

**خلاصه:** داده‌های بارندگی با وضوح بالای مکانی و زمانی برای مطالعات مهندسی آب، مدل سازی هیدرولوژیکی و ارزیابی خطر سیل، به ویژه در مناطق گرسنگی با الگوهای بارندگی پیچیده ضروری است. نظر به کمبود این داده‌ها، جداسازی بارش ابزاری مهم است. در این مطالعه به ارزیابی عملکرد تفکیک چند متغیره بارش با استفاده از مدل MuDRain در استان هرمزگان و تأثیر همبستگی ساعتی بین ایستگاه‌ها بر دقت شبیه‌سازی پراخته شد. مقایسه سری زمانی ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی نشان داد که مدل در حفظ ارتفاع بارش روزانه دقیق است، اما در بیشتر موارد مقادیر شدید بارش را، کمتر از مقدار واقعی شبیه‌سازی کرده است. همچنین، تعداد و قایع بارش‌های شدید را به اندازه کافی تولید نکرده است. مقایسه نتایج تاریخ‌های منتخب که دارای بیشینه بارش بوده‌اند نشان داد که ضریب همبستگی ( $R$ ) و ضریب ناش-ساتکلیف ( $NSE$ ) به ترتیب بین بازه‌های  $0/0.9319$  و  $0/0.319$  تا  $0/0.7251$  متفاوت بوده‌اند. مقایسه تأثیر همبستگی ساعتی نشان داد که دقت مدل در شبیه‌سازی بارش ساعتی برای سری زمانی با میانگین متغیر بوده‌اند. همچنان، مقایسه تأثیر همبستگی ساعتی نشان داد که دقت مدل در شبیه‌سازی بارش ساعتی برای سری زمانی با میانگین همبستگی ساعتی بیشتر، بالاتر است و ضرایب  $R$  و  $NSE$  در آن به ترتیب برابر  $0/0.7816$  و  $0/0.5856$  بوده در حالی که این ضرایب برای سری زمانی با همبستگی ساعتی کمتر به ترتیب برابر  $0/0.5155$  و  $0/0.3655$  بوده است. در مجموع این مدل می‌تواند برای مناطق دارای همبستگی ساعتی بسیار بالا با اطمینان بیشتری مورد استفاده قرار بگیرد، در این صورت همبستگی مکانی ایستگاه‌ها به یک مزیت تبدیل می‌شود، زیرا با بهره‌گیری از داده‌های بارش ساعتی موجود در ایستگاه‌های مجاور، امکان ایجاد سری بارش‌های ساعتی واقع‌بینانه در ایستگاه مورد نظر را دارد.

### ۱- مقدمه

کاربردهای هیدرولوژیکی، به ویژه در مطالعات سیل و مدل سازی رواناب طوفان در یک محیط شهری، غالباً داده‌های ساعتی مورد نیاز است [۴]. در بیشتر مکان‌هایی که داده‌های مشاهده شده مستمر وجود ندارد و برای آینده چنین داده‌هایی تولید نمی‌شود، چالش عدم قطعیت، پیش می‌آید [۵]. در بسیاری از کشورهای جهان، تعداد زیادی باران‌سنجد روزانه وجود دارد، که اغلب برای چندین دهه قابل استفاده بوده است؛ اما به دلیل عدم وجود باران‌سنجد ساعتی و یا کوتاه بودن طول سری‌های داده ثبت شده، این داده‌ها برای بیشتر اهداف هیدرولوژیکی و تجزیه و تحلیل آماری ناکافی هستند. بدین ترتیب، یک مشکل رایج در مطالعات هیدرولوژیکی، محدودیت دسترسی داده‌ها در وضوح مناسب زمانی و/یا مکانی است. تفکیک بارندگی به عنوان یک ابزار مهم برای رویارویی با این مشکل پدیدار شد [۱]. بسیاری از مدل‌های هیدرولوژیکی توزیعی (به عنوان مثال<sup>۱</sup> HSPF

یکی از مهم‌ترین وظایف برای هیدرولوژیست‌ها و مهندسان عمران درک فرآیندهای هیدرولوژیکی مربوط به طراحی‌های هیدرولوژیکی و مهندسی است. بارندگی، ورودی اصلی همه سیستم‌های هیدرولوژیکی است و طیف وسیعی از تجزیه و تحلیل‌های هیدرولوژیکی، برای طرح‌های کاهش سیل، مدیریت حوضه‌های آبریز، کیفیت آب یا مطالعات اکولوژیکی، نیاز به کمی کردن بارش در مقیاس زمانی روزانه و ساعتی دارد [۱]. ویژگی‌های بارش در پروژه‌های پیچیده مانند سریزها، سدها و پله‌ها، برآورد سیل‌های احتمالی و همچنین فراوانی آن‌ها دارای اهمیت است؛ برای مثال در تدوین دستورالعمل‌هایی برای طراحی سازه‌های هیدرولیکی کاربرد دارد [۲]. توزیع زمانی بارندگی یکی از ورودی‌های اولیه در مدل‌های هیدرولوژیکی است که برای اهداف طراحی هیدرولیکی استفاده می‌شود [۳]. برای بسیاری از

1 Hydrological Simulation Program-Fortran

\* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: fazeli@yu.ac.ir

حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.



تفکیک بارش پرداخته‌اند. حنایش<sup>۱۳</sup> و همکاران به تفکیک بارش روزانه به ساعتی با استفاده از مدل Hyetos برای شبیه‌سازی مالزی پرداختند. نتایج نشان داد مدل عملکرد خوبی در حفظ میانگین دارد؛ با این حال، این مدل قادر به مدل سازی طیف وسیعی از ویژگی‌های مهم مانند مقادیر بارندگی‌های شدید نبوده است [۱۶]. کتوسن و اسمیترز<sup>۱۴</sup> از یک مدل تفکیک که در استرالیا توسعه یافته و برای کاربرد در آفریقای جنوبی اصلاح شده بود، جهت تبدیل داده‌های روزانه به ساعتی در آفریقای جنوبی استفاده کردند. نتایج نشان داد که مدل منطقه‌ای قادر به تکرار نتایج به دست آمده از داده‌های بارندگی کوتاه مدت «در محل» به عنوان ورودی به مدل تفکیک است و می‌تواند مجموع بارش روزانه و ویژگی‌های آماری بارندگی ساعتی را حفظ کند [۱۷]. دورنلس<sup>۱۵</sup> و همکاران با کمک معادلات ایجاد شده از سوابق بارندگی به تفکیک داده‌های بارش پرداختند. هدف از مطالعه آن‌ها این بود که آیا تفاوت معنی‌داری بین روابط شدت-مدت-فرآونی به دست آمده از داده‌های بیشینه بارش تفکیک شده روزانه در مقایسه با مواردی که با سوابق بارندگی تعیین شده است، در منطقه پلوتاوس، ایالت ریو گرانده دو سول<sup>۱۶</sup>، بزریل وجود دارد یا خیر؟ تجزیه و تحلیل مقایسه‌ای نتایج به دست آمده نشان داد که تفاوت معنی‌داری وجود ندارد [۱۸]. پارک و چانگ<sup>۱۷</sup> بارش روزانه در چهار ایستگاه در سراسر کره جنوبی را به طور تصادفی با استفاده از روش تفکیک ناپارامتری KNNR<sup>۱۸</sup> اصلاح شده، با در نظر گرفتن الگوهای بارندگی سه روزه، به بارش ساعتی تفکیک کردند. نتایج نشان داد که روش پیشنهادی ویژگی‌های رویداد بارشی را با موفقیت بازنیلید کرد [۱۹]. بینه<sup>۱۹</sup> و همکاران از دو روش تفکیک تصادفی بارش بر اساس شباهت اقلیم برای انتقال آمار رویداد بارش از ایستگاه همسایه و روش تفکیک بارش Hyetos برای تولید بارش ساعتی در ایستگاه‌های حوضه رودخانه آواش<sup>۲۰</sup> استفاده کردند. مقایسه این دو روش نشان داد که هر دو قادر به حفظ ویژگی آماری و ارتفاع بارش کل روزانه هستند و Hyetos در حفظ ویژگی آماری دارای عملکرد بهتری است [۲۰].

برای تفکیک داده‌های بارش، روش‌های متنوعی از ساده تا پیچیده وجود دارد. ساده‌ترین روش ایجاد توزیع زمانی یکنواخت از بارندگی روزانه است، اما

(DHSVM<sup>۱</sup>) برای عملکرد بهتر با پارامترهای ورودی هواشناسی در پایه زمانی کوچک‌تر از روزانه طراحی شده‌اند [۶]. در پژوهش‌هایی که در مراحلی از کار نیاز به داده‌های در پایه زمانی کوچک‌تر از روزانه وجود دارد تفکیک داده‌های بارش پیشنهاد می‌شود [۷]؛ به عنوان مثال دودانگه و همکاران جهت مطالعه فرآیند بارش-رواناب در حوضه آبخیز طالقان با استفاده از مدل HSPF [۸]، علوی‌نیا و نصیری صالح جهت ارزیابی کارایی مدل HSPF در شبیه‌سازی میانگین ماهانه دبی جریان و تولید رسوپ در حوضه آبریز برو واقع در استان همدان [۹]، دستورانی و همکاران جهت شبیه‌سازی جریان روزانه در حوضه‌ی کوهستانی حبله‌رود با استفاده از مدل HSPF [۱۰]، ایوکوویچ<sup>۲</sup> و همکاران جهت شبیه‌سازی سیل در حوضه کولوبارا<sup>۱۱</sup>، پتری<sup>۳</sup> و همکاران جهت ارزیابی کارایی سیستم مخزن محلی در حوضه آبریز واپر<sup>۴</sup> [۱۲]، شرستا<sup>۵</sup> جهت تحلیل عملکرد زهکشی شهری تحت تعییرات شدید بارندگی در سوخومویت<sup>۶</sup> (بانکوک) [۵]، نایزن<sup>۷</sup> و همکاران جهت برنامه‌ریزی و مدیریت سیلاب در حوضه رودخانه اونشتروت<sup>۸</sup> در بخش مرکزی آلمان [۱۳] و آسواتی<sup>۹</sup> و همکاران جهت مدل سازی حوضه آبخیز آچنکوویل<sup>۱۰</sup> [۱۴]، در مراحلی از کار نیازمند داده‌های در پایه زمانی کوچک‌تر از روزانه بودند و برای این کار، از روش‌های مختلف تفکیک بارش استفاده کردند. از دهه‌های گذشته، دانشمندان سعی کردند داده‌های واقعی باران با وضوح بالا را توسط بسیاری از برنامه‌های رایانه‌ای تولید کنند که اساس آن‌ها احتمالات آماری فراوانی وقوع و کمی‌سازی مقدار است. از سال ۱۹۷۳ که والنسیا و شاکه<sup>۱۱</sup> یک مدل چند متغیره را به عنوان ترکیبی خطی از پسوند داده بارش با مقیاس زمانی بزرگ ارائه کردند و داده تولید کردند [۱۵]، مدل‌های زیادی از جمله مدل تفکیک دینامیکی، Um، Hyetos، MuDRain و اختراع شد تا ضمن حفظ خواص آماری، جداسازی یک رویداد بارشی را انجام دهند.

پژوهش‌هایی در سراسر جهان به مطالعه ارزیابی مدل‌های مختلف

- 1 Distributed Hydrological Soil and Vegetation Model
- 2 Ivkovic'
- 3 Kolubara
- 4 Petry
- 5 Wupper
- 6 Shrestha
- 7 Sukhumvit
- 8 Nijssen
- 9 Unstrut
- 10 Aswathy
- 11 Achenkovil
- 12 Valencia & Schaake

13 Hanaish  
14 Knoesen & Smithers  
15 Dorneles  
16 Pelotas, Rio Grande do Sul state  
17 Park & Chung  
18 K-nearest neighbor resampling  
19 Beyene  
20 Awash

نمودارهای واقعی شدت بارش-زمان<sup>۴</sup> می‌شود [۲۱]. فیتلاس<sup>۵</sup> و همکاران به تفکیک داده‌های تاریخی ۸ ایستگاه واقع در حوضه رودخانه تیبر<sup>۶</sup>، با استفاده از نرم‌افزار MuDRain برای سال‌های ۱۹۹۹ تا ۱۹۹۴ پرداختند. تفکیک با استفاده از داده‌های ساعتی ۳ باران‌سنجد و داده‌های روزانه ۸ باران‌سنجد انجام شد. نتایج ارزیابی مدل نشان داد که این روش منجر به حفظ خواص آماری مهم فرایند بارندگی می‌شود [۲۲]. حنایش به ارزیابی مدل MuD-Rain در شبه جزیره مالزی با استفاده از آمار ۷ ایستگاه باران‌سنجد در فواصل مختلف از ۴ کیلومتر تا ۱۶۰ کیلومتر پرداخت. برازش مدل بر اساس بازتویید آمارهای برازش مانند میانگین‌ها، واریانس‌ها<sup>۷</sup>، ضرایب چولگی، ضرایب خود همبستگی با تأخیر یک واحد<sup>۸</sup> و ضرایب خودهمبستگی با تأخیر صفر<sup>۹</sup> بود. بر اساس نتایج به دست آمده، مدل MuDRain برای منطقه مورد مطالعه گزینه مناسبی تشخیص داده نشد [۴]. دبله<sup>۱۰</sup> و همکاران رویکردهای مختلف تبدیل داده‌های روزانه آب و هوا به داده‌های ساعتی در حوضه آبخیز سدر کریک<sup>۱۱</sup> را بررسی کردند. برای تفکیک داده‌های روزانه بارش به داده‌های ساعتی از مدل‌های MuDRain و Hyetos استفاده کردند. نتایج نشان داد هر دو مدل، توزیع بارندگی ساعتی را به طور متوسط خوب اندازه‌گیری کرده‌اند، اما مدل MuDRain در بیشتر موارد از جمله همزمانی و قوع بارش مشاهداتی و شبیه‌سازی شده، آمار بهتری را تولید می‌کند [۲۳].

با توجه به موارد ذکر شده وجود داده‌های بارندگی مکانی و زمانی با وضوح بالا برای موارد بسیاری از جمله طرح‌های هیدرولوژیکی و مهندسی مانند طراحی سدها و پل‌ها، برآورد سیل‌ها و فراوانی وقوع آن‌ها، مدیریت رواناب شهری و بسیاری موارد دیگر بسیار حائز اهمیت است و ضرورت وجود داده‌های ورودی در بازه‌های زمانی کوتاه مدت برای بسیاری از مدل‌های هیدرولوژیکی برجسته است. این امر، به ویژه در مناطق گرمسیری به دلیل وجود الگوهای بارندگی بسیار پیچیده، ضرورتی دو چندان دارد. بنابراین منطقه مورد مطالعه در این پژوهش منطقه شمال شرقی استان هرمزگان انتخاب گردید. با توجه به مزایایی که در مورد مدل‌های چند متغیره تفکیک بارش ذکر شد، برای تفکیک داده‌های بارش در این منطقه از مدل چند متغیره تفکیک بارش MuDRain استفاده شد. نظر به این که مطالعه‌ای

4 Hyetograph

5 Fytiles

6 Tiber

7 Variance

8 Lag one autocorrelation of coefficient

9 Lag zero cross-correlation of coefficient

10 Debele

11 Cedar Creek

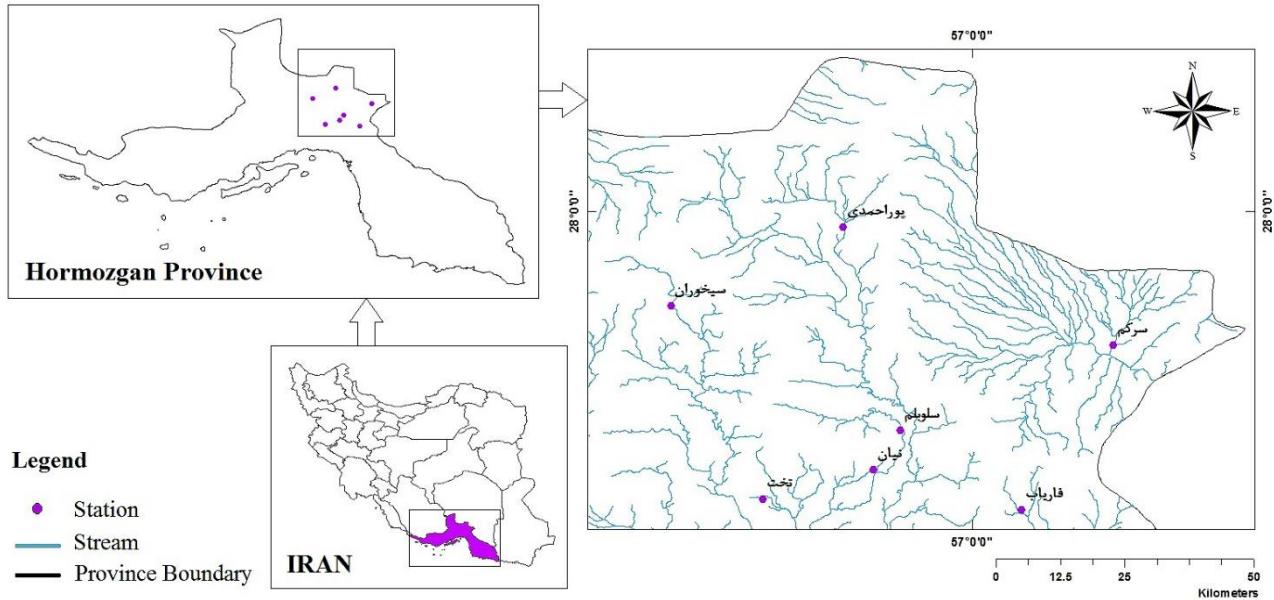
اعتبار این روش در صورت بارش‌های شدید محلی مانند بارش‌های همرفت ممکن است زیر سؤال برود. روش‌های پیچیده‌تر شامل روش‌های تفکیک چند متغیره و تولید تصادفی داده‌های بارندگی در پایه زمانی کوچک‌تر از روزانه است [۱۱]. رویکرد چند متغیره تفکیک بارندگی حتی برای مسائلی که به طور معمول به عنوان تک متغیره فرض می‌شده‌اند، در عمل دارای برتری قابل توجهی است؛ برای مثال، می‌توان تفکیک داده‌های روزانه بارش به بارندگی ساعتی را در نظر گرفت. این تفکیک، برای بسیاری از مدل‌های هیدرولوژیکی دقیق که نیاز به داده ورودی در بازه زمانی ساعتی دارند، لازم است. یک مدل تفکیک تک متغیره مناسب، یک سری ساعتی مصنوعی تولید می‌کند که سازگاری کامل با داده‌های روزانه مشاهداتی دارد. هم‌چنان، از نظر خصوصیات آماری با داده‌های بارش ساعتی واقعی سازگاری دارد اما تطابق کامل با آن ندارد. برای حل این مشکل، می‌توان از روش تفکیک چند متغیره بارش و بهره‌گیری از داده‌های بارندگی ساعتی در همسایگی ایستگاه مورد نظر استفاده کرد؛ با این شرط که همبستگی معنی‌دار متقابل بین بارش دو ایستگاه باران‌سنجدی برقرار باشد (در عمل غالباً این طور است)؛ سپس از اطلاعات بارندگی ساعتی موجود در ایستگاه همسایه برای تولید سری بارندگی ساعتی و سازگار از لحاظ مکانی و زمانی با میزان بارش در ایستگاه مورد نظر استفاده کرد. در اینجا، همبستگی مکانی به مزیت تبدیل شده است [۲۲ و ۲۱] زیرا در ترکیب با اطلاعات بارندگی ایستگاه‌های دارای سری بارش ساعتی، امکان ایجاد سری بارش‌های ساعتی واقع‌بینانه را فراهم می‌کند [۲۳]. روش ارائه شده توسط کوتسویانیس<sup>۱</sup> و همکاران در سال ۲۰۰۳ چندین مدل بارندگی تک متغیره و چند متغیره را در یک چارچوب تفکیک به نام MuDRain ترکیب می‌کند [۱۲]. مدل چند متغیره تفکیک باران MuDRain روشی برای تفکیک مکانی-زمانی بارندگی است. به طور خاص، این روش را می‌توان برای به دست آوردن سری بارندگی ساعتی با ویژگی سازگاری مکانی در ایستگاه‌هایی که فقط داده‌های روزانه در دسترس است، به کار برد [۱].

کوتسویانیس و همکاران برای ارزیابی مدل چند متغیره تفکیک بارش MuDRain از داده‌های تاریخی پنج ایستگاه باران‌سنجد در حوضه آبریز برو<sup>۲</sup> استفاده کردند. نتایج نشان داد این روش منجر به حفظ ویژگی‌های مهم فرایند بارندگی ساعتی مانند گشتاور مرزی<sup>۳</sup> بارش، همبستگی‌های زمانی و مکانی، نسبت‌ها و طول فواصل خشک و همچنین بازتویید خوب

1 Koutsoyiannis

2 Brue

3 Marginal moment



شکل ۱. نقشه منطقه مورد مطالعه

Fig. 1. Map of study area

## ۲-۲- مدل تفکیک چندمتغیره MuDRain

کوتسویانیس و همکاران در سال ۲۰۰۳ یک مدل تفکیک بارندگی چند متغیره ساده را توسعه دادند. این مدل با این فرض که بارندگی روزانه می‌تواند با یک فرایند خودهمبسته<sup>۱</sup> دارای تأخیر یک واحد (AR(1)) به خوبی نشان داده شود در نرمافزار MuDRain پیاده‌سازی شد [۱۱]. مدل‌های خود همبسته از اوایل دهه ۱۹۶۰ در پیش‌بینی‌های هیدرولوژیکی به کار رفت و دارای ویژگی‌های سادگی ساختار و درک مستقیم بین همبستگی مقادیر زمان حال با زمان‌های پیشین در سری زمانی است. این مدل بر اساس زنجیره مارکوف بنای نهاده شده است. یک سری زمانی وقتی از زنجیره مارکوف تبعیت می‌کند که هر رخدادی در زمان  $t$  با زمان‌های قبل و بعد از خود مرتبط باشد [۲۵]. بنابراین برای  $n$  تا مکان، فرض می‌شود که مدل بارش چند متغیره ساده یک فرایند AR(1) است که با رابطه ۱ بیان می‌شود:

$$X_t = aX_{t-1} + bV_t \quad (1)$$

در زمینه بررسی کارایی مدل چند متغیره تفکیک بارش MuDRain در استان هرمزگان صورت نگرفته است، هدف از این پژوهش ارزیابی کارایی این مدل در تولید داده‌های ساعتی بارش برای منطقه و ارزیابی میزان نزدیکی داده‌های شبیه‌سازی شده به داده‌های واقعی می‌باشد. این امر پس از آماده‌سازی داده‌ها برای ورود به مدل، پردازش و شبیه‌سازی و در نهایت تحلیل خروجی نرمافزار صورت می‌گیرد.

## ۳- مواد و روش‌ها

### ۳-۱- منطقه مورد مطالعه

برای انجام این تحقیق، آمار بارش در ایستگاه‌های نیان، تخت، سلوبلم، سیخوران، پوراحمدی، فاریاب و سرکم، واقع در شمال شرقی استان هرمزگان مد نظر قرار گرفت و آمار روزانه و در پایه زمانی کوچکتر از روزانه از شرکت سهامی آب منطقه‌ای هرمزگان دریافت شد. نقشه منطقه مورد مطالعه در شکل ۱ نشان داده شده و مشخصات ایستگاه‌های مورد مطالعه در جدول ۱ درج شده است.

## جدول ۱. مشخصات ایستگاه‌های مورد مطالعه

Table 1. Characteristics of under study stations

شماره ایستگاه	نام	رودخانه	حدوده مطالعه‌ی	طول جغرافیایی	عرض جغرافیایی	ارتفاع	نوع ایستگاه
۱	زندان گرو	شمیل - تخت	۵۶/۸۲۸	۲۷/۵۴۹	۱۱۰	باران سنج معمولی و ثبات	
۲	جلابی	شمیل - تخت	۵۶/۶۳۵	۲۷/۴۹۸	۴۰	تبخیر سنجی	
۳	سلوبلم	شمیل - تخت	۵۶/۸۷۵	۲۷/۶۱۸	۱۹۴	تبخیر سنجی	
۴	سیخوران	شمیل - تخت	۵۶/۴۷۵	۲۷/۸۳۵	۹۰۰	تبخیر سنجی	
۵	پوراحمدی	احمدی	۵۶/۷۷۶	۲۷/۹۷۲	۹۷۷	تبخیر سنجی	
۶	زندان	رودان	۵۷/۰۸۷	۲۷/۴۸۰	۳۰۰	تبخیر سنجی	
۷	میناب	فاریاب	۵۷/۲۴۷	۲۷/۷۶۷	۴۴۰	تبخیر سنجی	
	سرکم	مسافرآباد					

داده‌های ناقص کمتری داشتند. با بررسی داده‌های دریافت شده ۷ ایستگاه از مجموع ۸ ایستگاه با طول آماری ۹ سال (از سال ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۵) انتخاب شدند (حدوده و موقعیت ایستگاه‌ها در شکل ۱ نشان داده شده است).

## (ب) بازسازی نواقص آماری ایستگاه‌ها

جهت بازسازی نواقص آماری ایستگاه‌ها از آمار ایستگاه‌های اطراف به شرح زیر استفاده شده است:

اگر آمار بارش مربوط به ایستگاه  $X$  غیرموجود باشد و ایستگاه‌های ۱، ۲، ...،  $n$  در مجاورت ایستگاه  $X$  قرار داشته باشند،  $N_x$  متوسط بارندگی سالانه ایستگاه  $X$  و  $N_1, N_2, \dots, N_n$  متوسط بارندگی سالانه ایستگاه‌های ۱، ۲، ...،  $n$  باشند،  $P_x$  داده بارش مفقود مربوط به ایستگاه  $X$  و  $P_1, P_2, \dots, P_n$  به ترتیب آمار بارندگی ایستگاه‌های مذکور باشد، چنانچه اختلاف  $N_1, N_2, \dots, N_n$  کمتر از ۱۰ درصد  $N_x$  باشد در این صورت برای به دست آوردن  $P_x$  از روش میانگین‌گیری ریاضی مطابق رابطه (۳) استفاده می‌شود:

$$P_x = \frac{P_1 + P_2 + \dots + P_n}{n} \quad (3)$$

ولی اگر اختلاف  $N_1, N_2, \dots, N_n$  بیشتر از ۱۰ درصد  $N_x$  باشد از رابطه (۴) استفاده می‌شود (روش نسبت نرمال) [۲۶].

در این معادله  $X_t$  و  $X_{t-1}$  بردارهای بارش ساعتی در  $n$  مکان، به ترتیب در زمان‌های  $t-1$  و  $t$  هستند؛  $a$  و  $b$  ماتریس پارامترها، هر کدام به ابعاد  $[n \times n]$  هستند؛  $V_t$  یک دنباله مستقل با توزیع یکسان (IID<sup>۱</sup>) از متغیرهای تصادفی نوآوری شده و به شکل یک ماتریس ستونی با  $n$  عضو است [۲۱].

از سوی دیگر، می‌توان به کمک برخی توابع غیرخطی ارتفاع بارش ساعتی  $X_t$  را به ارتفاع بارش ساعتی  $X_{t-1}$  تبدیل کرد؛ برای مثال، تبدیل لگاریتمی ( $\zeta$ )  $X_t^* = \ln(X_{t-1} + 1)$  با مقدار ثابت  $\zeta$  و یا تبدیل توانی  $X_t^* = X_{t-1}^{(p)}$  با توان ثابت  $p$  را می‌توان نام برد [۱]. در این صورت، رابطه (۱) با رابطه (۲) جایگزین می‌شود [۲۳]:

$$X_t^* = aX_{t-1}^* + bV_t \quad (2)$$

## ۲-۳- مراحل اجرای پژوهش

## (الف) آماده‌سازی داده‌ها

با بررسی آمار بارش روزانه و در پایه زمانی کوچک‌تر از روزانه شرکت سهامی آب منطقه‌ای هرمزگان مشخص شد که داده‌های دریافتی شامل داده‌های بارش ۲۲ ایستگاه بوده است. منطقه مورد مطالعه قسمتی از استان هرمزگان در نظر گرفته شد که تراکم ایستگاه‌ها در آن بیشتر بوده است. محدوده مشخص شده شامل ۸ ایستگاه بوده است. ایستگاه‌هایی به عنوان ایستگاه‌های مورد مطالعه انتخاب شدند که در یک بازه زمانی مشترک،

۱ Independent Identically Distributed

## فرض کرد [۲۷ و ۲۸].

$$P_x = \frac{1}{n} \left[ P_1 \frac{N_x}{N_1} + P_2 \frac{N_x}{N_2} + \dots + P_n \frac{N_x}{N_n} \right] \quad (4)$$

## ت) ارزیابی کارایی مدل در تولید داده‌های ساعتی

ارزیابی کارایی مدل با مقایسه داده ساعتی تولید شده توسط مدل و داده‌های مشاهداتی انجام می‌شود. تعدادی از موارد شامل نمودارهای خروجی از جمله همبستگی بارش ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده هر ایستگاه با ایستگاه‌های دیگر، نسبت دوره خشک (تعداد ساعت‌های بدون بارش تقسیم بر تعداد کل ساعت‌ها)، انحراف استاندارد، ضریب چولگی و ضریب خودهمبستگی با تأخیر یک واحد توسط نرم‌افزار محاسبه می‌شود. برای بررسی میزان تأثیر همبستگی بین ایستگاه‌ها بر دقت تولید داده‌های ساعتی علاوه بر سری زمانی ۱۲ ماه سال در دوره ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ از سری زمانی یک ماه منتخب در دوره ۱۳۹۶ تا ۱۳۸۸ و سری زمانی ۱۲ ماه یک سال منتخب نیز استفاده می‌شود. شاخص‌های ضریب همبستگی ( $R^1$ ) بین بارش مشاهداتی و شبیه‌سازی شده مربوط به هر ایستگاه و ضریب ناش-ساتکلیف ( $NSE^2$ ) جهت ارزیابی کارایی مدل در تولید داده‌های ساعتی برای هر سری زمانی استفاده می‌شود [۲۸].

- ضریب همبستگی  $R$ : میزان همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده را نشان می‌دهد. دامنه تغییرات این ضریب بین  $-1$  تا  $+1$  است و هر چه قدر مطلق ضریب همبستگی به یک نزدیک‌تر باشد، دقت مدل بالاتر است. مقدار این ضریب با استفاده از رابطه ۶ محاسبه می‌شود.

$$R = \frac{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O}_i)(S_i - \bar{S}_i)}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O}_i)^2 \sum_{i=1}^n (S_i - \bar{S}_i)^2}} \quad (6)$$

که در رابطه بالا،  $O_i$  داده‌های مشاهداتی،  $S_i$  داده‌های شبیه‌سازی،  $\bar{O}_i$  میانگین داده‌های مشاهداتی،  $\bar{S}_i$  میانگین داده‌های شبیه‌سازی و  $n$  تعداد داده‌ها است.

- ضریب  $NSE$ : ضریب ناش-ساتکلیف نشان می‌دهد که خط رگرسیون بین داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده تا چه مقدار به خط رگرسیون با شبیب یک نزدیک است، بنابراین مقدار بهینه آن یک است. این ضریب با استفاده از رابطه ۷ محاسبه می‌شود.

1 Correlation Coefficient

2 Nash-Sutcliffe

## پ) مراحل شبیه‌سازی

برای ارزیابی کارایی مدل فرض می‌شود داده‌های ساعتی ایستگاه نیان وجود ندارد. با استفاده از داده‌های ساعتی و روزانه سایر ایستگاه‌ها و داده‌های روزانه ایستگاه نیان، داده‌های ساعتی بارش ایستگاه نیان با مدل MuDRain شبیه‌سازی می‌شود.

برای انجام تفکیک بارندگی از مقیاس روزانه به ساعتی، باید یک فایل با قالب مناسب تعریف شود. این برنامه با استفاده از سه فایل مختلف کار می‌کند:

۱. فایلی با نام `input.dat` (فایل متی) حاوی ضرایب همبستگی متقابل بین داده‌های بارندگی ایستگاه‌های مختلف در مقیاس زمانی ساعتی، تعداد باران‌سنجهای با اطلاعات روزانه، تعداد باران‌سنجهای با اطلاعات ساعتی، تعداد روزهای تفکیک و در نهایت حاوی نام دو فایل متی ذکر شده در ادامه، حاوی اطلاعات ساعتی و روزانه مشاهداتی است.

۲. فایلی با نام `daily.inp` با اطلاعات روزانه موجود.

۳. فایلی با نام `hourly.inp` با اطلاعات ساعتی موجود.

پس از تعریف فایل `input.dat` توسط کاربر، MuDRain به طور خودکار از دو فایل دیگر با اطلاعات لازم برای تفکیک استفاده می‌کند. مراحل برآورد پارامترها، تفیک داده‌های روزانه به ساعتی و مقایسه داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده ساعتی بارش در قالب نمودار و جدول توسط نرم‌افزار صورت می‌گیرد [۱].

کوتسویانیس و همکاران در سال ۲۰۰۳ روش زیر را برای محاسبه همبستگی متقابل ایستگاه‌های ماهواره‌ای ارائه دادند:

$$r_{ij,h} = (r_{ij,d})^m \quad (5)$$

که  $r_{ij,h}$  ضریب همبستگی متقابل بین باران‌سنجه  $i$  و  $j$  در مقیاس زمانی ساعتی،  $r_{ij,d}$  ضریب همبستگی متقابل در مقیاس زمانی روزانه و  $m$  ثابتی است که باید تخمین زده شود. اگر داده‌های ساعتی برای چندین ایستگاه در دسترس باشد، ضرایب همبستگی واقعی را می‌توان در مدل اعمال کرد. اگر داده ساعتی در دسترس نباشد، مقدار  $m$  را می‌توان در محدوده ۲ تا ۳

صورت رابطه زیر تعریف می‌شود.

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |O_i - S_i| \quad (10)$$

### ۳- نتایج و بحث

پس از تفکیک داده‌های بارش توسط مدل، خروجی به دو صورت عددی و نموداری تهیه شد. نمودارهای خروجی شامل همبستگی بارش ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده هر ایستگاه با ایستگاه‌های دیگر (برای هر سری زمانی ۷ نمودار و در مجموع ۲۱ نمودار)، نسبت دوره خشک، انحراف استاندارد، ضریب چولگی و ضریب خودهمبستگی با تأخیر یک واحد می‌باشد (برای هر یک از این چهار مورد و هر سری زمانی یک نمودار و در مجموع برای ۳ سری زمانی، ۱۲ نمودار خروجی وجود دارد).

در ابتدا ماتریس همبستگی بارش روزانه و ساعتی بین ایستگاه‌های مختلف برای ۱۲ ماه سال در دوره ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ محاسبه شد. مطابق جدول‌های ۲ و ۳، محدوده تغییرات همبستگی بین داده‌های روزانه از ۰/۳۲۱ تا ۰/۷۵۷ و همبستگی بین داده‌های ساعتی (بدون در نظر گرفتن ایستگاه نیان) از ۰/۰۶۸ تا ۰/۴۵۲ متغیر بوده است. با توجه به پایین بودن میزان همبستگی‌ها برای ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶، جهت ارزیابی بهتر کارایی مدل، دو سری زمانی دیگر شامل سری زمانی بارش ساعتی و روزانه ماههای آذر از سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ (میانگین همبستگی‌های روزانه و ساعتی بین ایستگاه‌ها در ماه آذر نسبت به سایر ماهها بالاتر بوده است) و سری زمانی بارش ساعتی و روزانه سال ۱۳۹۵ (میانگین همبستگی‌های روزانه و ساعتی بین ایستگاه‌ها در سال ۱۳۹۵ نسبت به سایر سال‌ها بالاتر بوده است) نیز به مدل داده شد؛ در ادامه، به ازای هر یک از سری‌های زمانی مورد اشاره یک مرتبه و در مجموع سه خروجی مجزا از مدل گرفته شد. شکل ۲ نمودارهای همبستگی مربوط به بارش ساعتی ماه آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ ایستگاه نیان با ۶ ایستگاه دیگر را برای نمونه نشان می‌دهد. اطلاعات سایر نمودارهای همبستگی در جدول‌های ۴ تا ۷ درج شده است. مطابق جدول‌های ۴ و ۵ در سری زمانی مربوط به بارش ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ محدوده تغییرات همبستگی بین داده‌های مشاهداتی روزانه از ۰/۰۵۴۵ تا ۰/۰۹۳۷ و همبستگی بین داده‌های مشاهداتی ساعتی (بدون در نظر گرفتن ایستگاه نیان) از ۰/۱۶۲ تا ۰/۵۸۲ متغیر بوده است. همچنین، مطابق جدول‌های ۶ و ۷ در سری زمانی مربوط به بارش سال ۱۳۹۵ محدوده

$$NSE = \left[ 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (O_i - S_i)^2}{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O}_i)^2} \right] \quad (7)$$

### ج) ارزیابی کارایی مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش

برای ارزیابی کارایی مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش‌ها و همچنین بررسی تأثیر همبستگی بین ایستگاه‌ها بر دقت شبیه‌سازی بارش‌های شدید، تعدادی از بیشینه بارش‌های مربوط به هر سری زمانی انتخاب می‌شوند. با توجه به یکسان بودن تعداد داده‌های مربوط به هر سری (هر بیشینه بارش روزانه ۲۴ ساعت برای هر سری زمانی) علاوه بر شاخص‌هایی که در قسمت قبل ذکر شد، از شاخص‌های مجدول میانگین مربعات خطأ ( $RMSE$ )، میانگین مربعات خطأ ( $MSE^2$ ) و میانگین مطلق خطأ ( $MAE^3$ ) نیز استفاده می‌شود [۲۹].

- شاخص  $RMSE$ : یکی از شاخص‌های مهم است که برای ارزیابی کارایی مدل استفاده می‌شود. هر چه مقدار  $RSME$  به صفر نزدیک‌تر باشد نشان دهنده عملکرد بالای مدل است. این شاخص با استفاده از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (O_i - S_i)^2}{n}} \quad (8)$$

- شاخص  $MSE$ : این شاخص از صفر در عملکرد عالی تا بینهایت می‌تواند تغییر کند.

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (O_i - S_i)^2 \quad (9)$$

- شاخص  $MAE$ : هر چه میزان  $MAE$  کمتر باشد، نشان دهنده کارایی بیشتر مدل است و بهترین مقدار آن برابر صفر است. این شاخص به

1 Root Mean Square Error

2 Mean Squared Error

3 Mean Absolute Error

جدول ۲. ماتریس همبستگی بین بارش‌های روزانه ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

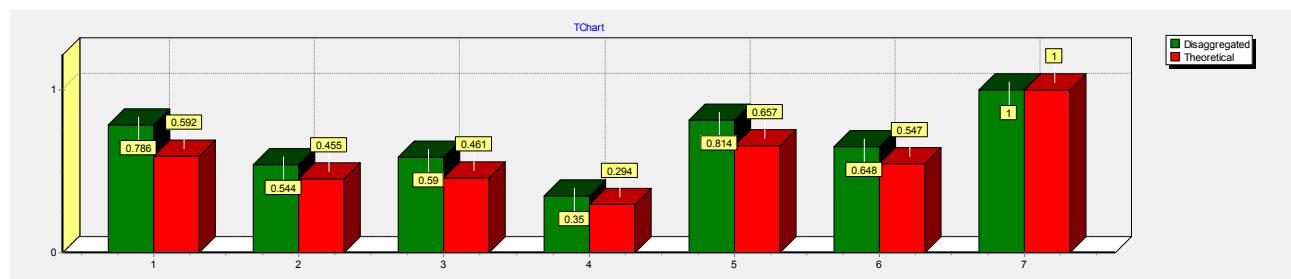
Table 2. Correlation matrix between daily rainfalls of under study stations for 12 months of 1388-1396 years

۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶									
نیان	پوراحمدی	سرکم	فاریاب	تخت	سیخوران	سلوبلم	ایستگاه		
۰/۶۴۷	۰/۴۷۲	۰/۷۵۷	۰/۵۷۱	۰/۷۵۰	۰/۵۶۵	۱/۰۰۰	سلوبلم		
۰/۴۳۵	۰/۵۲۴	۰/۵۴۳	۰/۴۰۱	۰/۵۱۰	۱/۰۰۰	۰/۵۶۵	سیخوران		
۰/۶۵۶	۰/۴۰۴	۰/۶۵۷	۰/۵۴۹	۱/۰۰۰	۰/۵۱۰	۰/۷۵۰	تخت		
۰/۶۴۰	۰/۳۲۱	۰/۵۹۷	۱/۰۰۰	۰/۵۴۹	۰/۴۰۱	۰/۵۷۱	فاریاب		
۰/۵۵۳	۰/۴۸۵	۱/۰۰۰	۰/۵۹۷	۰/۶۵۷	۰/۵۴۳	۰/۷۵۷	سرکم		
۰/۳۳۳	۱/۰۰۰	۰/۴۸۵	۰/۳۲۱	۰/۴۰۴	۰/۵۲۴	۰/۴۷۲	پوراحمدی		
۱/۰۰۰	۰/۳۳۳	۰/۵۵۳	۰/۶۴۰	۰/۶۵۶	۰/۴۳۵	۰/۶۴۷	نیان		

جدول ۳. ضرایب همبستگی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بین بارش‌های ساعتی ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

Table 3. Observed and simulated correlation coefficients among hourly rainfalls of under study stations for 12 months of 1388-1396 years

۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶									
نیان	پوراحمدی	سرکم	فاریاب	تخت	سیخوران	سلوبلم	نوع داده	ایستگاه	
۰/۳۴۳	۰/۲۰۴	۰/۴۵۲	۰/۲۱۷	۰/۴۴۹	۰/۱۹۸	۱/۰۰۰	مشاهداتی		
۰/۵۹۸	۰/۲۰۴	۰/۴۵۲	۰/۲۱۸	۰/۴۴۹	۰/۱۹۸	۱/۰۰۰	شبیه‌سازی	سلوبلم	
۰/۱۳۰	۰/۲۱۴	۰/۲۰۲	۰/۱۱۳	۰/۱۷۷	۱/۰۰۰	۰/۱۹۸	مشاهداتی		
۰/۲۳۷	۰/۲۱۳	۰/۲۰۲	۰/۱۱۱	۰/۱۷۸	۱/۰۰۰	۰/۱۹۸	شبیه‌سازی	سیخوران	
۰/۳۵۶	۰/۱۶۷	۰/۳۷۱	۰/۱۹۳	۱/۰۰۰	۰/۱۷۷	۰/۴۴۹	مشاهداتی		
۰/۶۵۱	۰/۱۶۶	۰/۳۷۱	۰/۱۹۳	۱/۰۰۰	۰/۱۷۸	۰/۴۴۹	شبیه‌سازی	تخت	
۰/۳۳۴	۰/۱۱۷	۰/۲۹۹	۱/۰۰۰	۰/۱۹۳	۰/۱۱۳	۰/۲۱۷	مشاهداتی		
۰/۴۹۶	۰/۱۱۱	۰/۲۹۷	۱/۰۰۰	۰/۱۹۳	۰/۱۱۱	۰/۲۱۸	شبیه‌سازی	فاریاب	
۰/۲۳۴	۰/۲۰۱	۱/۰۰۰	۰/۲۹۹	۰/۳۷۱	۰/۲۰۲	۰/۴۵۲	مشاهداتی		
۰/۴۳۹	۰/۲۰۰	۱/۰۰۰	۰/۲۹۷	۰/۳۷۱	۰/۲۰۲	۰/۴۵۲	شبیه‌سازی	سرکم	
۰/۰۶۸	۱/۰۰۰	۰/۲۰۱	۰/۱۱۷	۰/۱۶۷	۰/۲۱۴	۰/۲۰۴	مشاهداتی		
۰/۲۰۱	۱/۰۰۰	۰/۲۰۰	۰/۱۱۱	۰/۱۶۶	۰/۲۱۳	۰/۲۰۴	شبیه‌سازی	پوراحمدی	
۱/۰۰۰	۰/۰۶۸	۰/۲۳۴	۰/۳۳۴	۰/۳۵۶	۰/۱۳۰	۰/۳۴۳	مشاهداتی		
۱/۰۰۰	۰/۲۰۱	۰/۴۳۹	۰/۴۹۶	۰/۶۵۱	۰/۲۳۷	۰/۵۹۸	شبیه‌سازی	نیان	



شکل ۲. ضرایب همبستگی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ بین ایستگاه‌های دیگر (۱- سلوبلم، ۲- سیخوران، ۳- تخت، ۴- فاریاب، ۵- سرکم، ۶- پوراحمدی، ۷- نیان)

Fig. 2. Observed and simulated correlation coefficients of hourly rainfall, Azar months years 1388-1396 Between Nian station and other stations (1- Solubalm, 2- Sikhooran, 3- Takht, 4- Fariab, 5- Sarkam, 6- Pourahmadi, 7- Nian)

جدول ۴. ماتریس همبستگی بین بارش‌های روزانه ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

Table 4. Correlation matrix between daily rainfalls of under study stations

ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶							
نیان	پوراحمدی	سرکم	فاریاب	تخت	سیخوران	سلوبلم	ایستگاه
۰/۸۴۰	۰/۸۴۶	۰/۸۸۲	۰/۷۷۸	۰/۶۸۵	۰/۸۵۳	۱/۰۰۰	سلوبلم
۰/۷۶۹	۰/۹۳۷	۰/۷۵۲	۰/۵۴۸	۰/۶۵۳	۱/۰۰۰	۰/۸۵۳	سیخوران
۰/۷۷۲	۰/۶۱۲	۰/۷۳۶	۰/۵۷۹	۱/۰۰۰	۰/۶۵۳	۰/۶۸۵	تخت
۰/۶۶۵	۰/۵۴۵	۰/۸۱۶	۱/۰۰۰	۰/۵۷۹	۰/۵۴۸	۰/۷۷۸	فاریاب
۰/۸۶۹	۰/۷۵۱	۱/۰۰۰	۰/۸۱۶	۰/۷۳۶	۰/۷۵۲	۰/۸۸۲	سرکم
۰/۸۱۸	۱/۰۰۰	۰/۷۵۱	۰/۵۴۵	۰/۶۱۲	۰/۹۳۷	۰/۸۴۶	پوراحمدی
۱/۰۰۰	۰/۸۱۸	۰/۸۶۹	۰/۶۶۵	۰/۷۷۲	۰/۷۶۹	۰/۸۴۰	نیان

جدول ۵. ضرایب همبستگی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بین بارش‌های ساعتی ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

Table 5. Observed and simulated correlation coefficients among hourly rainfalls of under study stations for Azar months of 1388-1396 years

ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶									
نیان	پوراحمدی	سرکم	فاریاب	تخت	سیخوران	سلوبلم	نوع داده	ایستگاه	
۰/۵۹۲	-۰/۵۵۷	-۰/۵۷۰	-۰/۲۶۹	-۰/۴۳۰	-۰/۳۰۲	-۱/۰۰۰	مشاهداتی	سلوبلم	
۰/۷۸۶	-۰/۵۶۰	-۰/۵۷۴	-۰/۲۷۲	-۰/۴۳۱	-۰/۳۰۴	-۱/۰۰۰	شبیه‌سازی		
۰/۴۵۵	-۰/۳۰۴	-۰/۳۱۸	-۰/۱۶۲	-۰/۲۰۶	-۱/۰۰۰	-۰/۳۰۲	مشاهداتی		
۰/۵۴۴	-۰/۳۰۴	-۰/۳۱۵	-۰/۱۵۰	-۰/۲۰۳	-۱/۰۰۰	-۰/۳۰۴	شبیه‌سازی		
۰/۴۶۱	-۰/۳۷۲	-۰/۵۸۲	-۰/۳۷۱	-۱/۰۰۰	-۰/۲۰۶	-۰/۴۳۰	مشاهداتی		
۰/۵۹۰	-۰/۳۷۰	-۰/۵۸۰	-۰/۳۶۴	-۱/۰۰۰	-۰/۲۰۳	-۰/۴۳۱	شبیه‌سازی		
۰/۲۹۴	-۰/۲۹۰	-۰/۴۶۶	-۱/۰۰۰	-۰/۳۷۱	-۰/۱۶۲	-۰/۲۶۹	مشاهداتی	فاریاب	
۰/۳۵۰	-۰/۲۵۷	-۰/۴۵۴	-۱/۰۰۰	-۰/۳۶۴	-۰/۱۵۰	-۰/۲۷۲	شبیه‌سازی		
۰/۶۵۷	-۰/۴۸۶	۱/۰۰۰	-۰/۴۶۶	-۰/۵۸۲	-۰/۳۱۸	-۰/۵۷۰	مشاهداتی		
۰/۸۱۴	-۰/۴۸۴	۱/۰۰۰	-۰/۴۵۴	-۰/۵۸۰	-۰/۳۱۵	-۰/۵۷۴	شبیه‌سازی		
۰/۵۴۷	۱/۰۰۰	-۰/۴۸۶	-۰/۲۹۰	-۰/۳۷۲	-۰/۳۰۴	-۰/۵۵۷	مشاهداتی		
۰/۶۴۸	۱/۰۰۰	-۰/۴۸۴	-۰/۲۵۷	-۰/۳۷۰	-۰/۳۰۴	-۰/۵۶۰	شبیه‌سازی		
۱/۰۰۰	-۰/۵۴۷	-۰/۶۵۷	-۰/۲۹۴	-۰/۴۶۱	-۰/۴۵۵	-۰/۵۹۲	مشاهداتی	نیان	
۱/۰۰۰	-۰/۶۴۸	-۰/۸۱۴	-۰/۳۵۰	-۰/۵۹۰	-۰/۵۴۴	-۰/۷۸۶	شبیه‌سازی		

مقایسه عددی آمارهای مشاهداتی هر ایستگاه، مشاهداتی استفاده شده در مدل و شبیه‌سازی، شامل آمارهای نسبت دوره خشک، انحراف استاندارد، ضریب چولگی و ضریب خود همبستگی با تأخیر یک واحد برای سری‌های زمانی بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ و ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵ و ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ به ترتیب در جدول‌های ۸ تا ۱۰ درج شده است. با توجه به اعداد درج شده، مدل در بازتولید ویژگی‌های آماری دقت بالایی دارد و اعداد مربوط به داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده ۶ ایستگاه تقریباً یکسان هستند. نتایج ارزیابی کارایی مدل در بازتولید داده‌های ساعتی بارش در جدول ۱۱ درج شده است. مقدار شاخص‌ها با دقت ۴ رقم اعشار در جدول درج شده‌اند که اعداد نشان دهنده دقت بالایی مدل است. ایستگاه نیان که نیاز به شبیه‌سازی بارش ساعتی دارد در ادامه مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

مقایسه نسبت طول دوره خشک مشاهداتی و شبیه‌سازی شده در هر

تغییرات همبستگی بین داده‌های مشاهداتی روزانه از ۰/۶۹۹ تا ۰/۹۵۰ و همبستگی بین داده‌های مشاهداتی ساعتی (بدون در نظر گرفتن ایستگاه نیان) از ۰/۲۵۳ تا ۰/۶۲۲ متغیر بوده است. با توجه به جدول‌های ۵ و ۷، اعداد مربوط به داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده ۶ ایستگاه تقریباً یکسان هستند و بنابراین، مدل در بازتولید همبستگی ساعتی دقت بالایی دارد. نمودارهای خروجی مقایسه آمار مشاهداتی و شبیه‌سازی، شامل آمارهای نسبت دوره خشک، انحراف استاندارد، ضریب چولگی و ضریب خود همبستگی با تأخیر یک واحد به ترتیب در شکل‌های ۳ تا ۶ برای سری زمانی بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ نشان داده شده است. در این شکل‌ها، آمار مشاهداتی حاصل میانگین آمارهای ایستگاه‌هایی است که داده‌های ساعتی آن‌ها در دسترس است؛ این آمار که با رنگ قرمز و عبارت Theoretical مشخص شده برای ایستگاه‌های مختلف یکسان است.

### جدول ۶. ماتریس همبستگی بین بارش‌های روزانه ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵

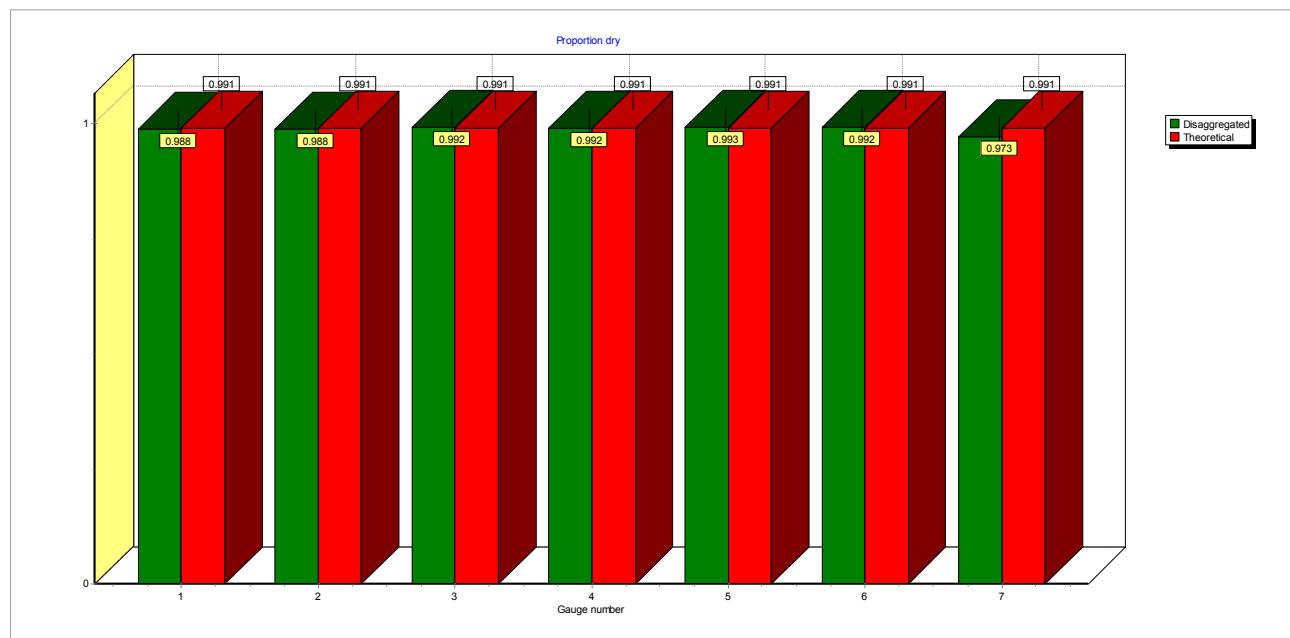
Table 6. Correlation matrix between daily rainfalls of under study stations for 12 months of 1395

۱۳۹۵ ۱۲ ماه سال								
ایستگاه	سلوبلم	سیخوران	تخت	فاریاب	سرکم	پوراحمدی	نیان	
سلوبلم	۱/۰۰۰	.۰/۶۹۹	.۰/۹۵۰	.۰/۷۵۲	.۰/۸۲۴	.۰/۷۷۷	.۰/۷۸۳	
سیخوران	.۰/۶۹۹	۱/۰۰۰	.۰/۷۸۹	.۰/۸۱۳	.۰/۸۸۶	.۰/۸۳۰	.۰/۷۸۲	
تخت	.۰/۹۵۰	.۰/۷۸۹	۱/۰۰۰	.۰/۸۱۶	.۰/۸۹۵	.۰/۸۶۶	.۰/۷۷۳	
فاریاب	.۰/۷۵۲	.۰/۸۱۳	.۰/۸۱۶	۱/۰۰۰	.۰/۹۰۶	.۰/۷۳۳	.۰/۷۷۳	
سرکم	.۰/۸۲۴	.۰/۸۸۶	.۰/۸۹۵	.۰/۹۰۶	۱/۰۰۰	.۰/۸۹۴	.۰/۷۶۱	
پوراحمدی	.۰/۷۷۷	.۰/۸۳۰	.۰/۷۳۳	.۰/۸۹۴	.۰/۹۰۰	۱/۰۰۰	.۰/۷۲۶	
نیان	.۰/۷۸۳	.۰/۷۷۷	.۰/۷۷۳	.۰/۷۶۱	.۰/۷۲۶	.۰/۷۲۰	.۰/۴۸۱	

### جدول ۷. ضرایب همبستگی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بین بارش‌های ساعتی ایستگاه‌های مورد مطالعه برای ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵

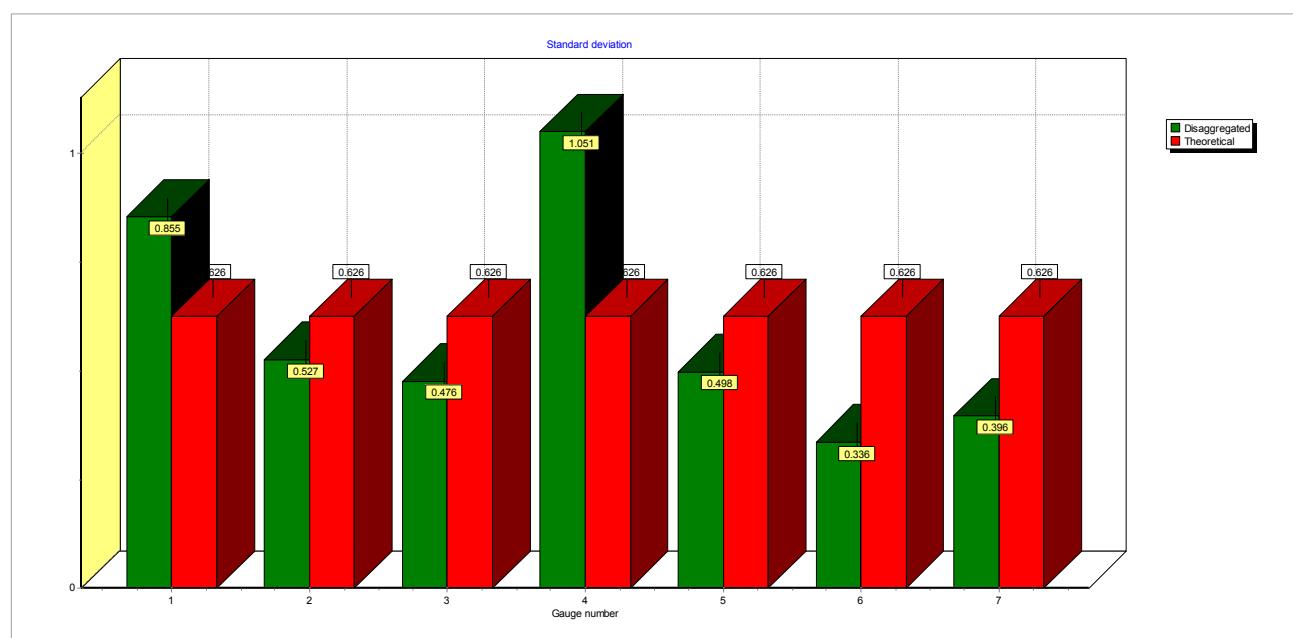
Table 7. Observed and simulated correlation coefficients among hourly rainfalls of under study stations for 12 months of 1395

۱۳۹۵ ۱۲ ماه سال								
ایستگاه	نوع داده	سلوبلم	سیخوران	تخت	فاریاب	سرکم	پوراحمدی	نیان
مشاهداتی	۱/۰۰۰	.۰/۳۱۸	.۰/۵۳۱	.۰/۵۰۳	.۰/۶۲۲	.۰/۴۱۹	.۰/۴۸۱	
شبیه‌سازی	.۰/۰۰۰	.۰/۳۱۹	.۰/۵۳۱	.۰/۵۰۳	.۰/۶۲۲	.۰/۴۲۰	.۰/۷۲۰	
مشاهداتی	.۰/۳۱۸	۱/۰۰۰	.۰/۴۲۸	.۰/۲۵۳	.۰/۴۰۵	.۰/۵۰۵	.۰/۴۷۸	
شبیه‌سازی	.۰/۳۱۹	.۰/۰۰۰	.۰/۴۲۳	.۰/۴۲۳	.۰/۲۵۶	.۰/۴۰۶	.۰/۵۰۴	
مشاهداتی	.۰/۵۳۱	.۰/۴۲۸	۱/۰۰۰	.۰/۳۱۸	.۰/۴۲۲	.۰/۳۷۱	.۰/۴۶۲	
شبیه‌سازی	.۰/۵۳۱	.۰/۴۲۳	.۰/۰۰۰	.۰/۳۱۸	.۰/۴۲۲	.۰/۳۷۱	.۰/۶۹۷	
مشاهداتی	.۰/۵۰۳	.۰/۲۵۳	.۰/۳۱۸	۱/۰۰۰	.۰/۴۰۷	.۰/۴۲۰	.۰/۴۶۲	
شبیه‌سازی	.۰/۵۰۳	.۰/۲۵۶	.۰/۳۱۸	.۰/۳۱۸	۱/۰۰۰	.۰/۴۰۸	.۰/۵۸۶	
مشاهداتی	.۰/۶۲۲	.۰/۴۰۵	.۰/۴۲۲	.۰/۴۲۲	.۰/۴۰۷	۱/۰۰۰	.۰/۴۴۰	
شبیه‌سازی	.۰/۶۲۲	.۰/۴۰۶	.۰/۴۲۲	.۰/۴۲۲	.۰/۴۰۸	.۰/۰۰۰	.۰/۵۸۴	
مشاهداتی	.۰/۴۱۹	.۰/۴۰۵	.۰/۳۷۱	.۰/۳۷۱	.۰/۳۴۰	.۰/۴۵۲	.۰/۳۸۲	
شبیه‌سازی	.۰/۴۲۰	.۰/۴۰۴	.۰/۴۰۴	.۰/۴۰۴	.۰/۴۰۴	.۰/۰۰۰	.۰/۵۰۳	
مشاهداتی	.۰/۴۲۰	.۰/۴۷۸	.۰/۴۶۲	.۰/۴۶۲	.۰/۴۶۲	.۰/۴۴۰	.۰/۳۸۲	
شبیه‌سازی	.۰/۷۲۰	.۰/۵۴۵	.۰/۵۴۵	.۰/۵۴۵	.۰/۵۸۶	.۰/۵۰۳	.۰/۰۰۰	



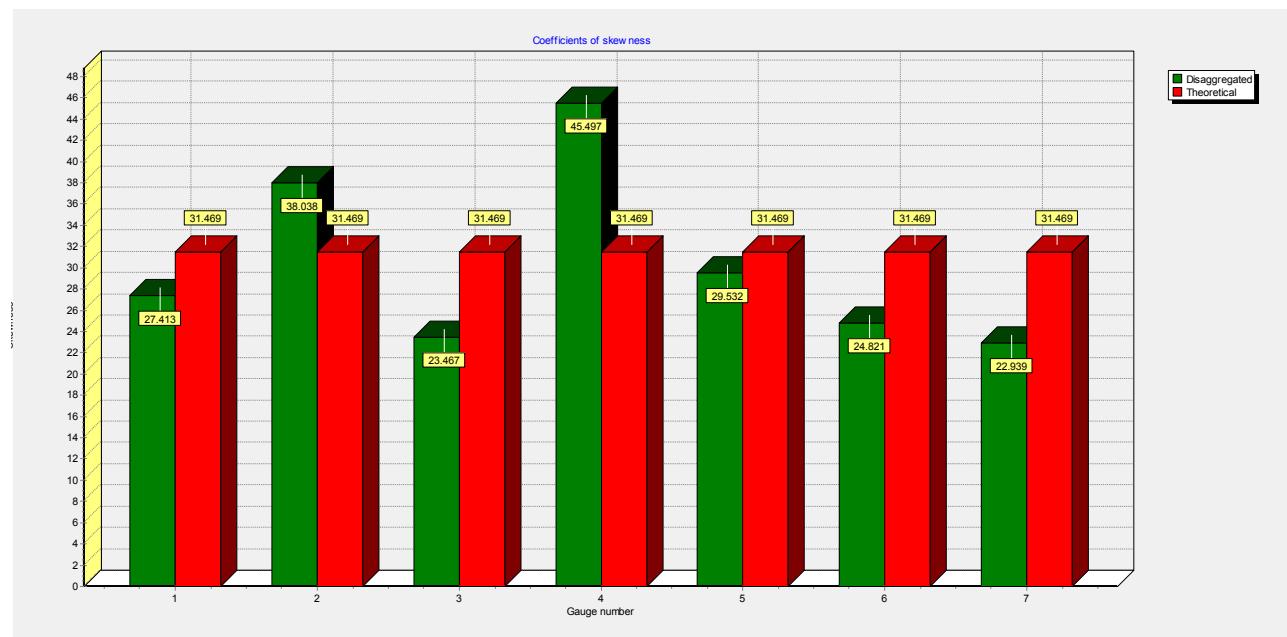
شکل ۳. مقایسه نسبت دوره خشک مشاهداتی (استفاده شده در مدل) و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ (۱- سلوبلم، ۲- سیخوران، ۳- تخت، ۴- فاریاب، ۵- سرکم، ۶- پوراحمدی، ۷- نیان)

Fig. 3. Comparison of the dry period ratio of observed (used in the model) and simulated hourly rainfall of Azar months 1388-1396 years (1- Solubalm, 2- Sikhooran, 3- Takht, 4- Fariab, 5- Sarkam, 6- Pourahmadi, 7- Nian)



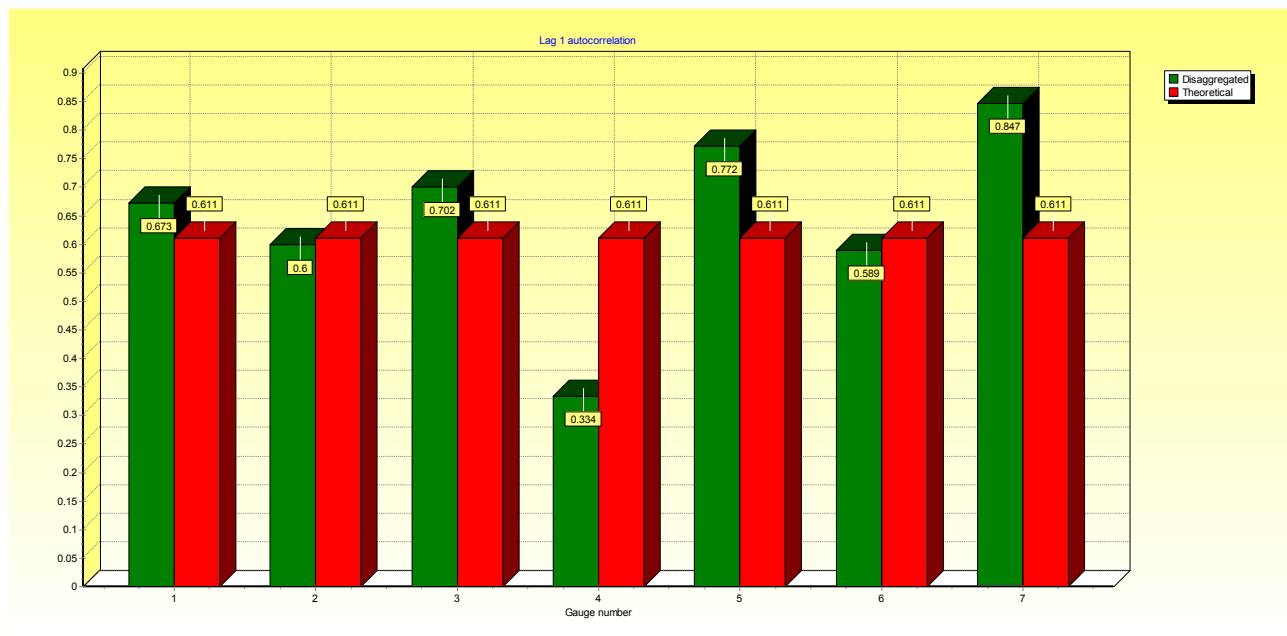
شکل ۴. مقایسه انحراف استاندارد مشاهداتی (استفاده شده در مدل) و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ (۱- سلوبلم، ۲- سیخوران، ۳- تخت، ۴- فاریاب، ۵- سرکم، ۶- پوراحمدی، ۷- نیان)

Fig. 4. Comparison of the standard deviation of observed (used in the model) and simulated hourly rainfall of Azar months of 1388-1396 years (1- Solubalm, 2- Sikhooran, 3- Takht, 4- Fariab, 5- Sarkam, 6- Pourahmadi, 7- Nian)



شکل ۵. مقایسه ضریب چولگی مشاهداتی (استفاده شده در مدل) و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ (۱- سلوبلم، ۲- سیخوران، ۳- تخت، ۴- فاریاب، ۵- سرکم، ۶- پوراحمدی، ۷- نیان)

Fig. 5. Comparison of the skewness coefficient of observed (used in the model) and simulated hourly rainfall of Azar months of 1388-1396 years (1- Solubalm, 2- Sikhooran, 3- Takht, 4- Fariab, 5- Sarkam, 6- Pourahmadi, 7- Nian)



شکل ۶. مقایسه ضریب خود همبستگی با تأخیر یک واحد مشاهداتی (استفاده شده در مدل) و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی ماه‌های آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ (۱- سلوبلم، ۲- سیخوران، ۳- تخت، ۴- فاریاب، ۵- سرکم، ۶- پوراحمدی، ۷- نیان)

Fig. 6. Comparison of the lag one autocorrelation coefficient of observed (used in the model) and simulated hourly rainfall of Azar months of 1388-1396 years (1- Solubalm, 2- Sikhooran, 3- Takht, 4- Fariab, 5- Sarkam, 6- Pourahmadi, 7- Nian)

## جدول ۸. مقایسه آمارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی برای ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

Table 8. Comparison of observed and simulated statistics of hourly rainfalls for Azar months of 1388-1396 years

ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶										ایستگاه
نیان	بوراحمدی	سرکم	فاریاب	تخت	سیخوران	سلوبلم	نوع داده			
۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۳	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۸۸	۰/۹۸۹	مشاهداتی			
۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	نسبت دوره خشک		
۰/۹۷۳	۰/۹۹۲	۰/۹۹۳	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۸۸	۰/۹۸۸	شبیه‌سازی			
۰/۶۳۷	۰/۳۳۷	۰/۵۰۱	۱/۰۶۰	۰/۴۷۷	۰/۵۲۸	۰/۸۵۵	مشاهداتی			
۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	۰/۶۲۶	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	انحراف استاندارد		
۰/۳۹۶	۰/۳۳۶	۰/۴۹۸	۱/۰۵۱	۰/۴۷۶	۰/۵۲۷	۰/۸۵۵	شبیه‌سازی			
۲۸/۹۲۴	۲۴/۶۵۵	۲۹/۳۹۶	۴۶/۰۰۲	۲۳/۴۰۳	۳۷/۹۱۳	۲۷/۴۰۲	مشاهداتی			
۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	۳۱/۴۶۹	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	ضریب چولگی		
۲۲/۹۳۹	۲۴/۸۲۱	۲۹/۵۳۲	۴۵/۴۹۷	۲۲/۴۶۷	۳۸/۰۳۸	۲۷/۴۱۳	شبیه‌سازی			
۰/۵۳۵	۰/۵۹۰	۰/۷۷۳	۰/۳۲۶	۰/۷۰۳	۰/۶۰۱	۰/۶۷۳	مشاهداتی	ضریب خود		
۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	۰/۶۱۱	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	همبستگی با تأخیر یک		
۰/۸۴۷	۰/۵۸۹	۰/۷۷۲	۰/۳۳۴	۰/۷۰۲	۰/۶۰۰	۰/۶۷۳	شبیه‌سازی	واحد		

شده ساعتی به روزانه و مقایسه آن با سری زمانی روزانه مشاهداتی می‌توان دید که مدل در حفظ مجموع بارش هر روز توانایی صد درصد دارد. این مورد باعث شده که در مجموع، کل بارش مشاهداتی و شبیه‌سازی شده نیز در هر سری زمانی با هم مطابقت داشته باشد.

جهت ارزیابی مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش‌ها، ۲ بیشینه بارش از هر سری زمانی انتخاب شد. بیشینه بارش‌های انتخابی در جدول ۱۳ درج شده است. سپس داده‌های ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده مربوط به هر روز، به صورت نموداری با یکدیگر مقایسه شدند. شکل‌های ۷ تا ۹ این مقایسه‌ها را برای هر سری زمانی نشان می‌دهد. بررسی نمودارها نشان می‌دهد که عملکرد مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش‌ها تا حدودی ضعیف است و مدل مقادیر شدید را دست کم گرفته است. همچنین در دوره شبیه‌سازی به اندازه کافی حوادث شدید بارشی ایجاد نکرده است. نتایج مربوط به ارزیابی کارایی مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش برای تاریخ‌های منتخب در جدول ۱۴ درج شده است. مقایسه شاخص‌های مختلف برای هر تاریخ نیز همین نتیجه را

سری زمانی مطابق جدول‌های ۸ تا ۱۰ نشان می‌دهد که مدل این نسبت را برای ایستگاه نیان کمتر مدل‌سازی می‌کند، به این صورت که بارش مربوط به یک روز را در تعداد ساعت‌های بیشتری از روز توزیع می‌کند، همچنین انحراف استاندارد و ضریب چولگی در هر سری زمانی برای ایستگاه نیان به میزان کمتری شبیه‌سازی شده است. در نتیجه انتظار می‌رود که مدل دقیق‌تر در تولید بیشینه بارش‌ها نداشته باشد.

نتایج مربوط به ارزیابی کل کارایی مدل در شبیه‌سازی داده‌های بارش ساعتی ایستگاه نیان در جدول ۱۲ درج شده است. ضریب همبستگی بین بارش ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی و ضریب ناش-ساتکلیف در ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ نسبت به دو سری زمانی دیگر بیشتر است. همچنین این ضریب در سری زمانی ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵ بیشتر از سری زمانی ۹ ساله است. در اینجا اهمیت تأثیر همبستگی ساعتی بین ایستگاه‌ها مشخص می‌شود. هر چه همبستگی ساعتی ورودی به مدل بیشتر باشد، دقت مدل برای شبیه‌سازی بیشتر خواهد بود. با تبدیل سری زمانی شبیه‌سازی

### جدول ۹. مقایسه آمارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی برای ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵

Table 9. Comparison of observed and simulated statistics of hourly rainfalls for 12 months of 1395

ایستگاه	نوع داده	سلوبلم	سیخوران	تخت	فاریاب	سرکم	پوراحمدی	نیان
	مشاهداتی	۰/۹۸۷	۰/۹۸۳	۰/۹۸۷	۰/۹۸۵	۰/۹۸۶	۰/۹۸۹	۰/۹۹۴
نسبت دوره خشک	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶	۰/۹۸۶
	شبیه‌سازی	۰/۹۸۷	۰/۹۸۳	۰/۹۸۷	۰/۹۸۴	۰/۹۸۶	۰/۹۸۹	۰/۹۸۳
	مشاهداتی	۰/۸۸۵	۰/۴۰۸	۰/۷۲۱	۰/۳۶۶	۰/۳۰۲	۰/۲۵۰	۰/۴۲۳
انحراف استاندارد	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰	۰/۴۹۰
	شبیه‌سازی	۰/۸۸۵	۰/۴۰۵	۰/۷۳۱	۰/۳۶۶	۰/۳۰۲	۰/۲۴۹	۰/۲۹۱
	مشاهداتی	۲۸/۳۳۵	۲۴/۵۳۱	۴۱/۲۹۶	۲۶/۱۵۴	۲۱/۲۸۲	۲۰/۶۴۷	۳۱/۴۸۳
ضریب چولگی	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶	۲۷/۰۴۶
	شبیه‌سازی	۲۸/۳۴۱	۲۴/۲۲۱	۴۱/۳۰۳	۲۶/۱۹۸	۲۱/۲۸۵	۲۰/۶۸۶	۲۸/۵۷۵
ضریب خود همبستگی با تأخیر یک تا واحد	مشاهداتی	۰/۷۴۳	۰/۵۹۳	۰/۵۹۳	۰/۵۹۳	۰/۵۹۳	۰/۵۹۳	۰/۵۹۳
واحد	شبیه‌سازی	۰/۷۴۳	۰/۵۷۹	۰/۵۴۴	۰/۴۶۵	۰/۷۰۱	۰/۲۵۲	۰/۸۰۹

### جدول ۱۰. مقایسه آمارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی شده بارش ساعتی برای ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

Table 10. Comparison of observed and simulated statistics of hourly rainfalls for 12 months of 1388-1396 years

ایستگاه	نوع داده	سلوبلم	سیخوران	تخت	فاریاب	سرکم	پوراحمدی	نیان
	مشاهداتی	۰/۹۹۲	۰/۹۸۹	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۵
نسبت دوره خشک	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲	۰/۹۹۲
	شبیه‌سازی	۰/۹۹۲	۰/۹۸۹	۰/۹۹۴	۰/۹۹۳	۰/۹۹۴	۰/۹۹۲	۰/۹۶۳
	مشاهداتی	۰/۶۳۳	۰/۴۶۵	۰/۴۹۱	۰/۵۲۷	۰/۳۲۱	۰/۲۸۹	۰/۵۱۰
انحراف استاندارد	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴	۰/۴۵۴
	شبیه‌سازی	۰/۶۳۳	۰/۴۶۶	۰/۴۹۱	۰/۵۲۶	۰/۳۲۱	۰/۲۸۹	۰/۲۵۵
	مشاهداتی	۴۳/۴۴۷	۵۳/۳۲۸	۵۵/۶۴۹	۵۶/۵۱۳	۴۱/۲۱۲	۳۱/۳۶۰	۵۶/۴۵۳
ضریب چولگی	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹	۴۶/۹۱۹
	شبیه‌سازی	۴۳/۴۴۳	۵۳/۳۱۴	۵۵/۶۶	۵۶/۲۴۱	۴۱/۲۱۲	۳۱/۴۳۲	۳۳/۶۴۹
ضریب خود همبستگی با تأخیر یک تا واحد	مشاهداتی	۰/۵۱۳	۰/۴۹۵	۰/۵۰۱	۰/۴۰۶	۰/۸۳۵	۰/۵۴۹	۰/۴۱۹
واحد	مشاهداتی (استفاده شده در مدل)	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷	۰/۵۱۷
	شبیه‌سازی	۰/۵۱۳	۰/۴۹۴	۰/۵۰۱	۰/۴۰۸	۰/۸۳۵	۰/۵۴۶	۰/۷۲۳

### جدول ۱۱. ارزیابی کارایی مدل در بازتولید داده‌های ساعتی بارش

**Table 11. Evaluation of model efficiency for reproduction of hourly rainfall data**

نوع سری زمانی	شاخص	سلوبلم	سیخوران	تخت	فاریاب	سرکم	پوراحمدی
ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	R	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۸	۰/۹۹۹۹	۰/۹۹۹۹	۰/۹۹۹۶	۰/۹۹۸۴
۱۳۹۶	NSE	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۶	۰/۹۹۹۸	۰/۹۹۹۸	۰/۹۹۹۱	۰/۹۹۶۸
۱۲ ماه سال ۱۳۹۵	R	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۷	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۹	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۴
۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	NSE	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۴	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۸	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۸۷
۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	R	۱/۰۰۰۰	۱/۰۰۰۰	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۹	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۶
۱۳۹۶	NSE	۱/۰۰۰۰	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۹	۰/۹۹۹۹	۱/۰۰۰۰	۰/۹۹۹۳

### جدول ۱۲. ارزیابی کلی کارایی مدل در شبیه‌سازی بارش ساعتی ایستگاه نیان

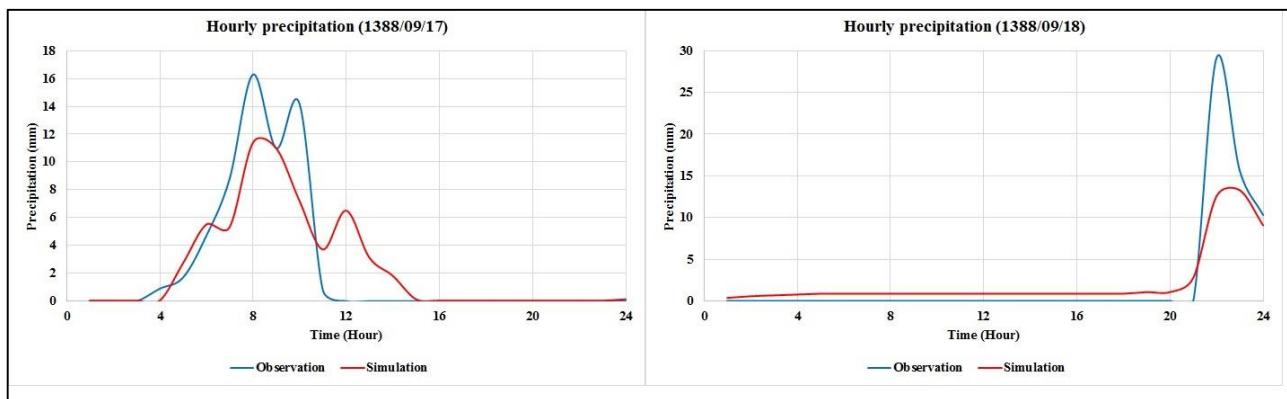
**Table 12. General evaluation of model efficiency for simulation of hourly rainfall at Nian station**

نوع سری زمانی ورودی به مدل	تفکیک شده	ساعت‌های	تعداد	NSE	R	تطبیق بارش روزانه	مجموع کل مشاهداتی با مجموع بارش مشاهداتی	مجموع کل بارش	مجموع کل
ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	۱۳۹۶	۶۴۸۰	۰/۷۸۱۶	۰/۵۸۵۶	✓	۰/۹۹۸۴	۰/۹۹۸۴	۲۱۶/۴	۲۱۶/۴
۱۲ ماه سال ۱۳۹۵	۱۳۹۵	۸۷۸۴	۰/۶۳۳۵	۰/۳۹۸۴	✓	۱۷۶/۹	۱۷۶/۹	۱۷۶/۹	۱۷۶/۹
۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	۱۳۹۶	۷۸۸۸۸	۰/۵۱۵۵	۰/۲۶۵۵	✓	۱۳۹۱/۱	۱۳۹۱/۱	۱۳۹۱/۱	۲۱۶/۴

### جدول ۱۳. دو بیشینه بارش مربوط به هر سری زمانی در ایستگاه نیان

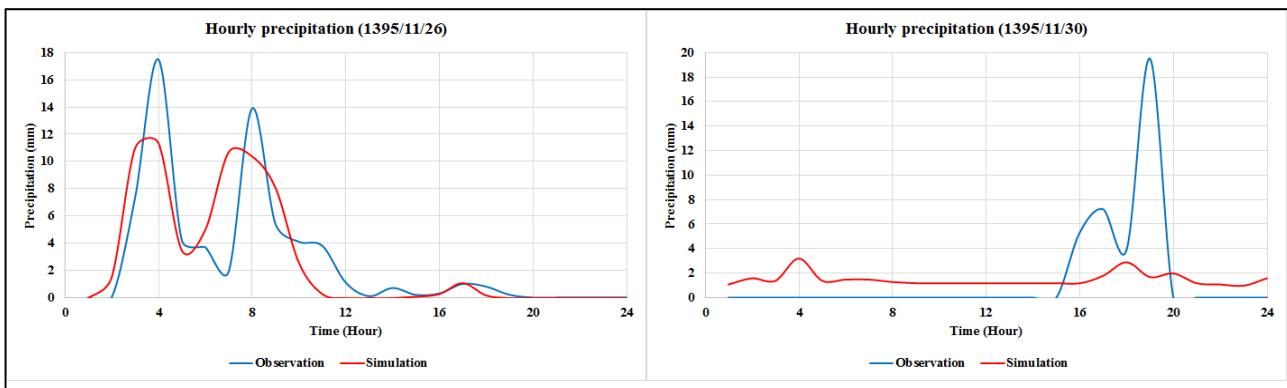
**Table 13. Two maximum rainfall of each time series at Nian station**

نوع سری زمانی ورودی به مدل	تاریخ بیشینه بارش ۱	مجموع بارش (mm)	تاریخ بیشینه بارش ۲	مجموع بارش (mm)	تاریخ بیشینه بارش (mm)
ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶	۱۳۸۸ ۱۷ آذر	۵۸/۴	۱۳۸۸ ۱۷ آذر	۵۵/۱	۱۳۸۸ ۱۸ آذر
۱۳۹۵	۱۳۹۵ ۲۶ بهمن	۶۶/۲	۱۳۹۵ ۲۶ بهمن	۳۵/۹	۱۳۹۵ ۳۰ بهمن
۱۳۹۶	۱۳۹۶ ۱۳ دی	۱۰۰/۷	۱۳۹۶ ۱۳ دی	۸۶/۹	۱۳۹۶ ۱۹ اسفند



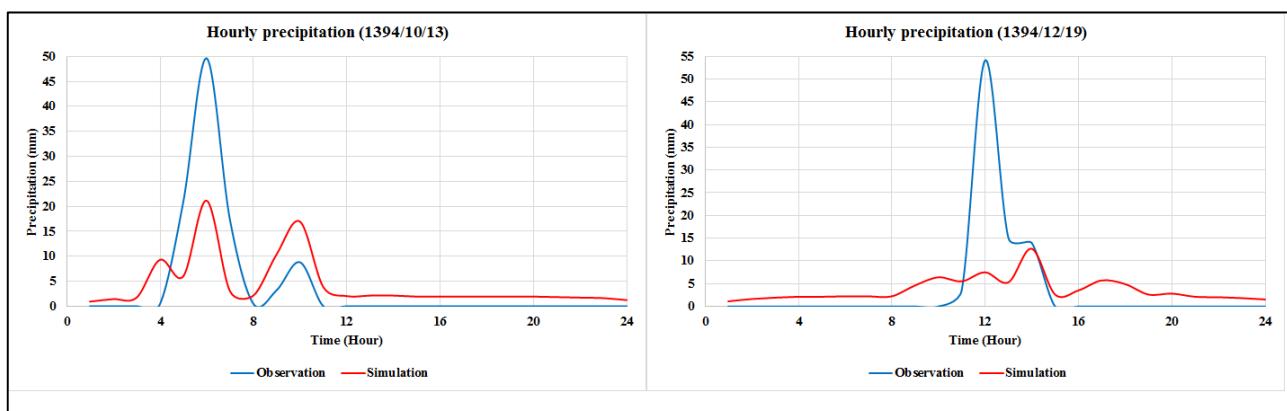
شکل ۷. نمودارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی ۲ بیشینه بارش ایستگاه نیان مربوط به سری زمانی ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

**Fig. 7. Observed and simulated diagrams of two maximum rainfall of Nian station related to Azar month time series of 1388-1396 years**



شکل ۸. نمودارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی ۲ بیشینه بارش ایستگاه نیان مربوط به سری زمانی ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵

**Fig. 8. Observed and simulated diagrams of two maximum rainfall of Nian station related to 12-months time series of 1395**



شکل ۹. نمودارهای مشاهداتی و شبیه‌سازی ۲ بیشینه بارش ایستگاه نیان مربوط به سری زمانی ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶

**Fig. 9. Observed and simulated diagrams of two maximum rainfall of Nian station related to 12-month time series of 1388-1396 years**

#### جدول ۱۴. ارزیابی کارایی مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش برای تاریخ‌های منتخب

Table 14. Evaluation of model efficiency for simulation of maximum rainfall for selected dates

MSE	MAE	RMSE	NSE	R	تاریخ	نوع سری زمانی
۶/۳۰۱۷	۱/۳۵۸۳	۲/۵۱۰۳	۰/۷۲۵۱	۰/۸۶۱۲	۱۳۸۸ آذر ۱۷	ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶
۱۲/۷۳۰۸	۱/۶۷۵۰	۳/۵۶۸۰	۰/۷۱۵۹	۰/۹۳۱۹	۱۳۸۸ آذر ۱۸	۱۳۹۶
۷/۰۳۹۲	۱/۵۰۸۳	۲/۶۵۳۱	۰/۶۳۹۸	۰/۸۰۸۸	۱۳۹۵ بهمن ۲۶	۱۲ ماه سال ۱۳۹۵
۱۷/۰۰۹۲	۲/۳۵۸۳	۴/۱۲۴۲	۰/۰۳۱۹	۰/۱۸۹۸	۱۳۹۵ بهمن ۳۰	۱۲ ماه سال ۱۳۹۵
۶۲/۴۴۲۵	۴/۸۰۰۰	۷/۹۰۲۱	۰/۴۷۶۳	۰/۷۴۳۴	۱۳۹۴ دی ۱۳	۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶
۱۰/۳/۲۹۵۰	۴/۸۱۶۷	۱۰/۱۶۳۴	۰/۲۸۲۲	۰/۵۳۱۲	۱۳۹۴ اسفند ۱۹	۱۰/۳/۲۹۵۰

سری زمانی ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی شده نشان داد که مدل دقت بالایی در حفظ ارتفاع بارش روزانه دارد، اما در بیشتر موارد مقادیر شدید بارش را کمتر از مقدار واقعی شبیه‌سازی کرده است. همچنین حوادث شدید بارشی را از نظر تعداد به اندازه کافی ایجاد نکرده است. نتایج ارزیابی مدل با نتایج مطالعه حناییش [۴] در شبیه‌سازی جزیره مالزی مشابه است. مقایسه تأثیر همبستگی ساعتی نشان داد که دقت مدل در شبیه‌سازی بارش ساعتی مربوط به سری زمانی ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ که میانگین همبستگی ساعتی بیشتر داشته است، بالاتر بوده و همبستگی ساعتی مشاهداتی و شبیه‌سازی و ضریب ناش-ساتکلیف در آن بیشتر بوده است. نتایج کلی نشان می‌دهد با توجه به این که ایستگاه‌های مورد مطالعه همبستگی ساعتی بالای نداشتند، دقت مدل نیز برای شبیه‌سازی کافی نبوده است و داده‌های تولید شده برای استفاده در طراحی‌هایی که نیازمند شبیه‌سازی دقیق بارش‌های شدید هستند، مناسب نمی‌باشند. در مجموع این مدل می‌تواند برای مناطقی که همبستگی ساعتی بسیار بالایی دارند با اطمینان بیشتری مورد استفاده قرار بگیرد، در این صورت همبستگی مکانی ایستگاه‌ها به یک مزیت تبدیل می‌شود، زیرا در ترکیب با اطلاعات بارش ساعتی ایستگاه‌های موجود، امکان ایجاد سری بارش‌های ساعتی واقع‌بینانه را دارد، اما در صورتی که میزان همبستگی ساعتی کافی نباشد باید ابتدا مدل مورد ارزیابی قرار بگیرد.

#### تشکر و قدردانی

نویسندها از همکاری شرکت سهامی آب منطقه‌ای هرمزگان جهت در اختیار گذاشتن داده‌های مورد نیاز این پژوهش تقدیر و تشکر می‌نمایند.

نشان می‌دهد که مدل در شبیه‌سازی بیشینه بارش‌ها برای تمام تاریخ‌های منتخب با دقت بالا عمل نکرده است. شاخص‌های  $R$  بین بازه ۰/۱۸۹۸ تا ۰/۰۳۱۹،  $NSE$  بین بازه ۰/۰۳۱۹ تا ۰/۷۲۵۱،  $RMSE$  بین بازه ۰/۲/۵۱۰۳ و  $MSE$  بین بازه ۰/۴/۸۱۶۷ تا ۰/۳۵۸۳ و  $MAE$  بین بازه ۰/۱۰/۱۶۳۴ تا ۰/۴/۸۱۶۷ متغیر بوده است.

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این مطالعه به ارزیابی عملکرد تفکیک چند متغیره بارش با استفاده از مدل MuDRain در قسمتی از استان هرمزگان پرداخته شد. از داده‌های بارش روزانه ۷ ایستگاه و بارش ساعتی ۶ ایستگاه استفاده شد و مدل جهت شبیه‌سازی بارش ساعتی ۱ ایستگاه مورد ارزیابی قرار گرفت. جهت بررسی تأثیر همبستگی ساعتی بین ایستگاه‌ها بر دقت شبیه‌سازی از سه سری زمانی مختلف شامل سری زمانی ماههای آذر سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶، ۱۲ ماه سال ۱۳۹۵ و ۱۲ ماه سال‌های ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۶ استفاده شد. مقایسه آمار مشاهداتی و شبیه‌سازی، شامل آمارهای نسبت دوره خشک، انحراف استاندارد، ضریب چولگی و ضریب خود همبستگی با تأخیر یک واحد نشان داد که مدل در باز تولید ویژگی‌های آماری دقت بالایی دارد و اعداد مربوط به داده‌های مشاهداتی و شبیه‌سازی شده ۶ ایستگاه تقریباً یکسان هستند. مقایسه نسبت طول دوره خشک مشاهداتی و شبیه‌سازی شده در هر سری زمانی نشان داد که مدل این نسبت را کمتر مدل‌سازی می‌کند، به این صورت که بارش مربوط به یک روز را در تعداد ساعت‌های بیشتری از روز توزیع می‌کند، همچنین انحراف استاندارد و ضریب چولگی در هر سری زمانی برای ایستگاه نیان به میزان کمتری شبیه‌سازی شده است. مقایسه

Watershed Management, 70(1) (2017) 87-100.

- [11] M. Ivković, A. Todorović, J. Plavšić, Improved input to distributed hydrologic model in areas with sparse subdaily rainfall data using multivariate daily rainfall disaggregation, *Journal of Hydroinformatics*, 20(4) (2018) 784-797.
- [12] U. Petry, Y. Hundecha, M. Pahlow, A. Schumann, Generation of severe flood scenarios by stochastic rainfall in combination with a rainfall runoff model, in: RIMAX Contributions at the 4th International Symposium on Flood Defence (ISFD4), Deutsches GeoForschungsZentrum GFZ, (2009).
- [13] D. Nijssen, A. Schumann, M. Pahlow, B. Klein, Planning of technical flood retention measures in large river basins under consideration of imprecise probabilities of multivariate hydrological loads, *Natural Hazards Earth System Sciences*, 9(4) (2009) 1349-1363.
- [14] S. Aswathy, N. Sajikumar, M. Mehsa, Watershed Modelling Using Control System Concept, *Procedia Technology*, 24 (2016) 39-46.
- [15] M.A.J. Bakhshi, Firas, Disaggregation the Daily Rainfall Dataset into Sub-Daily Resolution in the Temperate Oceanic Climate Region, *International Journal of Marine Environmental Sciences*, 13(1) (2019) 11-16.
- [16] I.S. Hanaish, K. Ibrahim, A.A. Jemain, Daily rainfall disaggregation using HYETOS model for Peninsular Malaysia, matrix, 2 (2011) 1.
- [17] D.S. Knoesen, The development and assessment of a regionalised daily rainfall disaggregation model for South Africa, *Water SA*, 34(3) (2008) 323-330.
- [18] V.R. Dorneles, R.d.C. Damé, C.F. Teixeira-Gandra, L.B. Mello, M.A. Ramirez, E.B. Manke, Intensity-duration-frequency relationships of rainfall through the technique of disaggregation of daily rainfall, *Revista Brasileira de Engenharia Agrícola e Ambiental*, 23 (2019) 506-510.
- [19] H. Park, G. Chung, A Nonparametric Stochastic Approach for Disaggregation of Daily to Hourly Rainfall Using 3-Day Rainfall Patterns, *Water*, 12(8) (2020) 2306.
- [20] T.D. Beyene, M.A. Moges, S. Tilahun, Development [1] P. Fytillas, Multivariate rainfall disaggregation at a fine time scale, Graduate thesis, University of Rome "La Sapienza", Rome, (2002).
- [2] D. Martins, M.L.T. Gandini, N.S. Kruk, P.I.B. Queiroz, Disaggregation of daily rainfall data for the Caraguatatuba city, in São Paulo State, Brazil, RBRH, 24 (2019).
- [3] D.M. Knoesen, The development and assessment of techniques for daily rainfall disaggregation in South Africa, MSc Dissertation, University of KwaZulu-Natal, Pietermaritzburg, South Africa, (2005).
- [4] I.S. Hanaish, Multivariate Rainfall Disaggregation Using MuDRain Model: Malaysia Experience, *International Journal of Civil, Mechanical Energy Science*, 2(2) (2016).
- [5] A. Shrestha, Impact of climate change on urban flooding in Sukhumvit area of Bangkok, Master of Science Thesis, Asian Institute of Technology UNESCO-IHE, Thailand, (2013).
- [6] M. Safeeq, A. Fares, Accuracy evaluation of ClimGen weather generator and daily to hourly disaggregation methods in tropical conditions, *Theoretical applied climatology*, 106(3) (2011) 321-341.
- [7] Y. Lu, Statistical downscaling and disaggregation for supporting regional climate change impact studies, Doctoral thesis, Nanyang Technological University, Singapore, 2015.
- [8] E. Dodangeh, K. Shahedi, K. Solaimani, Effect of Weather Station Selection on Parameterization of Modified Bartlett-Lewis Rectangular Pulse (BLRPM) and HSPF Models, *Journal of water and soil*, 31(3) (2017) 754-771.
- [9] M. Alavinia, F. Nasiri Saleh, Evaluation of Applicability of HSPF Model to Estimate Runoff and Sediment in Abaru Watershed in Hamedan Province, *Modares Civil Engineering journal*, 13(4) (2013) 61-70.
- [10] J. Dastorani, M. Mahdavi, A. Salajegheh, A.F. Fard, Simulation of Daily Stream Flows in Semi-Arid Mountainous Watersheds using Hydrological Simulation FORTRAN Program (HSPF), *Journal of Range and*

- [25] H.R. Safavi, Engineering hydrology, fourth edition, Arkane Danesh Publication, Isfahan, (2014). (in Persian)
- [26] A. Alizadeh, The Principles of Applied Hydrology, Imam Reza (AS) University, Mashhad, (2013). (in Persian)
- [27] Y. Lu, X. Qin, Multisite rainfall downscaling and disaggregation in a tropical urban area, *Journal of Hydrology*, 509 (2014) 55-65.
- [28] H. Bolouki, M. Fazeli, H. Sharifzade, Prediction of Climate Change Affects on Sistan and Baluchestan Province with Emphasis on Precipitation and Temperature Variables, in: 2nd International and 5th National Conference on the Conservation of Natural Resources and Environment, (2021). (in Persian)
- [29] H. Bolouki, Climate Change Detection and Extraction of Intensity-Duration-Frequency Curves Using Fractal Theory for Three South Coast Provinces of Iran, Yasouj University, Yasouj, (2021). (in Persian).
- of Rainfall Disaggregation Model in the Awash River Basin, Ethiopia, in: 6th EAI International Conference, ICAST 2018, Bahir Dar, Ethiopia, October 5-7, (2018).
- [21] D. Koutsoyiannis, C. Onof, H.S. Wheater, Multivariate rainfall disaggregation at a fine timescale, *Water Resources Research*, 39(7) (2003).
- [22] D. Koutsoyiannis, Rainfall disaggregation methods: Theory and applications, in: Workshop on Statistical and Mathematical Methods for Hydrological Analysis, Rome, (2003), pp. 1-23.
- [23] B. Debele, R. Srinivasan, J.Y. Parlange, Accuracy evaluation of weather data generation and disaggregation methods at finer timescales, *Advances in water resources*, 30(5) (2007) 1286-1300.
- [24] P. Fytolas, D. Koutsoyiannis, F. Napolitano, A case study of spatial-temporal rainfall disaggregation at the Tiber river basin, Italy, in: EGS-AGU-EUG Joint Assembly, (2003), pp. 2748.

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

H. Bolouki, M. Fazeli, Evaluation of Multivariate Rainfall Disaggregation Performance Using MuDRain Model (Case Study: North East of Hormozgan Province), *Amirkabir J. Civil Eng.*, 54(12) (2023) 4657-4676.

DOI: [10.22060/ceej.2022.21063.7607](https://doi.org/10.22060/ceej.2022.21063.7607)

