

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 53(6) (2021) 583-586 DOI: 10.22060/ceej.2020.17462.6576



Experimental and numerical investigation of the effect of steel fiber on fiber reinforced concrete under multiaxial compression

GH. R. Baghban Golpasand, M. Farzam^{*}, S. Soleymani Shishvan

Department of Structural Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran

ABSTRACT: Concrete is one of the most widely used building materials in the world and the use of fiber-reinforced concrete (FRC) in structures to increase its tensile strength and improve its behavior has been extensively developed in recent decades. It is necessary to determine the constitutive equations of FRCs when the numerical investigation of their behavior is running. These equations should be including relations to handle the effect of steel fibers on the behavior of FRC. In this study, the behavior of FRCs with a different percent of steel fiber under triaxial compression, with different values of confining pressure, is experimentally and numerically investigated. Hoek cell is used in triaxial tests. In the numerical simulation, five-parametric constitutive equations with Willam-Warnke (W-W) failure criterion, isotropic hardening/softening function and non-associated plasticity were used and substepping integration method was carried out for integration of constitutive equations. For applying the effect of steel fibers on the failure surface, Kt coefficient was determined from the results of biaxial experimental tests on SFRCs. The constitutive equations are implemented with UMAT subroutine in ABAQUS and specimens are simulated in ABAQUS. By the comparison of the experimental (maximum strength) results and the numerical (stress-strain curve) results, an acceptable agreement was seen between them. Finally, based on the consistency between experimental and numerical results, it was concluded that the numerical model could be used, with enough confidence, to predict the behavior of SFRCs specimens.

Review History:

Received: Dec.07, 2019 Revised: May, 19, 2020 Accepted: Jun. 03, 2020 Available Online: Jul. 03, 2020

Keywords:

Steel fiber reinforced concrete (SFRC) Constitutive equations, Triaxial test Substepping integration non-associated plasticity

1-Introduction

As hardened concrete is brittle and has low tensile strength, many studies have been conducted on the production of fiber reinforced concrete (FRC) [1, 2]. Different types of fibers such as steel, polypropylene, and a hybrid form of them were considered in the Studies. In recent decades, many tests have been conducted to research the behavior of FRCs under triaxial stresses and to propose appropriate constitutive models for FRCs [3-6]. The constitutive equations include different material parameters that are determined from the experimental data.

In this study, a constitutive model is extracted to numerically study the steel fiber reinforced concrete (SFRC) under triaxial compression. This model involves the Willam-Warnke failure criterion for the plastic behavior of SFRC as introduced in [5, 7, 8], isotropic hardening\softening rule and the non-associated flow rule of Grassl et al. [9] for determining the plastic deformations. Also, in this study, kt coefficient is proposed to conduct the effect of fibers on the triaxial strength of FRCs. In this paper, we used three batches of material parameters in the numerical simulations. Which the first set is from the experiments that we conducted in this study on SFRC specimens with different contents of steel fibers; the other two batches are from the experiments reported in the literature.

2- Experimental program

Four mix designs, with 0%, 0.5%, 1% and 2% steel fibers, were used to make 16 standard cylindrical specimens with diameter and height of 150×300 mm2 and 40 cylindrical specimens with diameter and height of 54×108 mm2. The corrugated steel fibers with a tensile strength >1100 MPa and 1 f/d f=25mm/0.75mm=33.3 were used.

Triaxial tests were performed on the SFRC cylindrical specimens in accordance with ASTM C801 [10] (see Figure 1). These experiments were conducted under four confining pressure: 5, 10, 15 and 20 MPa. A typical load protocol for the triaxial compression test is depicted in Figure 2. we can realize that after applying 5 MPa lateral pressure, the axial and confining stresses were increased until a specified confining pressure is achieved. While keeping the confining pressure constant, the additional axial stress is increased at a constant stress rate of 0.2 MPa s-1 through the platens located at the ends of Hoek cell.

*Corresponding author's email: mafarzam@tabrizu.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. A Hoek cell for triaxial test.



Triaxial peak stresses (MPa) for confining pressures						
5MPa	10MPa	15MPa	20MPa			
64.6	83.1	95.2	113			
61.3	78.7	90.2	110			
68.5	87.3	99.5	117			
57.6	73.8	89.1	108			

Table 1. Results of triaxial tests on SFRCs.

The constitutive model for SFRCs is proposed based on the plasticity model adopted in this study and involves the loading criterion, the hardening/softening function and the non-associated flow rule.

For the simulation of SFRCs under triaxial stresses, the W-W five-parameter loading surface has been used in the literature. Using Haigh-Westergard coordinates, the W-W [7] failure surface for SFRC is expressed via

$$F(\xi,\rho,\theta) = \rho - K(\overline{\varepsilon}_p)\rho^f(\xi,\theta) = 0 \qquad (1)$$

the effect of steel fibers is specifically included in the yield surface (1) via parameters k_{a} and k_{a} as follows

$$k_c = 1 + 0.056\lambda_f$$

$$k_t = 1 + 0.33\lambda_f$$
(2)

3- Results and discussions

The results of triaxial compressive tests are summarized in Table 1 for the SFRC specimens. The so-called strength enhancement coefficient due to the confining pressure is calculated in the range 3.9 to 6.3 for these SFRCs indicating a high scatter in this coefficient in accordance with the literature

with the use of triaxial test results, the failure envelope of SFRC specimens can be depicted according to ASTM C801. Figure 3 shows failure envelop in terms of $\sigma_n - \tau$. It is clear that for the range of stress values considered here the effect of steel fibers on the failure envelope is mild

In order to verify our numerical results, experimental stress-strain data for plain concrete from literature are used. Figure 4 shows comparisons between the numerical results and the experimental data of SFRCs under multiaxial compression reported in Pantazopoulou and Zanganeh [11]. The numerical stress-strain curves are in very good agreement with the experimental curves.



Fig. 3. $\sigma_n - \tau$ failure envelope of SFRC specimens.



Fig. 4. fStress-strain curves for SFRCs under triaxial loadings.

4- Conclusion

In this study, constitutive equations are proposed based on non-associated flow rule with w-w failure criterion, isotropic hardening\softening function, and Grassl plastic potential function. Triaxial tests conducted on SFRC specimens and experimental data have been employed to determine the various material parameters of the plasticity model of SFRCs. The good agreement between numerical results and the experimental data indicates that not only the adopted constitutive equations represent the behavior of SFRCs very well, but also the implemented integration scheme can be employed in practical applications of SFRCs.

References

- A. Amin, S.J. Foster, R.I. Gilbert, W. Kaufmann, Material characterisation of macro synthetic fibre reinforced concrete, Cement and Concrete Composites, 84 (2017) 124-133.
- [2] P.N. Balaguru, S.P. Shah, Fiber-reinforced cement composites, McGraw-Hill, the University of Michigan, 1992.
- [3] G.B. Golpasand, M. Farzam, S.S. Shishvan, FEM investigation of SFRCs using a substepping integration of constitutive equations, Computers and Concrete, 25(2) (2020) 181.

- [4] Y. Chi, L. Xu, H.-S. Yu, Plasticity model for hybrid fiberreinforced concrete under true triaxial compression, Journal of Engineering Mechanics, 140(2) (2013) 393-405.
- [5] S. Swaddiwudhipong, P.E.C. Seow, Modelling of steel fiber-reinforced concrete under multi-axial loads, Cement and Concrete Research, 36(7) (2006) 1354-1361.
- [6] I. Imran, S.J. Pantazopoulou, Plasticity model for concrete under triaxial compression, Journal of engineering mechanics, 127(3) (2001) 281-290.
- [7] K.J. William, E.P. Warnke, Constitutive Model for the Triaxial Behavior of Concrete, INTERNATIONAL ASSOCIATION FOR BRIDGE AND STRUCTURAL ENGINEERING PROCEEDINGS, 19 (1975) 1-30.
- [8] Y. Chi, L. Xu, H.-s. Yu, Constitutive modeling of

steel-polypropylene hybrid fiber reinforced concrete using a non-associated plasticity and its numerical implementation, Composite Structures, 111 (2014) 497-509.

- [9] P. Grassl, K. Lundgren, K. Gylltoft, Concrete in compression: a plasticity theory with a novel hardening law, International Journal of Solids and Structures, 39(20) (2002) 5205-5223.
- [10] ASTM-C801, Standard Test Method for Determining the Mechanical Properties of Hardened Concrete Under Triaxial Loads, in, American Society for Testing and Materials, 1998.
- [11] S.J. Pantazopoulou, M. Zanganeh, Triaxial tests of fiber-reinforced concrete, Journal of Materials in Civil Engineering, 13(5) (2001) 340-348.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

GH. R. Baghban Golpasand, M. Farzam, S. Soleymani Shishvan, Experimental and numerical investigation of the effect of steel fiber on fiber reinforced concrete under multiaxial compression, Amirkabir J. Civil Eng., 53(6) (2021) 583-586.

DOI: 10.22060/ceej.2020.17462.6576



نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳، شماره ۶۰ سال ۱۴۰۰، صفحات ۲۶۵۷ تا ۲۶۷۸ DOI: 10.22060/ccej.2020.17462.6576

بررسی آزمایشگاهی و عددی تاثیر الیاف فولادی بر رفتار بتن الیافی تحت تنش چند محوری

غلامرضا باغبان گل يسند، مسعود فرزام*، سيامک سليماني شيشوان

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران

تاريخچه داوري: دریافت: ۱۳۹۸/۰۹/۱۶ كلمات كليدى:

بتن تحت بارهای وارده را تجربه میکنند که بایستی در مدلسازی عددی

بتنهای الیافی مدنظر قرار گیرد [۷]. در سالهای اخیر تحقیقات بسیاری

برای بررسی رفتار بتن الیافی تحت تنشهای چندمحوری، و همچنین ارائه

معادلات ساختاری برای بتن الیافی انجام گرفته است [۱۱-۸ و ۳]. در سال

۲۰۰۱ رفتار سهمحوری بتنهای الیافی توسط پانتازوپولو و زنگنه ([۳] مورد

بررسی قرار گرفت و خصوصیات ساختاری بتن الیافی با توجه به نوع الیاف

و مقدار الیاف، مسیر بار، شرایط آزمایش و اندازه نمونه، طی آزمایش بر روی

۲۵۰ نمونه مشخص شد. تاثیر افزایش فشار جانبی بر روی شکل پذیری و

رفتار پلاستیک بتن الیافی توسط فرنام و همکاران در سال ۲۰۱۰ مورد

بررسی قرار گرفت [۱۲]. همچنین ژیانگ^۲ و همکاران آزمایشهایی را تحت

الگوىهاى بارگذارى يكنواى مختلف با فشارهاى محصور شدگى متفاوت

بازنگری: ۱۳۹۹/۰۲/۳۰ پذیرش: ۱۳۹۹/۰۳/۱۴ ارائه أنلاين: ١٣٩٩/٠۴/٢٣

بتن با الياف فولادى(SFRC) معادلات ساختاري آزمایشهای فشار سهمحوری روش انتگرال گیری گامک يلاستيسيته غير همبسته **خلاصه:** بتن یکی از پر کاربردترین مصالح ساختمانی در جهان به شمار می آید و استفاده از بتن الیافی در سازهها برای افزایش مقاومت کششی و بهبود رفتار آن، در دهههای اخیر توسعه زیادی یافته است. برای بررسی عددی رفتار بتن الیافی، باید معادلات ساختاری آن تعیین گردد. این معادلات بایستی شامل روابطی جهت اعمال اثرات الیاف در رفتار بتن الیافی باشد. در این تحقیق، رفتار بتنهای با الياف فولادي حاوى مقادير متفاوت الياف، تحت فشار سهمحوري با مقادير فشار محصور كننده متفاوت، به دو صورت تجربي و عددي، بررسی می شود. در آزمایش های سه محوری از سلول هوک استفاده می گردد. در بررسی عددی، معادلات ساختاری با معیار گسیختگی پنج پارامتری ویلیام-وارنکه، تابع سختشدگی و نرمشدگی ایزوتروپیک و پلاستیسیته غیرهمبسته استفاده شده و برای انتگرال گیری از معادلات ساختاری، روش انتگرال گیری گامک به کار میرود. برای اعمال اثر الیاف بر سطح تسلیم، ضریب Kt با استفاده از نتایج آزمایش های دومحوری روی نمونه های بتن با الیاف فولادی تعیین می شود. معادلات ساختاری با استفاده از سابروتین UMAT در نرم افزار ABAQUS كدنويسي شده و نمونههاي أزمايشگاهي مدلسازي مي شوند. مقايسه نتايج بهدست أمده از مدل سازي عددي به صورت منحنی تنش-کرنش و مقاومت حداکثر نمونههای SFRC با نتایج آزمایشگاهی انطباق قابل قبولی را نشان میدهد. در نهایت با توجه به انطباق نتایج عددی و اَزمایشگاهی، نتیجه گرفته شد که می توان با اطمینان قابل قبولی از مدل عددی برای پیش بینی رفتار نمونههای SFRC استفاده کرد.

۱- مقدمه

بتن سخت شده به دلیل ترد بودن، دارای مقاومت کششی کم و قابلیت تحمل كرنش نهایی پایینی است. امروزه استفاده از الیاف به دلیل تأثیر مثبت آن بر خواص بتن و جبران برخی نقاط ضعف عملکردی بتن غیر مسلح، مورد توجه قرارگرفته است. افزایش مقاومت پایین کششی، بهبود رفتار ترد و جلوگیری از شکست ناگهانی با استفاده از قابلیت الیاف [۲ و ۱]، در کنار ساختار مناسب این بتن، زمینهی استفاده از انواع الیاف از قبیل الیاف فولادی، پلیپروپیلن، الیاف پلیمری و نایلونی را در سازههای با هندسهی پیچیده فراهم کرده است [۵–۳]. مطالعات گستردهی انجام یافته بر روی مشخصات مكانيكي بتنهاي اليافي نشان داده است كه وجود الياف نه تنها باعث افزایش مقاومت کششی میشود بلکه تثبیت ترکهای به وجود آمده در بتن را نیز در پی دارد [۶ و ۲]. این نوع بتن ها مودهای شکست مختلف و پیچیدهای از قبیل گسیختگی الیاف، خرد شدن بتن و جدا شدن الیاف از

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: mafarzam@tabrizu.ac.ir

Pantazopoulou & Zangane 1

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گوفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

انجام دادند [١٣].

² Jiang

پیچیدگیهای موجود در روش آزمایش سهمحوری بتن و وابستگی زیاد نتایج آزمایش ها به پارامترهای مختلف ضرورت استفاده از معادلات ساختاری را برای مدلسازی دقیق رفتار بتن تحت تنشهای چندمحوری مشخص میسازد [۱۵ و ۱۴]. تاکنون این معادلات با در نظر گرفتن تئوریهای مختلف از جمله، مدل های پلاستیسیته [۱۷ و ۱۶]، مدل آسیب بتن [۱۸]، مدل های میکرو پلین [۱۹] که قابلیت نشان دادن خصوصیات رفتاری بتن را دارند معرفی شدهاند. معادلات موجود میتواند به عنوان پایهای برای تعیین معادلات ساختاری بتنهای الیافی نیز به حساب آید. در سال ۲۰۱۶ میهای ۱ و همکاران [۲۰] معادلات ساختاری بر اساس روش آسیب بتن(CDP) را ارائه دادند که بر اساس ترکیبی از زیرمدل ها برای مدل سازی جهت ترک ها، عملكرد سطح تركها و همچنين انتقال ترك توسط الياف در دو سوى ترکها بود. در سال ۲۰۱۸ مدلی برای بررسی عددی بتنهای الیافی ارائه شد، در این روش بتن و الیاف به طور جداگانه مورد بررسی قرار گرفته و ارتباط این دو توسط اندر کنش سطح تماس الیاف مدل سازی شد [۲۱]. برخی از این مدلها در نرم افزارهای المان محدود وارد شده و این امکان را به محققین میدهند که در بررسی رفتار مکانیکی بتن از این مدلها استفاده نمایند ولی برخی از مدل ها مانند مدل ویلیام-وارنکه (W-W) [۲۲] در نرم افزارهای المان محدود پیاده سازی نشده و قابل استفاده نمی باشد. در تحقیقی در سال ۲۰۱۴ بر روی رفتار سه محوری بتن، چی و همکاران [۲۳] مطالعاتی بر روى بتن اليافي انجام دادند. در اين تحقيق از الياف فولادى در تركيب با الیاف پلی پروپیلن برای بهبود رفتار بتن استفاده شده و برای مدل سازی بتن از مدل W-W استفاده کردند. ییادهسازی معادلات ساختاری پیچیده و استفاده در نرم افزار نیازمند روشهای انتگرال گیری دقیق و سریعی است که روش صریح یکی از این روشها میباشد [۲۵ و ۲۴]. این روش با توجه به سرعت بالاي تحليل و عدم نياز به مشتقات مراتب بالا براي همه مدل هاي الاستوپلاستیک قابل استفاده است. یکی از روشهای انتگرال گیری صریح، تقسیم گام فعلی به چندین گام کوچک و تعیین اندازه گامک بر اساس شرایط گامک قبلی میباشد [۲۶] که به این روش "روش گامک' " گفته میشود.

با مروری بر مطالعات گذشته مشخص می شود، تحقیقات انجام یافته در زمینه ارائه معادلات ساختاری برای بررسی رفتار بتن های الیافی تحت تنشهای چند محوری و به خصوص پیادهسازی عددی آن در نرم افزارها محدود است. در این تحقیق برای بررسی عددی تاثیر الیاف بر رفتار سه محوری بتن، معادلات ساختاری بر اساس معیار تسلیم W-W [۳۳ و ۲۲]،

پلاستیسیته غیر همبسته [۱۶] و تابع سختشدگی و نرمشدگی ایزوتروپیک بر اساس روابط جیو و همکاران [۲۸ و ۲۷] مورد استفاده قرار میگیرند و روش گامک اصلاح شده [۲۹] برای انتگرالگیری از معادلات ساختاری به کار گرفته میشود. روش گامک اصلاح شده [۲۹] نسبت به روش گامک [۲۶] دارای چندین اصلاح و بهبود از قبیل نقطه برخورد با سطح تسلیم و اصلاح تنش روی سطح تسلیم میباشد. ضمنا برای اعمال اثر الیاف بر سطح تسلیم، ضریب k_1 استفاده از نتایج آزمایشهای دومحوری انجام گرفته روی نمونههای SFRC تعیین میگردد که توسط سابروتین پارامتر مصالح میباشد که برای تعیین این پارامترها آزمایشهایی بر روی نمونههای در نرم افزار ABAQUS پیادهسازی میشود. مدل شامل چندین پارامتر مصالح میباشد که برای تعیین این پارامترها آزمایشهایی بر روی نمونههای در نرم افزار SFRC تعیین این پارامترها آزمایشهایی بر روی نمونههای حصالح میباشد که برای تعیین این پارامترها آزمایشهایی بر روی نمونههای در نرم افزار SFRC تعیین این پارامترها آزمایشهایی بر روی نمونههای حصالح میباشد که برای تعیین این پارامترها آزمایشهایی مر روی نمونههای حطالح و نتایج آزمایشگاهی کوپفر^۳ و همکاران [۳۰] و پانتازوپولو و زنگنه [۳] مقایسه میشوند.

۲- آزمایش های مصالح SFRC

هدف أزمایشها، بررسی رفتار بتنهای الیافی تحت تنشهای چندمحوری و تعیین پارامترهای مدل W-W برای کالیبراسیون مدل ساختاری میباشد. در مدل W-W، رفتار بتن وابسته به تنش هیدرواستاتیک در نظر گرفته می شود و برای توصیف نحوه تغییرات سطح تسلیم با فشار هیدرواستاتیک، مقطعی از سطح تسلیم که محور طولی آن محور هیدرواستاتیک و محور قائم أن شعاع انحرافي است در نظر گرفته مي شود كه به أن مرديان اطلاق می شود. به عبارت دیگر، مردیان فصل مشترک سطح تسلیم و صفحه شامل محور هیدرواستاتیک می باشد. با توجه به اینکه در مدل W-W، مقطع انحرافی سطح تسلیم (منحنی تسلیم در صفحه π) غیر مدور می اشد، بنابراین شکل مردیان به زاویه بار نیز بستگی دارد. به مردیان در زاویه ۶۰ درجه، مردیان فشاری و به مردیان در زاویه صفر درجه، مردیان کششی اطلاق می شود. تعیین کلیه پارامترهای مدل W-W نیاز به ازمایش های مقاومت فشاری، کششی، فشار دو محوری، سهمحوری روی مردیان فشاری و سهمحوری روی مردیان کششی دارد که با توجه به اینکه برخی از این آزمایشها نیاز به تجهیزات خاص دارد، بنابراین در برخی موارد از فرضها یا نتایج سایر مطالعات استفاده می شود. در این آزمایش ها ۱۶ نمونه

¹ Mihai

² Substepping scheme

³ Kupfer



SFRC شکل ۱. الیاف فولادی مورد استفاده در نمونه های Fig. 1. Used steel fibers in SFRC specimens

استوانهای استاندارد (۳۰۰×۱۵۰ میلیمترمربع) برای مقاومت فشاری و کششی تکمحوری و ۴۰ نمونه استوانهای (۱۰۸×۵۴ میلیمترمربع) برای آزمایشهای سهمحوری روی مردیان فشاری استفاده شد. همچنین نتایج آزمایشها برای صحت سنجی الگوریتم پیشنهادی استفاده میشود.

۲- ۱- ساخت نمونهها

برای ساخت نمونهها، عیار سیمان تیپ II ۴۰۰ کیلوگرم بر مترمکعب، نسبت آب به سیمان ۰/۴۳ و وزن ماسه و شن به ترتیب ۱۰۹۲ و ۶۳۵ کیلوگرم بر مترمکعب در نظر گرفته شد. در تمام نمونهها ۱۰درصد مقدار سیمان، میکروسیلیس به عنوان جایگزین سیمان مصرفی استفاده شد. برای کارایی بیشتر مخلوط، فوق روان کننده پایه کربوکسیلاتی به اندازه ۲۰/۰٪ وزنی مواد سیمانی به عنوان افزودنی در نظر گرفته شد و قطر بزرگترین دانه های شنی ۲/۵ میلیمتر تعیین گردید. در این تحقیق از الیاف فولادی به قطر ۱۰۰۷ مگاپاسکال استفاده شد (شکل ۱). چهار طرح اختلاط برای ساخت نمونهها تعیین شدند طرح شماره ۱ بدون الیاف و سه طرح دیگر با ۲۰٪،

 ۲ و ۲٪ الیاف فولادی (۴۴/۵ کیلوگرم بر متر مکعب، ۸۹/۵ کیلوگرم بر متر مکعب و ۱۷۸ کیلوگرم بر متر مکعب) تهیه گردیدند.

در ساخت نمونههای SFRC با توجه به اهمیت توزیع یکنواخت الیاف در داخل مخلوط، ابتدا مواد خشک از قبیل سنگدانه، سیمان و میکروسیلیس با هم مخلوط شده و الیاف فولادی تدریجا به مخلوط اضافه شد. پس از اختلاط کامل مواد خشک و همچنین توزیع یکنواخت الیاف در داخل مخلوط، آب به همراه فوق روان کننده افزوده شد. سپس مخلوط در قالبهای استوانه ای ریخته شده و پس از ۲۴ ساعت نمونهها از قالب خارج شدند. برای عمل آوری، نمونهها در حوضچه آب با دمای حدود ۲۳ درجه سانتیگراد قرار داده شدند.

۲-۲- روش انجام أزمایشها

آزمایش مقاومت فشاری تک محوری روی نمونههای SFRC بر اساس ASTM C39 با کنترل بارگذاری ۰/۲۵ مگاپاسکال بر ثانیه انجام شد. همچنین به منظور بررسی تاثیر الیاف فولادی بر روی مقاومت کششی بتن و به دست آوردن پارامترهای مدل W-W نمونههای SFRC مورد



شکل ۲. جک فشاری به ظرفیت ۳۰۰۰ کیلونیوتن برای انجام ازمایشها



آزمایش مقاومت کششی دو نیم شدن مطابق استاندارد ASTM C496 قرار گرفتند. برای انجام آزمایش ها از دستگاه جک فشاری با ظرفیت ۳۰۰۰ کیلونیوتن نشان داده شده در شکل ۲ استفاده شده است.

برای بررسی رفتار بتنهای الیافی تحت شرایط فشار سهمحوری روی مردیان فشاری و همچنین برای تعیین پارامترهای مدلW-W، آزمایش سهمحوری بتن بر اساس استاندارد ASTM C801 به وسیلهی سلول هوک انجام شد. برای انجام آزمایش مطابق شکل ۳، از دستگاه تست سه محوری با ظرفیت فشار روغن ۲۰ مگاپاسکال استفاده شد. در این روش نمونههای استوانهای ۲۰۸×۵۴ میلیمترمربع بر روی تکیهگاه استوانهای شکل قرار گرفته و فشار جانبی توسط سلول هوک به نمونه اعمال میشود. با توجه به پیشنهاد استاندارد ASTM C801، سرعت بارگذاری ۳۰۰ کیلوپاسکال در ثانیه در نظر گرفته شد.

آزمایش های سه محوری روی مردیان فشاری با پنج فشاری جانبی، ۲۰ ۱۵، ۱۰، ۵ و ۰ مگاپاسکال انجام گرفت. برای اعمال فشار جانبی از فشار

روغن در سلول هوک مطابق شکل شماره ۳ استفاده شده است. همچنین برای عایق بندی نمونه از تماس روغن از یک غلاف پلاستیکی در داخل سلول هوک استفاده شده است. شکل شماره ۴ برای مثال مسیر اعمال تنش سه محوری روی نمونه استوانه ای برای فشار جانبی ۱۵ مگاپاسکال (یا هر فشار جانبی دیگر) را نشان میدهد. همانگونه که ملاحظه میشود ابتدا یک فشار جانبی ۵ مگاپاسکال برای ثابت نمودن نمونه در داخل سلول هوک اعمال شد. سپس فشار جانبی و تنش محوری به صورت همزمان تا رسیدن به مقدار ۱۵ مگاپاسکال (یا هر فشار جانبی دیگر) افزایش یافته و پس از آن فشار جانبی ثابت نگه داشته شد و تنش محوری تا خرابی نمونه افزایش پیدا کرد.

۲– ۳– نتایج آزمایشها

نتایج آزمایش ها روی نمونه های SFRC در جدول ۱ ارائه شده است. همانگونه که ملاحظه می شود و در مطالعات پیشین [۳۱] نیز مشاهده گردیده،





شکل ۳. سلول هوک برای انجام آزمایش های سه محوری

Fig. 3. A Hoek cell for triaxial test



شکل ۴. مسیر بار برای فشار جانبی ۱۵ مگاپاسکال



جدول ۱. خلاصه نتایج اَزمایش های فشار و کشش تک محوری و فشار سه محوری

Table 1. Summary of results of uniaxial and triaxial tests conducted on SFRC specimens

درصد الياف فولادي	مقاومت فشارى	مقاومت كششى	مقاومت سه محوری حداکثر (مگاپاسکال) برای فشار جانبی			
$V_f(\%)$	(مگاپاسکال)	(مگاپاسکال)	۵ مگاپاسکال	۱۰ مگاپاسکال	۱۵ مگاپاسکال	۲۰ مگاپاسکال
•	۳۳/۲	۲/۸۹	8418	۸٣/١	۹۵/۲	۲/۳/۲
•/۵	۳۲/۳	٣/٠ •	۶١/٣	VA/V	۹ • /۲	۱۱۰/۸
١	٣٢/۴	٣/١۴	۶۸/۵	$\lambda V / \Upsilon$	۹۹/۵	۱ ۱ Υ/۵
٢	۳١/٩	۳/۳۱	۵۷/۶	۷٣/٨	٨٩/١	۱ • ۸/ ۱

$$c = \frac{\sum \sigma_3 - A \sum \sigma_1}{2n\sqrt{A}} \tag{(7)}$$

$$tg\,\phi = \frac{A-1}{2\sqrt{A}}\tag{(7)}$$

که در این روابط σ_3 تنش محوری روی نمونه در لحظه گسیختگی و σ_1 فشار محصور کننده میباشد. همچنین n تعداد نمونههای مورد آزمایش σ_1 استفاده محصور کننده میباشد. همچنین n تعداد نمونههای مورد آزمایش است. برای تعیین پارامتر A رابطه $\sum_{n=1}^{2} (\Sigma \sigma_3^2 - (\Sigma \sigma_1)^2)^2 + A$ استفاده می گردد. اکنون با تعیین ضریب ϕ th ثابت c میتوان پوش گسیختگی برای نمونه های با درصد الیاف ۰ ٪، ۵/۰ ٪، ۱ ٪ و ۲ ٪ را ترسیم نمود. شکل ۵ پوش گسیختگی $\sigma_n - \tau$ برای نمونههای با درصد الیاف مختلف را نشان میدهد.

همانگونه که ملاحظه می شود نمودارها بر هم منطبق بوده و الیاف تاثیر قابل توجه و معناداری بر روی ضریب ϕtg ثابت C ندارد. با توجه به اینکه پوشهای گسیختگی بر اساس نتایج آزمایشات سهمحوری بر روی مردیان فشاری ترسیم گردیده می توان نتیجه گیری کرد الیاف بر ترکیبات تنش روی مردیان فشاری تاثیر قابل توجهی ندارد. این نتیجه گیری در مطالعات پیشین [۲۳ و ۱۲ و۳] نیز مشاهده گردیده است.

برای مدلسازی عددی و همچنین تعیین پارامترهای مدل W-W نیاز به ترسیم مردیان کششی می باشد که بر اساس نتایج آزمایش های مقاومت کششی، مقاومت دومحوری و همچنین مقاومت سهمحوری روی مردیان کششی به دست می آید. در این تحقیق تنها مقاومت کششی نمونههای تاثیر الیاف در مقاومت فشاری تک محوری تقریبا ناچیز و قابل صرف نظر کردن میباشد. اما الیاف به طور مشخصی باعث افزایش مقاومت کششی نمونههای SFRC می گردد. در این مطالعه مشاهده می گردد که با افزایش مقدار الیاف، مقاومت کششی نمونهها افزایش پیدا می کند. این نتیجه گیری در آزمایشهای پیشین [۳۳ و ۲ و ۱] نیز مشاهده گردیده است. با توجه به نتایج به دست آمده از آزمایشها، مقاومت فشاری نمونهها در مدل سازی عددی برابر ۳۲ مگاپاسکال در نظر گرفته شد. در جدول ۱ همچنین نتایج آزمایشهای سه محوری و مقاومت نقطه حداکثر برای فشارهای جانبی مختلف مشاهده می شود. برای همه نمونهها افزایش مقاومت در فشار جانبی مشاهده می شود. ضریب این افزایش همانگونه که در سایر تحقیقات [۳۳ و

برای بررسی بتن تحت فشارهای محصور کننده و همچنین بررسی تاثیر تنشهای تفاضلی، نمودار $\sigma_n - \tau$ ر اساس نتایج آزمایشات سه محوری مطابق روابط ارائه شده در استاندارد ASTM C801 [۳۵] ترسیم میگردد. در این استاندارد رابطه ۱ برای تعیین نمودار $\sigma_n - \tau$ ر اساس دوایر موهر پیشنهاد گردیده است

$$\tau = c + \sigma_n t g \phi \tag{1}$$

که در آن $\, au$ تنش برشی در لحظه گسیختگی نمونه و $\, \sigma_n \,$ تنش نرمال در لحظه گسیختگی نمونه می باشد. همچنین برای تعیین ضریب $\, \phi \, tg \,$ ثابت c از روابط ۳ و ۲ استفاده می شود:





SFRC بر اساس نتایج آزمایشها تعیین گردیده است. برای مقاومت فشاری دومحوری با توجه به مقاومت نمونههای مورد آزمایش کوپفر و همکاران [۳۰] که ۲۱/۲ مگاپاسکال میباشد (تقریبا برابر با مقاومت نمونههای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج آزمایشهای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج آزمایشهای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج آزمایشهای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج آزمایشهای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج آزمایشهای مورد آزمایش در این مطالعه) از نتایج این آزمایشها و برای نتایج و ماری تایم کوپن بعد بودن آزمایشهای سهمحوری روی مردیان کششی با توجه به بدون بعد بودن چارت طراحی اتوسن [۱۵] از این چارت استفاده شده است. لازم به ذکر است که پارامترها و همچنین مردیان فشاری برای نمونههای بدون الیاف ترسیم گردیده و برای اعمال اثرات الیاف در سطح تسلیم، همانگونه که توضیح داده خواهد شد از ضرائب k_t k_c می شود.

 τ_m / f_c' نتایج آزمایشهای سهمحوری همچنین در شکل ۶ به صورت τ_m / f_c' نتایج آزمایش از مال در مقابل $\sigma_m = \frac{1}{3}I_1$ مشاهده می شود که در آن $I_1 = \sigma_m$ تنش نرمال $I_1 = \sigma_{11} + \sigma_{22} + \sigma_{33}$ متوسط و $\sqrt{\frac{2}{3}J_2} = \frac{1}{2}s_{ij}s_{ij}$ تنش برشی متوسط، $J_2 = \frac{1}{2}s_{ij}s_{ij}$ تانس والین تغییر ناپذیر تانسور آنش و $J_2 = \frac{1}{2}s_{ij}s_{ij}$ می از می مناب اولین تغییر ناپذیر تانسور تنش و این شکل مردیان فشاری رسم شده بر اساس نتایج آزمایشهای سهمحوری روی نمونههای SFRC مشاهده می شود. با توجه به تاثیر ناچیز الیاف روی مقاومت فشاری و همچنین روی مردیان فشاری ، برای همه نمونههای SFRC یک مردیان فشاری ترسیم مردیان فشاری ترسیم ردیان فشاری .

۳- معادلات ساختاری

یک مرحله اساسی در تحلیلهای اجزاء محدود غیر خطی، انتگرال گیری از معادلات ساختاری برای تعیین مقدار نمو تنشها در هر گام میباشد. معادلات ساختاری مجموعهای از معادلات دیفرانسیل را با روشهایی برای انتگرال گیری از آنها که معمولا به صورت صریح یا ضمنی طبقه بندی میشوند تعریف میکند. معادلات ساختاری برای مصالح SFRC بر اساس پلاستیسیته غیر همبسته تعیین میشود. این معادلات شامل چندین بخش اساسی شامل سطح تسلیم، تابع پتانسیل پلاستیک، توابع سختشدگی و نرمشدگی و همچنین انتگرال گیری از این معادلات میباشد که در ادامه تمامی موارد فوق شرح داده میشود.

۳– ۱– سطح تسليم

سطح تسلیم پنج پارامتری W-W [۲۲] برای بتن معمولی پیشنهاد شده است ولی با توجه به قابلیت این مدل در پیش بینی رفتار بتن در همه حالات تنش، در برخی از مطالعات برای بررسی رفتار مصالح FRC از این سطح تسلیم استفاده نمودهاند [۳۶ و ۲۳ و ۳]. برای در نظر گرفتن اثرات الیاف در رفتار FRC ضرائب اصلاحی k_{i} k_{c} یشنهاد شده است که نحوه





Fig. 6. Results of triaxial test of SFRC specimens with compression meridian

$$\rho^{f}(\xi,\theta) = \frac{2\rho_{c}^{f}[(\rho_{c}^{f})^{2} - (\rho_{t}^{f})^{2}]\cos\theta}{4[(\rho_{c}^{f})^{2} - (\rho_{t}^{f})^{2}]\cos^{2}\theta + (\rho_{c}^{f} - 2\rho_{t}^{f})^{2}} + (\frac{\rho_{c}^{f}(2\rho_{t}^{f} - \rho_{c}^{f})}{4[(\rho_{c}^{f})^{2} - (\rho_{t}^{f})^{2}]\cos^{2}\theta + (\rho_{c}^{f} - 2\rho_{t}^{f})^{2}} \times \qquad (\Delta)$$

$$\left\{4[(\rho_{c}^{f})^{2} - (\rho_{t}^{f})^{2}]\cos^{2}\theta + 5(\rho_{t}^{f})^{2} - 4\rho_{t}^{f}\rho_{c}^{f}\right\}^{(1/2)}\right\}$$

در رابطه (۵)
$$\rho_c'$$
 مردیان فشاری و ρ_t' مردیان کششی و
در رابطه (۵) ρ_c' (۵) مردیان کشاری و کشاط ما بین مردیان کششی
و فشاری میباشد. $\frac{I_1}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \frac{2\sigma_1 - \sigma_2 - \sigma_3}{2\sqrt{3}\sqrt{J_2}} = \frac{I_1}{\sqrt{3}}$ زاویه بار^۲ در
حالت $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$ میباشد. مردیان فشاری و کششی بتنهای الیافی
روی سطح تسلیم W-W برای $\frac{2}{3}$ ای مختلف با حل معادلات درجه دو
روابط (۶) به دست میآید.

تعیین این ضرائب با استفاده از نتایج آزمایش ها در ادامه توضیح داده می شود. سطح تسلیم برای نمونه های SFRC در مختصات وستر گارد به صورت زیر می باشد

$$F(\xi,\rho,\theta) = \rho - K(\overline{\varepsilon}_p)\rho^f(\xi,\theta) = 0 \qquad ()$$

که در رابطه فوق $\overline{(\overline{e_p})}$ تابع سختشدگی یا نرمشدگی سطح تسلیم و ρ شعاع انحرافی' در سطح مقطع انحرافی $\rho = \sqrt{2J_2}$ میباشد. در روابط فوق $\rho^f(\xi, \theta)$ مربوط به شعاع انحرافی برای سطح تسلیم SFRC میباشد که بر اساس مطالعات پیشین [۳۶ و ۳۱ و ۲۳] از رابطه زیر به دست میآید.

1 Deviatoric length

² Lode angle



شکل ۷. مقایسه k_t پیشنهادی با نتایج آزمایشهای انجام شده



طول انحرافی میباشد. مطابق آزمایشهای پیشین اثر الیاف روی مردیان k_c فشاری ناچیز میباشد. در مطالعات سواندینگپونگ و سیو [۳۱] مقدار k_c مرابر ۱ پیشنهاد نمودهاند و در مطالعات چی و همکاران [۳۳] برای k_c را برابر ۱ پیشنهاد نمودهاند و در مطالعات چی و همکاران [۳۳] برای روی رابطه (۸) پیشنهاد شده است. در این مطالعه نیز برای اعمال اثرات الیاف روی مردیان فشاری از رابطه (۸) استفاده شده است.

$$k_c = 1 + 0.056\lambda_c \tag{A}$$

در رابطه (۸) $\frac{l_f}{d_f}$ درصد الیاف و $\frac{l_f}{d_f}$ نسبت ظاهری^۲ الیاف میباشد. همانگونه که آزمایشهای قبلی نشان دادهاند، اثر الیاف بر ترکیبات تنش روی مردیان کششی از جمله مقاومت کششی و مقاومت دو محوری، قابل توجه میباشد. برای تعیین k_i از نتایج آزمایشهای دو محوری بر روی نمونههای بتن الیافی استفاده میشود با توجه به مطالعات انجام شده [۴۰–۳۷ و ۳۱ و ۱۷] و برازش نمودار خطی برای k_i که در شکل ۷ مشاهده میشود، رابطه (۹) پیشنهاد میشود:

1 volume fraction

2 Aspect ratio

$$\frac{\xi}{f_{c}'} = \hat{a}_{0} + \hat{a}_{1} \frac{\rho_{t}'}{f_{c}'} + \hat{a}_{2} \left(\frac{\rho_{t}'}{f_{c}'}\right)^{2}$$

$$\frac{\xi}{f_{c}'} = \hat{b}_{0} + \hat{b}_{1} \frac{\rho_{c}'}{f_{c}'} + \hat{b}_{2} \left(\frac{\rho_{c}'}{f_{c}'}\right)^{2}$$
(8)

SFRC که در رابطه (۶) f_c' مقاومت فشاری تک محوری نمونههای \hat{f}_c مقاومت فشاری تک محوری نمونههای $\hat{a}_0...\hat{b}_2$ میباشد. $\hat{a}_0...\hat{b}_2$ پارامترهای مدل میباشند که بر اساس آزمایشهای تجربی و روابط مدل W-W به دست میآیند [۲۲ و ۱۵]. برای اعمال اثرات الیاف درمدل W-W بر اساس مطالعات پیشین از روابط (۲) و ضرائب املاحی k_i k_c میشود.

که در آن ρ_c مردیان فشاری برای بتن ساده و ρ_t مردیان کششی رای بتن ساده میباشد. k_t k_c خرائب اصلاحی برای اعمال اثر الیاف بر



شکل ۸. تاثیر λ_f بر مقطع انحرافی سطح تسلیم Fig. 8. Effect of on deviatoric plane

 $K(\overline{\varepsilon_p})$ ، (۴)، (۴)، میدهد. در رابطه شماره (۴)، $(\overline{\varepsilon_p})$ ، (۲)، مربوط به تغییرات سطح تسلیم در ناحیه پلاستیک است که برای ناحیه قبل از نقطه اوج، تابع سختشدگی و برای ناحیه بعد از نقطه اوج، نرمشدگی را $K(\overline{\varepsilon_p})$, $K(\overline{\varepsilon_p})$ تعریف می کند. برای نواحی الاستیک در غیاب کرنش پلاستیک، $(\overline{\varepsilon_p})$ دارای مقدار ثابت ۲/۴ می باشد. برای ناحیه پلاستیک توابع سختشدگی و نرمشدگی با توجه به مطالعات پیشین [۳۶ و ۲۷ و ۲۳] وابسته به مقدار کرنش پلاستیک می باشد. برای ناحیه میدان و توجه به مطالعات پیشین [۳۶ و ۲۵ و ۲۳ و ۲۳] پیشنهاد $\overline{\varepsilon_p}$ که محالی از توجه به مطالعات پیشین [۳۶ و ۲۸ و ۲۳] پیادهسازی عددی تابع کرنش پلاستیک می باشد. برای پیادهسازی عددی تابع کرنش پلاستیک رابطه سهمی زیر توسط جیو و همکاران [۲۷ و ۲۳] پیشنهاد مشده است.

$$dK (\overline{\varepsilon}_{p}) = H_{p} d\overline{\varepsilon}_{p} = [a \frac{1}{\varepsilon_{c}} + 2(3 - 2a) \frac{\overline{\varepsilon}}{\varepsilon_{c}} \frac{1}{\varepsilon_{c}} + (1 \cdot)$$
$$3(a - 2)(\frac{\overline{\varepsilon}}{\varepsilon_{c}})^{2} \frac{1}{\varepsilon_{c}}] d\overline{\varepsilon}_{p}, \text{ for } \overline{\varepsilon} \leq \varepsilon_{c}$$

برای تابع نرمشدگی در ناحیه پس از نقطه اوج رابطه (۱۱) ارائه شده است:

$$k_t = 1 + 0.33\lambda_f \tag{9}$$

همانگونه که ملاحظه میشود با افزایش λ_r مقدار k_i ضریب طول انحرافی سطح تسلیم برای ترکیبات تنش روی مردیان کششی افزایش پیدا میکند و به عبارت دیگر افزودن الیاف، مقاومت نمونههای SFRC برای ترکیبات تنش روی مردیان کششی را افزایش میدهد. تاثیر الیاف بر ترکیبات تنش روی مردیان کششی بیشتر از مردیان فشاری میباشد به همین دلیل مشاهده میشود که مقطع انحرافی سطح تسلیم، با افزایش مقدار λ_r از حالت مثلثی به دایرهای تغییر پیدا میکند. شکل ۸ برای 1 - j / J

۳– ۲– توابع سختشدگی و نرمشدگی

سختشدگی و نرمشدگی شکل و اندازه سطح بارگذاری و همچنین نحوه پاسخ مصالح را پس از اولین تسلیم مشخص میکند [۳۶ و ۱۵]. تحقیقها تجربی بیشماری که انجام شده نشان دادهاند که شکل سطح بارگذاری مصالح بتنی مشابه شکل سطح تسلیم آن میباشد. بنابراین در این مطالعه سختشدگی ایزوتروپیک برای مصالح بتن الیافی فرض شده است

۳-۳- تابع پتانسیل پلاستیک

تعیین تانسور کرنش پلاستیک (نمو تانسور کرنش پلاستیک) در پیش بینی رفتار مواد دارای اهمیت خاصی می باشد زیرا فرض می شود که بسیاری از پارامترهای پلاستیسیته تابع همین کرنش پلاستیک می باشند. عموما برای بتن و سایر مصالح که رفتار آنها وابسته به تنش هیدرواستاتیک می باشد قانون جریان غیر همبسته مورد استفاده قرار میگیرد [۴۳ و ۴۲ و ۱۵]. برای تعیین تانسور کرنش پلاستیک با استفاده از قانون جریان غیر همبسته می توان نوشت:

$$d\varepsilon_{ij}^{p} = d\lambda \frac{\partial g}{\partial \sigma_{ij}} \tag{19}$$

که در آن $d\lambda$ ضریب پلاستیک میباشد که با استفاده از شرایط سازگاری به دست میآید و در ادامه توضیح داده می شود. تابع پتانسیل پلاستیک مورد استفاده در این مطالعه در مختصات وسترگارد براساس مدل گراسل برای بتن ساده به صورت زیر استفاده شده است [۱۶]:

$$g = -A\,\overline{\rho}^2 - B\,\overline{\rho} + \overline{\xi} = 0 \tag{1Y}$$

B و A و امتر $\overline{\rho} = \rho/f_c$ همچنین $\overline{\rho} = \rho/f_c$ دو پارامتر A و B و T و پانسیل پلاستیک، با توجه به مقدار کرنش محوری در آزمایش فشار تک محوری در آزمایش فشار تک محوری در ماکزیمم تنش مطابق گامهای کالیبراسیون مدل در مرجع [18] به دست میآید.

$$d\sigma_{ij} = C_{ijkl}^{e} d\varepsilon_{kl}^{e} = C_{ijkl}^{e} (d\varepsilon_{kl} - d\varepsilon_{kl}^{p})$$
(1A)

برای مصالح ایزوتروپیک تانسور الاستیک C_{ijkl}^{e} با استفاده از ضرائب مصالح مصالح ایزوتروپیک تانسور الاستیک C_{ijkl} مصالح G مدول برشی و ν ضریب پواسون به صورت زیر نوشته می شود:

$$dK(\overline{\varepsilon}_{p}) = H_{p}d\overline{\varepsilon}_{p} = \frac{1}{\frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{c}}} \frac{1}{\varepsilon_{c}} \frac{1}{\varepsilon_{c}$$

$$a = 28.2283 - 23.2771 f_c^{(0.0374)} + 0.4772 \lambda_f$$
(17)

$$b = 0.01 + 0.037 f_c^{(0.2846)} - 0.02372 \lambda_f \tag{17}$$

در روابط فوق
$$\stackrel{-}{c}$$
 بر حسب مگاپاسکال میباشد و $\stackrel{-}{\mathcal{E}}$ مقدار کرنش
معادل کل میباشد که از رابطه (۱۴) محاسبه میشود.

$$\overline{\varepsilon} = \frac{1}{3} \sqrt{\left\{ 2\left[(\varepsilon_{xx} - \varepsilon_{yy})^2 + (\varepsilon_{yy} - \varepsilon_{zz})^2 \right] + \frac{1}{3} \sqrt{2\left[(\varepsilon_{xx} - \varepsilon_{zz})^2 \right] + 3\left(\varepsilon_{xy}^2 + \varepsilon_{yz}^2 + \varepsilon_{xz}^2 \right)}}$$
(14)

 \mathcal{E}_c در روابط (۱۱) و (۱۲) مقدار کرنش معادل کل در نقطه اوج منحنی \mathcal{E}_c تنش کرنش می باشد که در آن نقطه تابع سخت شدگی تبدیل به تابع نرم شدگی می گردد و بر اساس پیشنهاد چی و همکاران [۴۱ و ۲۳] مطابق رابطه (۱۵) تعیین می شود.

$$\varepsilon_{c} = 263.3 \times 10^{(-6)} \sqrt{f_{c}(1+0.206\lambda_{f})} \times \left(1+8.5\frac{\sigma_{1}+\sigma_{2}}{f_{c}}\right)$$
(1a)

در رابطه (۱۵)، σ_2 مقادیر تنش جانبی می
باشند و σ_3 مقدار تنش اصلی حداکثر فشاری می
باشد.

¹ Non-associated Flow Rule

اصلاح شده برخورد تنش با سطح تسلیم بر اساس روش پگاسوس [۴۴] پیش بینی شده و همچنین الگوریتمی برای اصلاح تنش بر روی سطح تسلیم^۲ پیشنهاد شده است. در نقطه انتگرال گیری برای محاسبه مدول سختشدگی و نرمشدگی H_p مقدار کرنش در ابتدای تکرار استفاده میشود و مقدار H_p تا انتهای تکرارهای گامک ثابت باقی می ماند. کرنش افزایشی هر گام \mathcal{F}_p به N^s گامک تقسیم میشود $\frac{\Delta \mathcal{E}}{N^s} = s \Delta \mathcal{L}$ سپس انتگرال گیری از معادلات ساختاری بر این اساس انجام می گیرد. برای هر گامک الگوریتم از معادلات ساختاری بر این اساس انجام می گیرد. برای هر گامک الگوریتم زیر برای به دست آوردن تنش استفاده میشود:

:اگر
$$F\left(\sigma_{0}+C^{e}:\Delta\varepsilon^{s},K_{0}\right) < FTOL$$
 آنگاه:
 $K_{b} = K_{0} \ \sigma_{b} = \sigma_{0} + C^{e}:\Delta\varepsilon^{s}$
برو به مرحله ک

با الگوریتم برخورد با سطح تسلیم مقدار
$$\alpha$$
را پیدا کن – ۲

تا زمانی که
$$F_n > FTOL$$
 تا زمانی که $F_n > FTOL$

$$F_{n} = F\left(\sigma_{0} + \alpha_{n}C^{e} : \Delta\varepsilon^{s}, K_{0}\right) \, \mathfrak{g} \, \alpha_{n} = \alpha_{d} - \frac{F_{d}}{F_{d} - F_{c}}\left(\alpha_{d} - \alpha_{c}\right) \, \mathfrak{s}_{d} - \mathsf{N} - \mathsf{N}$$

$$F_d = rac{F_d F_c}{F_d + F_n}$$
 و $\alpha_c = \alpha_n$ و $\alpha_c = \alpha_n$ آنگاه قرار بده $F_n F_0 > 0$ و $F_c = F_n$ و $F_c = F_n$

$$F_d=F_n$$
 و $lpha_d=lpha_n$ انگاه قرار بده $F_nF_0<0$ و $-$ ۲–۱–۱ اگر $F_d=r_0$

$$\alpha = \alpha_n$$
 قرار بده $\alpha = \alpha_n$
 $\Delta \varepsilon^s = (1 - \alpha) \Delta \varepsilon^s$ و $\sigma_0 = \sigma_0 + \alpha C^e : \Delta \varepsilon^s$ همچنین قرار بده $T = 1$ و $\sigma_t = \sigma_0$ و $\sigma_t = \sigma_0$

$$C_{ijkl}^{e} = 2G(\delta_{ik}\delta_{jl} + \nu/(1-2\nu)\delta_{ij}\delta_{kl})$$
(19)

که در آن δ_{ij} دلتای کرونیکر و $d \varepsilon_{kl}^{P}$ نمو تانسور کرنش پلاستیک میباشد که از قانون جریان غیر همبسته محاسبه میشود. برای محاسبه ضریب پلاستیک $d\lambda$ با استفاده از شرایط سازگاری dF = 0 داریم:

$$d\lambda = \frac{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{ij}} C^{e}_{ijkl} d\varepsilon_{kl}}{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{mn}} C^{e}_{mnpq} \cdot \frac{\partial g}{\partial \sigma_{pq}} - \frac{\partial F}{\partial k} H_{p} \sqrt{2/3} \left\| \frac{\partial g}{\partial \sigma} \right\|}$$
(7.)

$$d\sigma_{ij} = C_{ijkl}^{ep} d\varepsilon_{kl} \equiv \begin{bmatrix} C_{ijkl}^{e} - \frac{C_{ijmn}^{e} \cdot \frac{\partial g}{\partial \sigma_{mn}} \cdot (\frac{\partial F}{\partial \sigma_{pq}})^{T} C_{pqkl}^{e} \\ (\frac{\partial F}{\partial \sigma_{rs}})^{T} C_{rstu}^{e} \cdot \frac{\partial g}{\partial \sigma_{ul}} - \frac{\partial F}{\partial k} H_{p} \sqrt{2/3} \begin{bmatrix} \frac{\partial g}{\partial \sigma} \end{bmatrix} \end{bmatrix} d\varepsilon_{kl}$$

$$(Y1)$$

که در رابطه (۲۱)
$$C^{ep}_{ijkl}$$
 تانسور سختی الاستو پلاستیک مصالح
میباشد.

۳- ۵- انتگرال گیری از معادلات ساختاری

تنش مربوط به کرنش با استفاده از انتگرال گیری از معادلات ساختاری تعیین میشود. برای انتگرال گیری از معادلات ساختاری مصالح SFRC همانگونه که پیش تر گفته شد چی و همکاران [۲۳] از روش انتگرال گیری گامک معرفی شده توسط اسلوآن' [۲۶] استفاده نمودند. در روش گامک با استفاده از تقسیم اتوماتیک نمو کرنش به تعدادی گام کوچک از معادلات ساختاری انتگرال گیری میشود و اندازه مناسب هر گامک از طریق فرمول اولر اصلاح شده تعیین میشود. در این مطالعه از روش انتگرال گیری اصلاح شده اسلوآن و همکاران [۲۹] برای انتگرال گیری از معادلات ساختاری استفاده شد. روش اصلاح شده اسلوآن و همکاران [۲۹] نسبت به روش گامک اسلوآن [۲۶] دارای چندین تغییر و بهبود میباشد از جمله در روش

² Drift correction algorithms

:اگر
$$\left|F\left(\sigma_{m},K_{m}\right)\right|>\left|F\left(\sigma_{b},K_{b}\right)\right|$$
آنگاه: –۳–۲–۵–۳

$$K_{m} = K_{b}$$
 و $\sigma_{m} = \sigma_{b} - \frac{F(\sigma_{b}, k_{b})\frac{\partial F}{\partial \sigma_{b}}}{\left(\frac{\partial F}{\partial \sigma_{b}}\right)^{T} : \frac{\partial F}{\partial \sigma_{b}}}$
 $\sigma_{b} = \sigma_{m} K_{b} = K_{m}$ مزار بده $\sigma_{b} = \sigma_{m} K_{b} = K_{m}$

$$q = \min\left\{0.9\sqrt{\frac{STOL}{R_n}}, 1.1\right\}$$
 قرار بده $-\mathcal{P}$

$$\begin{split} \Delta T &= \min \left\{ \Delta T , 1 - T \right\} \ \mathfrak{g} \ \Delta T &= \max \left\{ q \Delta T , \Delta T_{\min} \left\{ \mathfrak{f} \right\} \\ K_t &= K_b \ \mathfrak{g} \ \sigma_t = \sigma_b \ \mathfrak{g} \ T \ = T \ + \Delta T \ \mathfrak{g}_1 = \sigma_b \ \mathfrak{g}_1 = - \mathfrak{F} \\ \mathfrak{g}_1 &= \mathfrak{g}_1 \ \mathfrak{g}_2 \ \mathfrak{g}_1 = \mathfrak{g}_2 \ \mathfrak$$

پس از تکرار مراحل فوق به تعداد ⁸ Nار، مقادیر تنش و پارامتر سختشدگی یا نرمشدگی در انتهای هر گام مشخص میشود. این مقادیر را برای محاسبه $\frac{\partial F}{\partial \sigma} \frac{\partial g}{\partial \sigma} \frac{\partial K}{\partial \sigma}$ درانتهای هر گام میتوان استفاده نمود. سپس با جاگذاری \mathcal{F} در انتهای هر گام، در رابطه (۱۱) مقدار $\overline{\mathcal{F}}$ محاسبه گردیده و بر اساس آن \mathcal{F} تعیین می گردد و با مقایسه آن با \mathcal{F} ختشدگی یا نرمشدگی تابع مشخص می گردد. در انتها با جاگذاری مقادیر به دست آمده در رابطه (۲۱) مقدار \mathcal{F}^{ep} محاسبه گردیده و برای تحلیل اجزاء شده در رابطه (۲۱) مقدار \mathcal{F}^{ep} محاسبه گردیده و برای مقادیر به دست محدود غیر خطی در ماتریس سختی کلی جاگذاری می گردد. مقادیر استفاده شده برای کنترل خطا در روش انتگرال گیری گامک معمولا به صورت شده برای کنترل خطا در نظر گرفته می شود. برای ⁸ محوما مقدار ۲۰ کافی می باشد.

۴- نتایج مدلسازی عددی

برای مدلسازی عددی آزمایشهای انجام گرفته و همچنین آزمایشهای پیشین [۳۰ و ۳] معادلات ساختاری ارائه شده در بخش ۴ با استفاده از سابروتین UMAT در نرم افزار ABAQUS پیاده سازی شد و منحنیهای تنش کرنش برای همه نمونهها ترسیم شده و با نتایج آزمایشها مقایسه شد. برای مدلسازی عددی از دو نوع نمونه استوانه ای و مکعبی نشان داده شده در شکل ۹ استفاده شد. نمونه استوانهای برای مدلسازی آزمایشهای تک محوری و سه محوری و نمونه مکعبی برای مدلسازی آزمایشهای دو محوری و سه محوری واقعی به کار گرفته شد. المان استفاده شده برای نمونهها از نوع C3D8 هشت گرهای ایزو پارامتریک میباشد. برای مشاهده رفتار پس از نقطه اوج در منحنی تنش کرنش، بار به صورت مقادیر محاسبه کن مقادیر محاسبه کن مقادیر محاسبه کن مقادیر محاسبه کن -۱-۳

$$\Delta \lambda_{t} = \frac{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{t}} : \mathbf{C}^{e} : \Delta \varepsilon^{s}}{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{t}} : \mathbf{C}^{e} : \frac{\partial g}{\partial \sigma_{t}} - \frac{\partial F}{\partial k} H_{p} \sqrt{\frac{2}{3}} \frac{\partial g}{\partial \boldsymbol{\phi}_{t}}}^{-\gamma - \gamma}$$

$$9 \ \Delta K_{a} = \sqrt{\frac{2}{3}} \Delta \lambda_{t} H_{p} \frac{\partial g}{\partial \boldsymbol{\phi}_{t}} 9 \ \Delta \sigma_{a} = \Delta T \boldsymbol{C}^{e} : \Delta \varepsilon^{s} - \Delta \lambda_{t} \boldsymbol{C}^{e} : \frac{\partial g}{\partial \sigma_{t}}$$

$$K_{a} = K_{t} + \Delta K_{a} \, \mathfrak{g} \, \sigma_{a} = \sigma_{t} + \Delta \sigma_{a}$$
$$\Delta \lambda_{a} = \frac{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{a}} : \mathbf{C}^{e} : \Delta \varepsilon^{s}}{\frac{\partial F}{\partial \sigma_{a}} : \mathbf{C}^{e} : \frac{\partial g}{\partial \sigma_{a}} - \frac{\partial F}{\partial k} H_{p} \sqrt{2/3} \left\| \frac{\partial g}{\partial \mathbf{6}_{a}} \right\|^{-1} - 1 - 1$$

$$\begin{split} \Delta K_{b} &= \sqrt{\frac{2}{3}} \Delta \lambda_{a} H_{p} \frac{\partial g}{\partial \delta_{a}} \ 9 \ \Delta \sigma_{b} = \Delta T C^{e} : \Delta \varepsilon^{s} - \Delta \lambda_{a} C^{e} : \frac{\partial g}{\partial \sigma_{a}} \text{ substance} \ 9 \\ K_{b} &= K_{t} + \frac{\Delta K_{a} + \Delta K_{b}}{2} \ 9 \sigma_{b} = \sigma_{t} + \frac{\Delta \sigma_{a} + \Delta \sigma_{b}}{2} \text{ substance} - \nabla - \nabla \\ R_{n} &= \max \left\{ \frac{\Delta \sigma_{b} - \Delta \sigma_{a}}{2\sigma_{b}}, \frac{|\Delta k_{b} - \Delta k_{a}|}{2|k_{b}|}, EEPS \right\} \\ 9 \ q &= \max \left\{ 0.9 \sqrt{\frac{STOL}{R_{n}}}, 0.1 \right\} \text{ substance} \ R_{n} > STOL \ 9 \sqrt{-\nabla - \nabla} \\ \kappa_{n} &= \max \left\{ q \Delta T, \Delta T_{min} \right\} \end{split}$$

اگر $F(\sigma_b,K_b)$ >FTOL اگر $F\left(\sigma_b,K_b
ight)$ آنگاه تصحیح تنش بر روی سطح –۵–۳ تسلیم و بروزرسانی K_b σ_b

$$F_m = F\left(\sigma_m, K_m\right) \ \sigma_m = \sigma_b \ K_m = K_b$$
 قرار بده –۱–۵–۳
 $F_m > FTOL$ تا زمانی که $F_m > FTOL$ ادامه بده



شکل ۹. مش بندی المان محدود به همراه شرایط مرزی فشار سه محوری برای نمونههای استوانهای و مکعبی Fig. 9. Finite element mesh with boundary condition of cubic and cylindrical specimens

جابجائي كنترل به نمونه اعمال شد.

در این بخش نتایج مدلسازی عددی برای آزمایشهای انجام گرفته و همچنین آزمایشهای تحقیقات پیشین ارائه می گردد. برای صحت سنجی مدل ساختاری و UMAT پیشنهادی، نتایج به دست آمده از مدلسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شدند. سپس پیشبینی رفتار نمونههای SFRC تحت بارگذاری دو محوری فشاری و سه محوری واقعی برای بررسی اثرات الیاف و مقدار فشار جانبی ارائه شدند.

۴– ۱– مقایسه با نتایج آزمایشگاهی

در این بخش نمونههای آزمایش شده با استفاده از UMAT پیشنهادی در نرم افزار ABAQUS مدلسازی شده و منحنی تنش کرنش نمونهها ترسیم شد. شکل ۱۰ منحنیهای تنش کرنش مدلسازی عددی را برای مقادیر متفاوت الیاف و فشار جانبی نشان میدهد. پارامترهای مدلسازی عددی بر اساس نتایج آزمایشها به دست میآید. برای تعیین پارامترهای تابع پتانسیل پلاستیک A,B نیاز به مقادیر کرنش در تنش حداکثر آزمایشهای مقاومت فشاری تک محوری و فشاری سه محوری است. با توجه به عدم تعیین این مقادیر از روابط مندر^۱ و همکاران [۳۴] و همچنین گراسل^۲ و همکاران [۱۶] استفاده شد. برای آزمایشهای انجام گرفته با توجه به مقادیر

و روابط پیشنهادی [۳۴ و ۱۶ B = -12.63 A = 0.298 [۱۶ و ۳۴ و ۳۴ مدل سازی عددی استفاده شد. مقادیر زیر برای مدل سازی عددی در نظر $\hat{a}_0 = \hat{b_0} = 0.099, \hat{a}_1 = -0.3709, \hat{a}_2 = -0.9056$ گرفته شد. $E = 26.6Gpa, \upsilon = 0.2$, $\hat{b_1} = -0.138, \hat{b_2} = -0.5345$ همانگونه که در مطالعات پیشین مشاهده شده [۳۱ و ۲]، الیاف تاثیر قابل توجهی در مقاومت فشاری SFRC ندارد و نقطه حداکثر تنش برای مقادیر مختلف الیاف بر هم منطبق می شوند. با مقایسه تنش حداکثر برای فشارهای جانبی مختلف مشاهده می شود که مقاومت فشاری سه محوری در انطباق با مطالعات پیشین [۱۱ و ۸]، با افزایش فشار جانبی افزایش می یابد. نکته قابل توجه در شکل شماره ۱۰ تاثیر محسوس الیاف در شیب منحنی تنش کرنش در ناحیه پس از نقطه اوج می باشد. همانگونه که در مطالعات تجربی مشاهده شده الیاف در بتن از پیشروی ترکها و عریض تر شدن آنها جلوگیری نموده و روند کاهش مقاومت در ناحیه نرمشدگی در نمونههای SFRC ملایمتر می باشد به عبارت دیگر شیب منحنی تنش کرنش در ناحیه نرم شدگی کاهش می یابد. که این رفتار در منحنی های تنش کرنش شکل ۱۰ مشاهده می گردد. در تمامی فشارهای جانبی در ناحیه نرمشدگی، نمودار مربوط به نمونههای ۲٪ بالاتر از ۱٪ و ۰/۵٪ قرار دارد و نمودار مربوط به ۰۰٪ پایین تر از همه نمودارها قرار دارد.

¹ Mander

² Grassl



شکل ۱۰. منحنیهای تنش کرنش مدلسازی عددی برای مقادیر مختلف الیاف و فشارهای جانبی مختلف

Fig. 10. Stress-strain curves of a numerical model with various volume friction and confining pressure



شکل ۱۱. منحنی تنش کرنش نمونهها تحت فشارهای محصور کننده متفاوت

Fig. 11. Stress-strain curves of SFRC specimens with various confining pressure

همچنین برای بررسی تاثیر فشار محصور کننده بر تردی و نرم شدگی نمونهها، نمودارهای تنش کرنش مدلسازی عددی به صورت یکجا در شکل ۱۱ ترسیم شده است. در این شکل مطابق مطالعات پیشین [۳۳ و ۱۲ و ۸ و ۳] ملاحظه میگردد در نمونههای بدون فشار محصور کننده ۱۲ $\sigma_1 = \sigma_2 = 0MPa$ پس از نقطه اوج کاهش شدید مقاومت و شکست ناگهانی اتفاق میافتد در حالی که با افزایش فشار جانبی رفتار نمونهها نرمتر گردیده و کاهش مقاومت پس از نقطه اوج با شیب کمتری اتفاق میافتد.

برای مقایسه نتایج مدلسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی، مقاومت نهایی مدلسازی عددی نمونه ها تحت فشارهای جانبی مختلف به دست آمد. برای تمامی مقاومت ها مقادیر $f_c' \tau_m / f_c'$ تعیین شده و با مردیان به دست آمده از آزمایش ها در شکل ۶ مقایسه شدند. با توجه به اینکه مقادیر مختلف الیاف تاثیر ناچیزی بر ترکیبات تنش روی مردیان فشاری دارد بنابراین برای همه نمونه ها یک مردیان فشاری در نظر گرفته فشاری دارد بنابراین برای همه نمونه ها یک مردیان فشاری در نظر گرفته مختلف به دست آرمایشگاهی مدایی در شکل ۶ مقایسه شدند. با توجه به مردیان به دست آمده از آزمایش ها در شکل ۶ مقایسه شدند. با توجه به آینکه مقادیر مختلف الیاف تاثیر ناچیزی بر ترکیبات تنش روی مردیان فشاری دارد بنابراین برای همه نمونه ها یک مردیان فشاری در نظر گرفته آزمایشگاهی مشاهده می شود که نتایج عددی با انطباق قابل قبولی بر روی مردیان فشاری قرار می گیرد. همچنین در شکل شماره ۱۲ مردیان کششی مو مقاومت کششی و مقاومت نشاری دو محوری بر اساس آزمایش های مقاومت کششی و مقاومت فشاری دو محوری بر اساس مطالعات کوپفر و همکاران و سه محوری واقعی

بر اساس چارت طراحی اوتسن مشاهده می شود.

۴– ۲ – صحت سنجی مدل

برای صحت سنجی مدل ساختاری و UMAT پیشنهادی، نتایج عددی علاوه بر نتایج آزمایشگاهی مطالعه حاضر، با دیگر نتایج آزمایشگاهی نیز مقایسه شدند. اولین نتایج آزمایشگاهی مربوط به آزمایشهای کوپفر و همکاران [۳۰] میباشد. مقایسه نتایج عددی و آزمایشگاهی برای آزمایش های کویفر و همکاران در شکل ۱۳ مشاهده می گردد. این آزمایش ها برای بتن ساده بوده و منحنی تنش کرنش برای آزمایش فشار تک محوری و فشار دو محوری مورد توجه قرار گرفت. از آنجایی که بتن مورد استفاده در آزمایشهای کوپفر و همکاران [۳۰] کاملا مشابه با بتن آزمایشهای بدون الیاف مطالعات حاضر می باشد بنابراین از پارامترهای بخش ۱-۴ استفاده شد و مقادیر \mathcal{E}_{c} از نتایج آزمایشها استفاده شد. برای آزمایش تک محوری برای آزمایش دو محوری $\varepsilon_c = 0.00243$ از نظر $\varepsilon_c = 0.00211$ گرفته شد. مقایسه منحنی تنش کرنش به دست آمده از مدلسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی در شکل ۱۳ نشان دهنده تطابق قابل قبول نتایج برای بتن ساده میباشد. این مقایسه نشان میدهد که مدل ساختاری ارائه شده برای بررسی رفتار بتن ساده تحت فشار تک محوری و دو محوری مناسب و منطبق بر ادبیات فنی است.



شکل ۱۲. مقایسه مردیان فشاری نتایج تجربی و نتایج مدلسازی عددی

Fig. 12. Comparing experimental and numerical compression meridian



شکل ۱۳. مقایسه منحنی تنش کرنش مدلسازی عددی با نتایج آزمایش های کوپفر و همکاران [۳۰]

Fig. 13. Comparing the numerical stress-strain curve of Kupfer et al. with experimental tests [30]



(۳] شکل ۱۴. مقایسه منحنی تنش کرنش مدلسازی عددی با نتایج آزمایش های پانتاز اپولو و زنگنه Fig. 14. Stress-strain curves for SFRCs under triaxial loadings

شکل ۱۴ مقایسه نتایج مدل سازی عددی و نتایج آزمایشگاهی مطالعات پانتازوپولو و زنگنه [۳] را نشان میدهد. برای مدلسازی عددی با توجه به $f_{c}' = 57.9 Mpa$ نتایج آزمایش ها مقادیر پارامتر مدل W-W به صورت $\hat{a}_0 = \hat{b}_0 = 0.2746, \hat{a}_1 = -1.1862, \hat{a}_2 = -0.2447$ E = 18.2Gpa, v = 0.2 $\hat{b_1} = -0.2119, \hat{b_2} = -0.4832$ تعيين شدند. در اين آزمايش ها A = 0.193 Gpa, B = -15.04الياف فولادي ۲٪ استفاده شده است $V_f = (1.2\% + 0.8\%)$ اين آزمایشها با مقادیر متفاوت فشار جانبی انجام گرفته است. در مدل سازی عددی دو فشار جانبی برای نمونههای SFRC در نظر گرفته شد و مدل سازی عددی با استفاده از پارامترهای فوق انجام گرفت و منحنی تنش کرنش مدلسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شد. برای نمونه اول فشار جانبی $\sigma_1 = \sigma_2 = -11.58 Mpa$ اعمال شده و $\mathcal{E}_c = 0.0109$ و $\mathcal{E}_c = 0.0109$ و اعمال شده و $\varepsilon_c = 0.0136$ اعمال شده و $\sigma_1 = \sigma_2 = -23.16 Mpa$ گرفته شد. مقایسه نتایج عددی با منحنی تنش کرنش مدلسازی عددی تطابق قابل قبول نتایج را نشان میدهد. با توجه به مقاومت فشاری بالای نمونههای مورد آزمایش می توان نتیجه گرفت که معادلات ساختاری ارائه شده و همچنین الگوریتم انتگرال گیری برای بتن های با مقاومت بالا نیز

کاربرد دارد. با توجه به اینکه معادلات ساختاری و الگوریتم انتگرال گیری ارائه شده در چندین مورد با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده و نتایج آزمایشگاهی با مدلسازی عددی انطباق قابل قبولی دارد بنابراین از UMAT پیشنهادی میتوان برای مدلسازی SFRC در نرم افزار ABAQUS با دقت قابل قبولی استفاده نمود.

۴- ۳- پیش بینی رفتار دو محوری و سه محوری نمونه های SFRC روی مردیان کششی

در این بخش با توجه به صحت سنجی UMAT پیشنهادی و انطباق قابل قبول نتایج آزمایشگاهی و نتایج مدل سازی عددی از معادلات ساختاری و الگوریتم پیشنهادی برای تخمین منحنی تنش کرنش نمونههای SFRC تحت بارگذاری دو محوری فشاری و سه محوری روی مردیان کششی استفاده شد. برای مدل سازی از نمونه مکعبی نشان داده شده در شکل ۹ استفاده شده و شد. برای مدل سازی از نمونه مکعبی نشان داده شده در شکل ۹ استفاده شده و منحنی تنش کرنش برای مقادیر مختلف الیاف ($V_f = 0,0.5,1,2\%$) به دست آمد. تحت بارگذاری دو محوری فشاری $(\sigma_1 = 0, \sigma_2 = \sigma_3)$ به دست آمد. منحنیهای تنش کرنش به دست آمده در شکل ۱۵ مشاهده می شود. لازم به ذکر است که با توجه به تاثیر قابل توجه الیاف بر ترکیبات تنش روی مردیان کششی، برای اعمال اثرات الیاف روی مردیان کششی از رابطه (۹) استفاده شده است و همانگونه که در مطالعات پیشین [-۴–۳۷] نیز مشاهده



شکل ۱۵. منحنیهای تنش کرنش مدلسازی عددی برای فشار دو محوری و سه محوری واقعی روی مردیان کششی Fig. 15. Stress-strain curves of a numerical model of biaxial and true triaxial tests

SFRC شده با افزایش مقدار الیاف، مقاومت فشاری دو محوری نمونههای SFRC افزایش با افزایش مقدار الیاف، مقاومت فشاری دو محوری نمونههای SFRC افزایش پیدا می کنند. همچنین برای پیش بینی رفتار نمونه مکعبی با مقادیر مختلف الیاف ($V_f = 0, 0.5, 1, 2\%$) استفاده شد. تر کیبات تنش به صورت ($\sigma_1 = -3.2Mpa, \sigma_2 = \sigma_3$) در نظر گرفته شد. با مقایسه منحنیهای تنش کرنش در شکل ۱۵ مشاهده می شود که تاثیر الیاف روی مقاومت سه محوری روی مردیان کششی قابل توجه می باشد.

در این مطالعه معادلات ساختاری بر اساس پلاستیسیته غیر همبسته با تابع تسلیم W-W و تابع سختشدگی و نرمشدگی ایزوتروپیک، برای بررسی رفتار SFRC تحت تنش چند محوری ارائه شده و برای انتگرال گیری از این معادلات از روش گامک بر اساس روش اصلاح شده اسلوآن [۲۹] ABAQUS استفاده شده است. برای پیادهسازی این معادلات در نرم افزار ABAQUS از سابروتین UMAT استفاده شده و معادلات ساختاری به نرم افزار معرفی گردیده است. برای صحت سنجی UMAT پیشنهادی نتایج آزمایشهای انجام گرفته در این مطالعه به همراه نتایج آزمایشهای سایر محققین با نتایج مدل سازی عددی به صورت منحنی تنش کرنش و مقاومت حداکثر، مقایسه شد. مهمترین نتایج بهدست آمده از این پژوهش عبارتند از:

۱- مشاهده گردید که نتایج به دست آمده از مدلسازی عددی با مدل ساختاری ارائه شده انطباق قابل قبولی با نتایج آزمایشگاهی دارد بنابراین مدل پلاستیسیته غیر همبسته با تابع پتانسیل پلاستیک گراسل [۱۶]، تابع

تسلیم W-W [۲۲] و توابع سخت شدگی و نرم شدگی ایزوتروپیک [۲۷] معرفی شده، پیش بینی قابل قبولی از رفتار SFRC دارد و می تواند برای تعیین رفتار آن در سایر کاربردهای عملی استفاده شود.

۲- مطالعات عددی به همراه نتایج آزمایش ها، نشان داد که تاثیر الیاف بر مقاومت فشاری و ترکیبات تنش روی مردیان فشاری ناچیز و قابل صرف نظر کردن می باشد. همچنین بررسی منحنی تنش کرنش مدل سازی عددی نمونه های SFRC نشان داد همانگونه که در آزمایش های پیشین هم مشاهده گردیده، الیاف تاثیر قابل توجهی بر رفتار SFRC در ناحیه سخت شدگی ندارد و تقریبا منحنی های تنش کرنش در ناحیه قبل از نقطه اوج بر هم منطبق می باشند.

۳– مطالعات نشان داد که افزودن الیاف باعث افزایش مقاومت کششی تک محوری، مقاومت فشاری دو محوری (روی مردیان کششی) و مقاومت فشاری سه محوری روی مردیان کششی می شود. برای اعمال اثرات الیاف بر ترکیبات تنش روی مردیان کششی ضریب k_t یشنهاد شد.

۴- در مدلسازی عددی با استفاده از پارامتر b شیب منحنی تنش کرنش در ناحیه نرمشدگی با مقدار الیاف کنترل شده و اثر الیاف بر رفتار SFRC در این ناحیه اعمال شده است. مقایسه منحنی های تنش کرنش مطالعات آزمایشگاهی با مدلسازی عددی نشان داد پارامترb قابلیت پیش بینی شیب منحنی تنش کرنش در ناحیه نرمشدگی را دارد.

۵- نرم افزار ABAQUS على رغم قابلیتهاى بالاى مدلسازى براى انواع مصالح و سازه ها و همچنين توانايى انجام انواع تحليلها، فاقد

مدل رفتاری قابل قبول و مناسبی برای مدلسازی بتن الیافی که امروزه به وفور استفاده میگردد، میباشد بنابراین استفاده از معادلات ساختاری پیشنهاد شده به همراه سابروتین UMAT میتواند وسیلهای مناسب برای مدلسازی اجزاء محدود بتن الیافی در نرم افزار ABAQUS باشد.

۶- فهرست علائم

علائم انگلیسی

$$A$$
 ضریب مربع شعاع انحرافی در تابع پتانسیل پلاستیک

 a
 ضریب اعمال اثرات الیاف در تابع سخت شوندگی

 $a_0 - \hat{a}_2$
 $\hat{a}_0 - \hat{a}_2$
 b
 ضریب اعمال اثرات الیاف در تابع پتانسیل پلاستیک

 b
 ضریب شعاع انحرافی در تابع پتانسیل پلاستیک

 b
 ضریب شعاع انحرافی در تابع پتانسیل پلاستیک

 b
 ضریب اعمال اثرات الیاف در تابع نرم شوندگی

 b
 ضریب اعمال اثرات الیاف در تابع نرم شوندگی

 b
 ضریب اعمال اثرات الیاف در تابع نرم شوندگی

 $b_0 - \hat{b}_2$
 آmm]

 b
 مدول الاستیسیته (MPa)

 c
 mm
 c
 mm

علائم يونانى

	زيرنويس
جهت اصلی ۱	,
جهت اصلی ۲	٢
جهت اصلی ۳	٣
الياف	f
تنش متوسط	m
مردیان فشاری	С
مردیان کششی	t
	بالانويس
الاستيك	е
الاستوپلاستيک	ер

الياف

منابع

f

- M. Gul, A. Bashir, J.A. Naqash, Study of modulus of elasticity of steel fiber reinforced concrete, International Journal of Engineering Advanced Technology, 3(4) (2014) 304-309.
- [2] P.N. Balaguru, S.P. Shah, Fiber-reinforced cement composites, McGraw-Hill, the University of Michigan, 1992.
- [3] S.J. Pantazopoulou, M. Zanganeh, Triaxial tests of fiber-reinforced concrete, Journal of Materials in Civil Engineering, 13(5) (2001) 340-348.
- [4] B. Chun, D.-Y. Yoo, Hybrid effect of macro and micro steel fibers on the pullout and tensile behaviors of ultra-high-performance concrete, Composites Part B: Engineering, 162 (2019) 344-360.
- [5] J. Han, M. Zhao, J. Chen, X. Lan, Effects of steel fiber length and coarse aggregate maximum size on mechanical properties of steel fiber reinforced concrete, Construction and Building Materials, 209 (2019) 577-591.
- [6] A. Amin, S.J. Foster, R.I. Gilbert, W. Kaufmann, Material

investigation of SFRCs using a substepping integration of constitutive equations, Computers and Concrete, 25(2) (2020) 181.

- [17] H. Othman, H. Marzouk, Applicability of damage plasticity constitutive model for ultra-high performance fibre-reinforced concrete under impact loads, International Journal of Impact Engineering, 114 (2018) 20-31.
- [18] Z.P. Bažant, F.C. Caner, I. Carol, M.D. Adley, S.A. Akers, Microplane model M4 for concrete. I: Formulation with work-conjugate deviatoric stress, Journal of Engineering Mechanics, 126(9) (2000) 944-953.
- [19] I.C. Mihai, A.D. Jefferson, P. Lyons, A plastic-damage constitutive model for the finite element analysis of fibre reinforced concrete, Engineering Fracture Mechanics, 159 (2016) 35-62.
- [20] X. Liang, C. Wu, Meso-scale modelling of steel fibre reinforced concrete with high strength, Construction and Building Materials, 165 (2018) 187-198.
- [21] K.J. William, E.P. Warnke, Constitutive Model for the Triaxial Behavior of Concrete, INTERNATIONAL ASSOCIATION FOR BRIDGE AND STRUCTURAL ENGINEERING PROCEEDINGS, 19 (1975) 1-30.
- [22] Y. Chi, L. Xu, H.-s. Yu, Constitutive modeling of steel-polypropylene hybrid fiber reinforced concrete using a non-associated plasticity and its numerical implementation, Composite Structures, 111 (2014) 497-509.
- [23] L.A.G. Bitencourt, O.L. Manzoli, T.N. Bittencourt, F.J. Vecchio, Numerical modeling of steel fiber reinforced concrete with a discrete and explicit representation of steel fibers, International Journal of Solids and Structures, 159 (2019) 171-190.
- [24] E.A. Rodrigues, O.L. Manzoli, L.A.G. Bitencourt, T.N. Bittencourt, M. Sánchez, An adaptive concurrent multiscale model for concrete based on coupling finite elements, Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 328 (2018) 26-46.
- [25] S.W. Sloan, Substepping schemes for the numerical integration of elastoplastic stress-strain relations, 24(5) (1987) 893-911.

characterisation of macro synthetic fibre reinforced concrete, Cement and Concrete Composites, 84 (2017) 124-133.

- [1] Y. Zhang, K. Zhao, Y. Li, J. Gu, Z. Ye, J. Ma, Study on the local damage of SFRC with different fraction under contact blast loading, Computers and Concrete, 22(1) (2018) 63-70.
- [7] F. Ansari, Q. Li, High-strength concrete subjected to triaxial compression, ACI Materials Journal, 95(6) (1998) 747-755.
- [8] X. Lu, C.-T.T. Hsu, Behavior of high strength concrete with and without steel fiber reinforcement in triaxial compression, Cement and Concrete Research, 36(9) (2006) 1679-1685.
- [9] Y. Ren, Z. Yu, Q. Huang, Z. Ren, Constitutive model and failure criterions for lightweight aggregate concrete: A true triaxial experimental test, Construction and Building Materials, 171 (2018) 759-769.
- [10] J.-C. Chern, H.-J. Yang, H.-W. Chen, Behavior of steel fiber reinforced concrete in multiaxial loading, ACI Materials Journal, 89(1) (1993) 32-40.
- [11] Y. Farnam, M. Moosavi, M. Shekarchi, S.K. Babanajad, A. Bagherzadeh, Behaviour of Slurry Infiltrated Fibre Concrete (SIFCON) under triaxial compression, Cement and Concrete Research, 40(11) (2010) 1571-1581.
- [12] J.-f. Jiang, P.-c. Xiao, B.-b. Li, True-triaxial compressive behaviour of concrete under passive confinement, Construction and Building Materials, 156 (2017) 584-598.
- [13] A. Blanco, P. Pujadas, S. Cavalaro, A. de la Fuente, A. Aguado, Constitutive model for fibre reinforced concrete based on the Barcelona test, Cement and Concrete Composites, 53 (2014) 327-340.
- [14] W.F. Chen, Plasticity in Reinforced Concrete, J. Ross Pub., 2007.
- [15] P. Grassl, K. Lundgren, K. Gylltoft, Concrete in compression: a plasticity theory with a novel hardening law, International Journal of Solids and Structures, 39(20) (2002) 5205-5223.
- [16] G.B. Golpasand, M. Farzam, S.S. Shishvan, FEM

- [35] Y. Chi, L. Xu, H.-S. Yu, Plasticity model for hybrid fiber-reinforced concrete under true triaxial compression, Journal of Engineering Mechanics, 140(2) (2013) 393-405.
- [36] K. Murugappan, P. Paramasivam, K. Tan, Failure envelope for steel-fiber concrete under biaxial compression, Journal of materials in civil engineering, 5(4) (1993) 436-446.
- [37] W.S. Yin, E.C.M. Su, M.A. Mansur, T.T.C. Hsu, Fiber-reinforced concrete under biaxial compression, Engineering Fracture Mechanics, 35(1) (1990) 261-268.
- [38] L.A. Traina, S.A. Mansour, Biaxial strength and deformational behavior of plain and steel fiber concrete, ACI Materials Journal, 88(4) (1991).
- [39] J. Bao, L. Wang, Q. Zhang, Y. Liang, P. Jiang, Y. Song, Combined effects of steel fiber and strain rate on the biaxial compressive behavior of concrete, Construction and Building Materials, 187 (2018) 394-405.
- [40] Y. Chi, L. Xu, Y. Zhang, Experimental study on hybrid fiber–reinforced concrete subjected to uniaxial compression, Journal of Materials in Civil Engineering, 26(2) (2012) 211-218.
- [41] W.F. Chen, D.J. Han, Plasticity for Structural Engineers, Springer New York, 2012.
- [42] Y. Chi, M. Yu, L. Huang, L. Xu, Finite element modeling of steel-polypropylene hybrid fiber reinforced concrete using modified concrete damaged plasticity, Engineering Structures, 148 (2017) 23-35.
- [43] M. Dowell, P. Jarratt, The "Pegasus" method for computing the root of an equation, BIT Numerical Mathematics, 12(4) (1972) 503-508.

- [26] Z. Guo, The strength and deformation of concrete— Experimental results and constitutive relationship, Tsinghua university press, Beijing, 1997.
- [27] S. Lan, Z. Guo, Experimental investigation of multiaxial compressive strength of concrete under different stress paths, ACI Materials Journal, 94(5) (1997) 427-434.
- [28] S.W. Sloan, A.J. Abbo, D. Sheng, Refined explicit integration of elastoplastic models with automatic error control, Engineering Computations, 18(1/2) (2001) 121-194.
- [29] H. Kupfer, H.K. Hilsdorf, H. Rusch, Behavior of concrete under biaxial stresses, ACI Journal Proceedings, 66(8) (1969) 656-666.
- [30] S. Swaddiwudhipong, P.E.C. Seow, Modelling of steel fiber-reinforced concrete under multi-axial loads, Cement and Concrete Research, 36(7) (2006) 1354-1361.
- [31] G. Zhao, M. di Prisco, L. Vandewalle, Experimental investigation on uniaxial tensile creep behavior of cracked steel fiber reinforced concrete, Materials and Structures, 48(10) (2015) 3173-3185.
- [32] D. Candappa, J. Sanjayan, S. Setunge, Complete triaxial stress-strain curves of high-strength concrete, Journal of Materials in Civil Engineering, 13(3) (2001) 209-215.
- [33] J.B. Mander, M.J. Priestley, R. Park, Theoretical stressstrain model for confined concrete, Journal of structural engineering, 114(8) (1988) 1804-1826.
- [34] ASTM-C801, Standard Test Method for Determining the Mechanical Properties of Hardened Concrete Under Triaxial Loads, in, American Society for Testing and Materials, 1998.

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم GH. R. Baghban Golpasand, M. Farzam, S. Soleymani Shishvan, Experimental and numerical investigation of the effect of steel fiber on fiber reinforced concrete under multiaxial compression, Amirkabir J. Civil Eng., 53(6) (2021) 2657-2678.



DOI: 10.22060/ceej.2020.17462.6576