

## Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 53(7) (2021) 605-608 DOI: 10.22060/ceej.2020.17487.6580

# Parametric Study of Kinematic Interaction in Pile-Cohesive Soil under Dynamic Loads

M. M. Ahmadi<sup>\*</sup>, M. J. Mashinchian, S. Hadei

Department of Civil Engineering, Sharif University of Technology, Tehran, Iran

ABSTRACT: Pile foundations are widely used to ensure the stability of structures subjected to seismic excitation. Numerous structures and foundations in soil-pile-structure systems have been destroyed during the occurrence of earthquakes. Because of the complexities involved in soil-pile interaction problems and the lack of precise methods, it is necessary to use numerical methods for analyzing soilpile interaction problems. Several factors are affecting the dynamic response of a pile in the soil-pile system. These factors can be divided into three main categories: geometrical factors, material properties, and load characteristics. Studying the effects and importance of these factors in the response of the pile will help geotechnical engineers to optimize their design. In this research, three-dimensional modeling has been developed using the FLAC3D computer program, and the effects of various soil and pile properties on the dynamic behavior of a single pile in clayey soils are evaluated. One of the most important subjects in the numerical modeling of soil-pile system dynamic response is the constitutive model considered for the soil. This strongly affects the accuracy of results. In this study, a softening model has been used for the behavior of the soil under dynamic loads. Sinusoidal harmonic loading has been applied to the model base as the acceleration time history, and the variations of bending moments, shear forces, and displacements along the pile are obtained for all analyses carried out in this study. The results showed that the kinematic interaction coefficient depends on the loading characteristics and in the high frequencies head pile response was lower than the free field.

#### **Review History:**

Received: Dec. 08, 2019 Revised: Feb. 02, 2020 Accepted: May. 13, 2020 Available Online: May. 28, 2020

#### **Keywords:**

Dynamic response Single pile Clayey soil Soil-pile interaction Numerical analysis

#### **1. INTRODUCTION**

In recent years, many studies have been carried out on the dynamic response of piles and affecting parameters on it; despite extensive research on this topic, predicting the behavior of piles during an earthquake is still a contentious issue in the field of geotechnical engineering.

Appropriate assessment of the seismic behavior of deep foundations requires paying attention to the effects of the kinematic interaction of the soil-foundation system. Threedimensional numerical modeling is one of the most powerful tools for nonlinear analysis of the dynamic interaction of the soil-pile system.

A review of the previous studies reveals that they have some limitations. The most important limitations of these studies are the two-dimensional modeling, the focus on superstructure response, the assumption of linear behavior for soil, and the use of simple Winkler-based models for soil-pile interaction. The main purpose of this study is the investigation of the dynamic response of a single pile embedded in cohesive soil under dynamic loading. To this end, the behavior of a single pile under dynamic loading in the framework of fully nonlinear three-dimensional numerical analyses has been evaluated.

#### 2. METHODOLOGY

In the present study, to ensure the accuracy of numerical modeling, the soil-pile system studied by Maheshwari et al. (2004) has been simulated using FLAC3D software and the obtained results were compared with those given by the referred study according to "Fig. 1".

To select the appropriate dimensions for the model in dynamic analysis, cubic models with dimensions of 12, 16, 20, and 24 meters have been developed and subjected to dynamic loading from the bottom of the model. Based on the results of this sensitivity analysis, 20 meters were selected as dimensions of the models in the X, Y, and Z directions. The concrete single piles were simulated using flexural elements and were placed in the center of the model.

The soil has a softening behavior in the range of medium and large strains. So, the nonlinear constitutive model was used to obtain more accuracy in the modeling of the soil-pile system dynamic behavior. Also, Rayleigh damping was used for modeling soil energy dissipation during cycles of load application. A schematic view of the created model is shown in "Fig. 2".

\*Corresponding author's email: mmahmadi@sharif.edu



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Response of pile head in dynamic loading



Fig. 2. Schematic view of the created model

#### **3. RESULTS AND DISCUSSION**

To investigate the effect of various parameters like loading frequency and amplitude, diameter and length of the pile, and soil stiffness, on the dynamic response of the single pile in clayey soil, a set of dynamic analyses have been conducted in the time domain. In each analysis, the maximum bending moments and displacements induced along with the pile by dynamic loading have been studied.

The contour diagram of the shear strain rates at the end of dynamic loading, according to "Fig. 3", illustrates that the highest rate of shear strain occurred at the bottom of the model, and the end of the pile. The soil in those areas had the highest displacement values. The distribution of bending moments along the pile indicates that that the maximum bending moments occur at the top and in the middle of the single piles. Bending moments at the tip of the pile reached approximately zero. Also, based on the parametric study, it can be concluded that increasing stiffness of the soil causes an increase in bending moment and a decrease in pile head displacements induced due to dynamic loading. The results showed that pile head displacement increases as the dynamic loading time increases.

Another study conducted in this study is to evaluate the responses pile in the time domain. As can be seen in "Fig. 4", the results show that pile head displacement increases as the dynamic loading time increases.



Fig. 3. Contour of shear strain rate after dynamic loading



Fig. 4. Displacement along the pile in dynamic loading for 1m diameter pile

#### 4. CONCLUSION

In the present study, the dynamic behavior of single piles embedded in the cohesive soil was studied in the time domain. The models were subjected to sinusoidal harmonic loading and the response of the pile and affecting parameters on it were investigated. Based on the analyses conducted in this study, the following results have been concluded:

1. As the diameter of the pile increased, bending moments and displacements induced along with the pile by dynamic loading, increased significantly and decreased, respectively.

2. Increasing the stiffness of the cohesive soil layer caused an increase in the bending moment and a decrease in displacements induced in the pile.

3. Increasing the length of the pile caused an increase in displacements induced along with the pile. It should be noted that in many practical cases, increasing the length of the pile to achieve a layer with sufficient strength is inevitable.

4. The value of the kinematic interaction coefficient depends on the loading characteristics. Increasing the diameter of the pile has also reduced the value of the kinematic interaction coefficient, and for all diameters, this coefficient was less than 1.0. This means that equating foundation displacement with free field motion is conservative.

5. At high frequencies, it was perceived that the response of the pile head response is less than the free field response. In other words, the free field had more permanent displacements than the pile head.

6. Under dynamic loading, the highest shear strains were induced at the bottom of the model and the end of the pile.

7. Pile length was the most affecting parameter among the studied factors on pile bending moments. Therefore, it is necessary to pay more attention to select the pile length in the geotechnical design of piles.

#### REFERENCES

- [1] Anandarajah, J. Zhang, Simplified finite element modeling of nonlinear dynamic pile-soil interaction, Retrieved February, 10 (2000) 2005.
- [2] Y. Cai, P. Gould, C. Desai, Nonlinear analysis of 3D seismic interaction of soil-pile-structure systems and application, Engineering Structures, 22(2) (2000) 191-199.

- [3] B.K. Maheshwari, K.Z. Truman, M.H.E. Naggar, P.L. Gould, Three-dimensional finite element nonlinear dynamic analysis of pile groups for lateral transient and seismic excitations, Canadian Geotechnical Journal, 41(1) (2004) 118-133.
- [4] F. Dezi, S. Carbonari, G. Leoni, Kinematic bending moments in pile foundations, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 30(3) (2010) 119-132.
- [5] S. Sica, G. Mylonakis, A.L. Simonelli, Transient kinematic pile bending in two-layer soil, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 31(7) (2011) 891-905.
- [6] C. Tsai, D. Park, C. W. Chen, Selection of the optimal frequencies of viscous damping formulation in nonlinear time-domain site response analysis, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 67 (2014) 353-358.

#### HOW TO CITE THIS ARTICLE

M.M. Ahmadi, M.J. Mashinchian, S. Hadei, Parametric Study of Kinematic Interaction in Pile-Cohesive Soil under Dynamic Loads, Amirkabir J. Civil Eng., 53(7) (2021) 605-608.



DOI: 10.22060/ceej.2020.17487.6580

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ۷، سال ۱۴۰۰، صفحات ۲۷۶۵ تا ۲۷۸۰ DOI: 10.22060/ceej.2020.17487.6580

# مطالعه پارامتری اندرکنش سینماتیکی شمع-خاک چسبنده تحت بار دینامیکی

محمدمهدي احمدي\* ، محمدجواد ماشين چيان، سيد سجاد هادئي

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۹۹/۱۷ ۱۳۹۸/۱۹ بازنگری: ۱۳۹۸/۱۱/۱۳ پذیرش: ۱۳۹۹/۰۲/۲۴ ارائه آنلاین: ۱۳۹۹/۰۳/۰۸

کلمات کلیدی: پاسخ دینامیکی شمع منفرد خاکرسی اندرکنش شمع-خاک تحلیلعددی

سختی خاک و شمع و محدودیتهای مرزی بالا و پایین شمع

بستگی دارد. این اندرکنش حتی در غیاب سازه هم رخ میدهد و

اندرکنش سینماتیکی نامیده می شود. ارزیابی مناسب رفتار لرزهای

پیهای عمیق، مستلزم توجه به اثرات اندرکنش سینماتیکی سیستم

خاک - پی است. مدلسازیهای عددی سهبعدی<sup>۲</sup> از جمله بهترین

ابزارها براى تحليل غيرخطى اندركنش ديناميكي سيستم خاك-شمع

خلاصه: سیستم های فونداسیون شمع بطور گسترده ای جهت پایداری سازه های در معرض بار لرزه ای مورد استفاده قرار می گیرند. تعداد زیادی از سازه ها و شالوده ها در سیستم سازه - خاک - شمع هنگامی که در معرض بار لرزه ای قرار گرفته تخریب شده اند. به دلیل پیچیدگی های موجود در مسائل اندرکنش خاک - شمع و همچنین فقدان روش های دقیق، استفاده از روش های عددی جهت تحلیل مسائل اندرکنش خاک – شمع ضروری است. در سیستم خاک - شمع تحت بارگذاری دینامیکی، پاسخ دینامیکی شمع وابسته به عوامل متعددی است. این عوامل را می توان به سه دسته اصلی شامل پارامترهای هندسی، مشخصات مصالح و نیز ویژگیهای بارگذاری طبقهبندی نمود. بررسی تأثیر هر یک از عوامل فوق در پاسخ دینامیکی شمع، میتواند مهندسین را در طراحی بهتر یاری نماید. هدف تحقیق حاضر بررسی تأثیر این عوامل برروی پاسخ دینامیکی شمع منفرد مدفون در خاک رسی با استفاده از نرمافزار تفاضل محدود FLAC<sup>3D</sup> است. یکی از مهمترین و تأثیرگذارترین موضوعات در مدل سازی عددی پاسخ دینامیکی سیستم شمع - خاک مدل رفتاری درنظر گرفته شده برای خاک است. در این مقاله از یک مدل رفتاری نرم شونده برای مدل سازی رفتار خاک تحت بارگذاری دینامیکی استفاده شده است. تحریک اعمال شده به مدل، به صورت هارمونیک سینوسی بوده که به شکل تاریخچه زمانی شتاب به کف مدل اعمال شده است. پس از اعتبارسنجی مدل به بررسی تأثیر پارامترهای مختلف بر رفتار دینامیکی شمع پرداخته شده و ممان خمشی و جابهجایی های ایجاد شده در شمع ارائه شده و نتایج تفسیر گشتهاند. نتایج بدست آمده از این مقاله نشان می دهد که مقدار ضریب اندر کنش سینماتیکی به خصوصیات بارگذاری وارده بستگی داشته و همچنین در فرکانس های بالا پاسخ سرشمع نسبت به پاسخ میدان آزاد، مقادیر کم تری دارد.

#### ۱– مقدمه

در سالهای اخیر مطالعات فراوانی در رابطه با تحلیل دینامیکی شمعها صورت گرفته و تأثیر عوامل مختلف روی آن مورد بررسی قرار گرفته است؛ اما با وجود تحقیقات گسترده، پیشبینی رفتار شمعها در هنگام رخداد زمین لرزه، همچنان مسألهای بحثبرانگیز در حیطه ژئوتکنیک لرزهای و مهندسی پی است. هنگامی که موج برشی ناشی از زلزله از طریق لایه خاک منتشر می شود، شمع مدفون تحریک ایجاد شده را تغییر می دهد که این به عواملی نظیر اختلاف

# kinematic interaction 3D numerical analysis

کو بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) میرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) و کی بنی موانید.

مي باشند [۱].

در تحقیق کی و همکاران، با مدلسازی اندرکنش دینامیکی سیستم خاک - شمع به وسیله روش المان محدود سه بعدی این نتیجه حاصل شد که استفاده از رفتار خمیری برای خاک، منجر به اختلاف قابل توجه پاسخ شمع و سنگ بستر میشود [۲]. ماهشواری ً و همکاران، روش المان محدود سهبعدی را به منظور بررسی اثرات حالت خمیری خاک و جدایی در فصل مشترک خاک - شمع بر روی پاسخ دینامیکی شمع منفرد و گروه شمعها، گسترش دادند. این محققین شمع را با یک ماده الاستیک خطی و خاک را به صورت مدل سطح منفرد سلسله مراتبی که مبتنی بر یک حالت خمیری پیشرفته است، مدلسازی کرده اند. با توجه به تقارن مدل فقط یک چهارم آن را ساخته اند و از المانهای کلوین (فنر و میراگر) در هر سه جهت (x,y,z) برای شبیهسازی محیط خاک نامحدود استفاده كرده اند. همچنين، از حركت هارمونيك براى يافتن توابع انتقال برای فونداسیون استفاده کرده اند. تحلیل عددی انجام شده توسط ماهشواری و همکاران بیان می کند که اثر جدایش، زمانی که مدل خاک الاستیک است، بسیار قابل توجه است و پاسخ غیرخطی خاک در سیستم خاک - شمع اثر مهمی در فرکانسهای تحریک پایین دارد [۳]. مایورانو<sup>۳</sup> و همکاران، رفتار دینامیکی شمعهای منفرد و گروه شمع را با استفاده از روش المان محدود بررسی کرده و بر اساس نتایج به دست آمده، ضوابط اصلاحی برای پیشبینی ممان های خمشی بیشینه پیشنهاد کرده اند [۴]. دزی و همکاران، با انجام تحلیلهای پارامتریک، عوامل مؤثر بر ممان خمشی ایجاد شده در شمع تحت بارگذاری لرزهای را مورد بررسی قرار داده و نمودارهایی برای تخمین ممان خمشی بیشینه شمع ارائه داده اند [۵]. سیکا<sup>ه</sup> و همکاران، یاسخ دینامیکی شمع منفرد را تحت بار لرزهای بر اساس مدل تیر روی فونداسیون وینکلر ٔ مطالعه نموده و تأثیر عواملی مانند تفاوت سختی لایهها، نسبت سختی شمع به سختی خاک، شدت تحریک اعمال شده، میرایی مادی خاک و محتوای فرکانسی<sup>۷</sup>زلزله را در پاسخ دینامیکی شمع منفرد مورد توجه قرار داده اند. آنها نشان دادند که ناهمگنی و رفتار غیرخطی خاک به میزان زیادی بر روی

پاسخ خاک و ممان خمشی سینماتیکی شمع تأثیر میگذارد و نتیجه گرفتند که تحلیلهای دقیق غیرخطی اغلب برای پیشبینی پاسخ دینامیکی شمعها ضروری است ۲]-]۶. کهاد<sup>۸</sup> و همکاران، اثرات اندرکنش شمع-خاک را با در نظر گرفتن رفتار غیرخطی برای خاک بررسی نمودند. تحلیلهای انجام شده نشان داد هنگامی که فرکانس ارگذاری نزدیک فرکانس طبیعی سیستم است، در پاسخ های بدست آمده پدیده تشدید به وجود میآید [۸]. غیرهمگنی و غیرخطی بودن خاک، بر روی اندرکنش سینماتیکی شمع-خاک و ممان حاصله تحت انتشار قائم امواج لرزهای برشی در خاک لایه ای به وسیله آزمایش های میز لرزه یک بعدی و شبیه سازی های عددی غیرخطی منظور، آن ها نشان دادند که ویژگی های غیرخطی و ناهمگنی خاک بر روی پاسخ سایت و ممان سینماتیکی شمع بسیار تأثیرگذار است، بنابراین تحلیلهای غیرخطی غالباً برای پیشبینی پاسخ دینامیکی شمع ها ضروری است [۹].

در ادامه ی تحقیقات دزی و همکاران، اندرکنش سینماتیکی گروه شمع های مربعی در خاک های همگن مطالعه شده است. تحلیل ها با استفاده از مدل سازی سه بعدی و همچنین، در نظرگیری میرایی هندسی<sup>۱۰</sup> و اثرات اندرکنش شمع-خاک انجام گرفته است. مطالعات پارامتری گسترده ای برای تعیین اثرات عوامل مختلف، مانند مشخصات خاک، موقعیت سنگ بستر، فاصله و تعداد شمع ها مانند مشخصات خاک، موقعیت سنگ بستر، فاصله و تعداد شمع ها مراسی شده است. ممان های خمشی به دست آمده از تحلیلهای گروه شمع، در سرشمع و در سطح تماس دو لایه خاک نسبت به ممان های خمشی شمع منفرد بی بعد گردیده و منجر به ایجاد روابط طراحی جدیدی برای تخمین ممان های خمشی سینماتیکی در گروه شمع شده است [۱۰].

با مطالعه اجمالی بر روی مقالات منتشر شده در زمینه مدل سازی شمع تحت بار دینامیکی، مشاهده می شود که اغلب مطالعات صورت گرفته توسط محققین دارای محدودیتهایی بوده است. از جمله مهمترین محدودیتهای این مطالعات میتوان به دوبعدی بودن مدلسازیها، تمرکز بر روی پاسخ روسازه، فرض رفتار خطی برای خاک و استفاده از مدلهای ساده مبتنی بر روش وینکلر برای اندرکنش

<sup>1</sup> Cai

<sup>2</sup> Maheshwari 3 Maiorano

<sup>4</sup> Dezi

<sup>5</sup> Sica

<sup>6</sup> beam on winkler foundation

<sup>7</sup> frequency content

<sup>8</sup> Chehade

<sup>9</sup> Chidichimo

<sup>10</sup> Radiation Damping

۲۰	مدول الاسيتيسيته (گيگاپاسكال)
•/10	ضريب پواسون
74	وزن مخصوص (کیلونیوتن بر مترمکعب)

جدول ۱. مشخصات شمع بتنی بکار رفته در ارزیابی مدل Table 1. Properties of concrete pile used in model analysis

## جدول ۲. مشخصات خاک رس نرم Table 2. Soft clayey soil properties

۱۱/۲۸	مدول الاستيسيته خاک (مگاپاسکال)
18/1	وزن مخصوص (کیلونیوتن بر مترمکعب)
•/47	ضريب پواسون خاک
34	چسبندگی مؤثر (کیلوپاسکال)
۱۵/۶	زاویه اصطکاک داخلی

خاک-شمع اشاره نمود. در این مقاله سعی شده است که این ضعف ها تا حد امکان مرتفع شده و رفتار لرزهای شمع ها بصورت دقیقتری بررسی شود. هدف اصلی این پژوهش، بررسی پاسخ دینامیکی شمع منفرد مدفون در خاک چسبنده تحت بارگذاری شتاب هارمونیک است. به همین منظور، رفتار شمع منفرد تحت بارگذاری دینامیکی مورد تحلیل عددی سهبعدی کاملاً غیرخطی در حوزه زمان قرار گرفته و عوامل مؤثر بر آن مورد ارزیابی قرار گرفتند.

## ۲– مدل سازی عددی

در پژوهش حاضر، در ابتدا برای اطمینان از صحت مدلسازی عددی، سیستم خاک – شمع بررسی شده توسط ماهشواری و همکاران، با استفاده از نرمافزار FLAC<sup>TD</sup> مدل شده و نتایج بدست آمده با نتایج حاصل از آن تحقیق مقایسه شدند. پارامترهای در نظر گرفته شده برای خاک رس نرم و شمع بتنی در پژوهش حاضر، دقیقاً همان پارامترهایی هستند که در مقاله ماهشواری و همکاران در نظر گرفته شده و مقادیر آنها در جدول های ۱ و ۲ آمده است. صحت مدل سازی با بررسی پاسخ میدان آزاد خاک و نیز سیستم خاک – شمع ارزیابی شده است. موج هارمونیک سینوسی با دامنه واحد به عنوان موج ورودی به کف مدل اعمال شده و پاسخ سیستم تحت فرکانسهای ارتعاش مختلف به شکل تاریخچه زمانی بدست

آمده و مورد بررسی قرار گرفته است [۳]. در شکلهای ۱ و ۲، نتایج حاصل از مدلسازی حاضر و پژوهش ماهشواری مقایسه شدهاند. در این شکلها  $U_{a}$ ،  $U_{a}$  و  $U_{a}$  به ترتیب، دامنه جابجایی سنگ بستر، جابهجایی میدان آزاد زمین و جابهجایی سرشمع هستند که در برابر  $\omega$  فرکانس بارگذاری بدون بعد ترسیم شده اند. مطابق این اُشکال فرکانس زاویه ای، d قطر شمع و  $V_{\rm s}$  سرعت موج برشی در محیط خاکی را نشان می دهد. در هر دو نمودار شکل ۱ مشاهده می گردد که همخوانی نتایج در فرکانسهای پایین بهتر از فرکانسهای بالا است. یکی از دلایل افزایش اختلاف می تواند شرایط متفاوت در مرزهای مدل باشد. در مطالعات ماهشواری و همکاران در مرزهای مدل از المانهای کلوین (فنر و میراگر در حالت موازی) استفاده شده درحالی که در تحقیق حاضر از مرزهای جاذب و میدان آزاد<sup>۲</sup> استفاده شده است. در شکلهای ۱ و ۲، در فرکانسهای پایین یک افزایش ناگهانی در نسبت دامنه پاسخ جابهجایی میدان آزاد و سرشمع به دامنه حرکت سنگ بستر مشاهده میشود که این افزایش ناگهانی ناشی از پدیده تشدید در خاک است. در فرکانس های بالا مشاهده می شود که پاسخ سر شمع نسبت به پاسخ میدان آزاد، مقادیر کم تری دارد. به عبارت دیگر، تغییرمکان های ماندگار در مدل خاک میدان آزاد بیشتر است. به منظور درنظر گرفتن ابعاد مناسب برای مدل در تحلیل های

<sup>1</sup> kelvin element

<sup>2</sup> free field







[۳] شکل ۲. پاسخ سرشمع در بارگذاری دینامیکی [۳]Fig. 2. Head-pile response in dynamic loading

مرکز مدل قرار داده شده است. چنانچه در شکل ۳ مشاهده می شود، در مرز خارجی مدل، جهت جلوگیری از بازگشت امواج زلزله به داخل محیط خاک و همچنین، شبیه سازی محیط نیمه بی نهایت خاک از مرزهای جاذب<sup>۱</sup> استفاده شده است. وجود مرز انعطاف پذیر در کف مدل باعث می شود که اعمال بار دینامیکی به صورت تاریخچه شتاب و یا سرعت امکان پذیر نباشد. بنابراین به منظور امکان ایجاد بارگذاری

1 quiet boundary

دینامیکی، مدل های مکعبی شکل با ابعاد ۱۲، ۱۶، ۲۰ و ۲۴ متر ایجاد شده و تحت تحریک دینامیکی، از کف مدل قرار گرفتند. نتایج تحلیلها مطابق آنچه که در جدول ۳ آمده است، نشان داد که افزایش ابعاد مدل از ۲۰ به ۲۴ متر، تأثیر قابل توجهی در نتایج به دست آمده، از جمله شتاب های ایجاد شده در سر شمع و حداکثر ممان ایجاد شده در شمع نداشته است. بنابراین در این پژوهش، ابعاد مدل در جهت X، Y و Z برابر با ۲۰ متر در نظر گرفته شده و شمع بتنی در

حداکثر جابهجایی در طول شمع (میلیمتر)	حداکثر ممان خمشی در طول شمع (کیلونیوتنمتر)	حداکثر شتاب ایجاد شده در سر شمع (متر بر مجذور ثانیه)	
54	117/8	۲/۴	مدل ۱۲ متری
۶٨	\ • Y/Y	۲/۱	مدل ۱۶ متری
٧٠	۱ • ۴/۵	١/٨	مدل ۲۰ متری
۲١	1 • 4/2	١/٨	مدل ۲۴ متری

جدول ۳. تأثیر ابعاد مدل بر نتایج به دست آمده حاصل از مدل سازی Table 3. Effect of model dimensions on the result of modeling



Fig. 3. Schematic view of created model

خواهد شد. در این حالت نیروی مقاومی از سوی خاک در برابر شمع احساس نمی شود، زیرا وظیفه این ارتباط به عهده فنر اتصالی است. مقدار حداکثر برای سختی فنر اتصالی طبق پیشنهاد نرم افزار، ده برابر  $\left\{ \frac{B_{2}}{dz_{-}} \right\}$  است. در این رابطه X و G به ترتیب مدول بالک (حجمی) و مدول برشی محیط پیوسته خاک و mZh اندازه کوچکترین بعد شبکه خاک اطراف فنر است. در کلیه مدل سازی های این تحقیق نیز، از این رابطه برای بدست آوردن سختی های فنر استفاده شده است. لازم به ذکر است که در مدل سازی انجام شده امکان جدایش است. لازم به ذکر است که در مدل سازی انجام شده امکان جدایش بین المان های خاک – شمع در نظر گرفته است. شکل T نمای کلی است. از مدل سازی انجام شده امکان جدایش است. لازم به ذکر است که در مدل سازی انجام شده امکان جدایش است. لازم به ذکر است که در مدل سازی انجام شده امکان جدایش این المان های خاک – شمع در نظر گرفته است. شکل T نمای کلی از مدل ساخته شده را نشان می دهد.

خاک تحت بارهای لرزه ای دامنه کرنش هایی در محدوده متوسط

به صورت تاریخچه زمانی شتاب، کف مدل به صورت صلب (با اعمال تغییرمکان صفر در هر سه جهت X، Y، و Z) در نظر گرفته شده است. برای مدل سازی شمع، از المان خمشی استفاده شده است. المان سازه ای شمع بصورت یک قطعه مستقیم با خصوصیات یکنواخت است که از بین دو نقطه گرهی می گذرد. این المان دارای سختی محوری و خمشی بوده و قابلیت تحمل خمش را دارد. اتصال شمع به محیط، از طریق المانهای حدفاصل صورت می گیرد. المانهای حدفاصل در این نرمافزار فنرهایی هستند که بصورت برشی و عمودی قرار گرفته اند. فنرهای اتصالی باید به گونه ای عمل کنند که در اثر اعمال بار و ایجاد نیرو در داخل شمع، جاری نشوند. در غیر این صورت روند بارگذاری و افزایش بار در همان مقدار نیروی ایجاد شده متوقف



(۱۲) شکل ۴. تغییرات مدول برشی خاک با کرنش برشی برای خاک های چسبنده (سان و همکاران) [۱۲] Fig. 4. Shear modulus versus cyclic shear strain for cohesive soils (Sun *et al.*)



شکل ۵. مقایسه حداکثر ممان ایجاد شده در شمع در مدل های رفتاری مختلف Fig. 5. Comparison of maximum bending moment in piles in different constitutive models

(۱۹۸۲) مطابق شکل ۴، منظور گردیده است [۱۱].

به منظور بررسی تأثیر رفتار در نظر گرفته شده برای خاک تحت بارگذاری دینامیکی، برای خاک سه نوع مدل رفتاری الاستیک، مور-کولمب و مدل نرم شونده استفاده شده در این مقاله مورد بررسی قرار گرفته اند. شکل ۵ حداکثر ممان ایجاد شده در شمع را طی بارگذاری دینامیکی نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود بیشترین ممان به وجود آمده مربوط به مدل رفتاری الاستیک بوده و پس از آن مدل رفتاری مور-کولمب پاسخ های بیشتری را نسبت به مدل رفتاری نرم شونده به همراه دارد. کم تر بودن مقدار ممان در و بزرگ تجربه کرده و رفتار نرم شونده از خود نشان می دهد؛ لذا برای مدلسازی و بررسی دقیق تر رفتار سیستم خاک-شمع تحت بارهای دینامیکی، ضروری است که رفتار غیرخطی خاک در نظر گرفته شود. در پژوهش حاضر، برای در نظر گرفتن رفتار غیرخطی خاک، مدل رفتاری موهر-کولمب برای خاک انتخاب شد؛ همچنین برنامهای در محیط نرمافزار کدنویسی شد که با افزایش دامنه کرنش برشی، مدول برشی خاک را کاهش دهد. نحوه ی تغییر مدول برشی در برنامه کدنویسی شده، مطابق با مطالعات آزمایشگاهی سان و همکاران

1 Sun et al.

	خاک سخت	خاک متوسط	خاک نرم
دانسیته (کیلوگرم بر متر مکعب)	7	۱۲۰۰	18
مدول الاستيسيته (مگاپاسكال)	٨٠	۲.	١.
مقاومت برشی زهکشی نشده (کیلوپاسکال)	۵۰	۲۵	١.
L/H (نسبت طول شمع به عمق لايه خاک)	۸/۰، ۵/۰، ۳/۰	۸/۰، ۵/۰، ۳/۰	۰/۳ ۵۰/۵ ۰۰/۸
قطرشمع (متر)	۰/۵ ،۱ ،۱/۵ ،۲	۰/۵ ،۱ ،۱/۵ ،۲	۲، ۵/۱، ۱، ۵/۰
فرکانس بارگذاری (هر تز)	۲،۴،۸	۲،۴،۸	۲،۴،۸
دامنه بارگذاری	•/۲ g.•/۵ g.1g	۰/۲ g.۰/۵ g.۱g	•/7 g.•/۵ g.1g

جدول ۴. مشخصات هندسی و مکانیکی مدل مورد مطالعه و بارهای دینامیکی اعمالی Table 4. Geometrical and mechanical properties of the studied model and applied dynamic loads

خاک با مدل رفتاری نرم شونده، بدین صورت توجیه می شود که نرم شدن خاک در کرنش های بالا در اثر تحریک دینامیکی باعث کاهش توانایی شمع در جذب نیروها می گردد.

یکی دیگر از مسائل مهم، انتخاب میرایی مناسب برای مدل ایجاد شده است. میرایی استفاده شده در این پژوهش از نوع میرایی رایلی است. میرایی رایلی نسبت به سایر میرایی ها دارای برتریهایی است؛ میرایی موضعی مؤلفه های فرکانسی بالا را کمتر میرا نموده و خطای بیشتری را در فرکانس های بالا ایجاد می نماید و در مسائل دینامیکی پیچیده استفاده از این نوع میرایی توصیه نمی شود. همچنین میرایی هیسترسیس نیز، بصورت غیرمستقیم تابعی از کاهش مدول خاک است و شناخت مقدار میرایی واقعی برای استفاده در مدل برای آن دشوار است. علاوه بر آن، روابط میرایی بدست آمده برای میرایی هیسترسیس، منحنی های آزمایشگاهی را توجیه نمی نماید و این نوع میرایی، تغییرشکل های اتفاق افتاده را بیش از حد واقعی خود نشان می دهد [۱۲].

برای اعمال میرایی رایلی در نرم افزار FLAC<sup>TD</sup> به دو پارامتر نیاز است. درصدی از میرایی بحرانی و یک مرکز برای بازهی فرکانسی که این میرایی اعمال میشود. طبق مطالعه صورت گرفته توسط سای<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۱۴)، در هنگام اعمال بارگذاری هارمونیک، فرکانس مرکزی مناسب، برابر با فرکانس موج هارمونیک است. در این تحقیق نیز، بدین گونه عمل شده و همزمان با اعمال بارگذاری های هارمونیک با فرکانس های مختلف، فرکانس مرکزی مربوط به میرایی

1 Tsai

رایلی تغییر یافته است. مقدار میرایی بحرانی نیز، مطابق با تحقیقات سای و همکاران برابر با ۵ درصد فرض شده است.

## ۳- نتایج و بحث

به منظور بررسی تأثیر پارامترهای مختلف از جمله فرکانس و دامنه بارگذاری، قطر و طول شمع و نیز سختی خاک، بر روی پاسخ دینامیکی سیستم شمع منفرد در خاک رسی، تحلیلهای دینامیکی در حوزه زمان انجام شده و مقادیر حداکثر ممان خمشی و جابهجایی ایجاد شده در شمع، در هریک از مدلها بدست آمد. در این تحلیلها از سه نوع خاک با سختی های متفاوت استفاده گردید. قطر شمعها برای این تحلیلهای دینامیکی برابر با ۰/۰، ۱، ۰/۱ و ۲ متر منظور شد. نسبت H/I (I e H در شکل ۳ تعریف شدهاند) برای شمعها نیز برابر با ۳/۰، ۵/۰ و ۸/۰ بود. فرکانس و دامنه بارگذاریهای هارمونیک اعمال شده به کف مدل به ترتیب برابر با ۲، ۴ و ۸ هرتز و ۲۶/۰، ۵۶/۰ و ۱۶ در نظر گرفته شدند. مشخصات مدل مورد مطالعه (هندسی و مکانیکی) و همچنین بارهای دینامیکی اعمالی به مدل نیز، به صورت خلاصه در جدول ۴ نشان داده شده است.

در شکل ۳، پارامترهای L و H تعریف شده اند. در تمامی تحلیل های انجام گرفته مقدار عمق لایه خاک (H) ثابت و برابر ۲۰ متر درنظر گرفته شده و تنها پارامتر طول شمع تغییر یافته است. همچنین، در مدل سازی های انجام شده، برای شبیه سازی هرچه بیشتر مسأله با واقعیت، سرشمع ها امکان دوران ندارند. در شکل ۶، نمونه ای از بارگذاری هارمونیک اعمال شده به مدل نشان داده است.



شکل ۶. نمونه ای از بار هارمونیک اعمالی به مدل Fig. 6. An example of harmonic loading



شکل ۷. کانتور نرخ کرنش برشی پس از بارگذاری دینامیکی Fig. 7. Contour of shear strain rate after dynamic loading

در ادامه مقاله، خلاصه ای از نتایج مدل سازی های انجام شده آورده شده است. شکل ۷ نمودار کانتور نرخ کرنش های برشی پس از بارگذاری دینامیکی نشان می دهد. همانطور که مشاهده می شود بیشترین نرخ تغییرات کرنش برشی در کف مدل و همچنین بخش در این مطالعه از مولفه قائم بارگذاری دینامیکی مولفه قائم ندارد؛ زیرا نیروهای استاتیکی قائم سازه معمولاً مقاومت کافی در مقابل شتاب های قائم ایجاد شده در برابر زلزله را داشته و معمولاً نقش مهمی را در خرابی سازه ها ایفا نمی کنند.



شکل ۸. تغییرات ممان حداکثر در طول شمع





شکل ۹. تأثیر سختی خاک بر حداکثر ممان خمشی به وجود آمده در شمع Fig. 9. Effect of soil hardness on the maximum bending moment of the pile

که مشاهده می شود بیشترین مقدار ممان خمشی در شمع با قطر ۲ مترى ايجاد شده است كه دليل آن مي تواند سختي بيشتر اين شمع در شکل ۸ تغییرات ممان خمشی در طول شمع هایی با قطر است به سایر شمع ها باشد. روند تغییرات ممان خمشی در طول

انتهایی شمع (وسط مدل) که بیشترین مقادیر جابهجایی ها را دارند، مشاهده می شود.

مختلف، مدول الاستیسیته ۳۰ مگاپاسکال، مقدار فرکانس ۲ هرتز، شمع حاکی از آن است که بیشترین مقادیر ممان در سرشمع و در دامنه ۵g/۰و نسبت L/H برابر ۰/۸ نشان داده شده است. همانطور نواحی میانی شمع رخ داده است و در نوک شمع به علت آزاد بودن

انتهای شمع، مقدار ممان به مقدار تقریبی صفر می رسد.

حداکثر ممان خمشی ایجاد شده در شمع، در شکلهای ۹ تا ۱۲ نشان داده شده است. نتایج مربوط به حداکثر ممان خمشی به وجود آمده در شمع برحسب قطرشمع و به ازای سختیهای خاک مختلف برای بارگذاری با فرکانس و دامنه مشخص در شکل ۹، نشان داده شده است. مشاهده می گردد که با افزایش سختی و مدول الاستیسیته

خاک ممان خمشی بیشتری در شمع پدید می آید. برای نمونه، با افزایش سختی خاک از ۳۰ به ۸۰ مگاپاسکال، افزایش ۶۴ درصدی در حداکثر ممان به وجود آمده برای شمع با قطر ۲ متر مشاهده می شود. این روند در سایر بارگذاریها نیز مشاهده می شود. نتایج بدست آمده در این شکل، با مطالعات صورت گرفته توسط دزی و همکاران مطابقت دارد [۱۰].



شکل ۱۰. تأثیر طول شمع بر حداکثر ممان خمشی به وجود آمده در شمع





شکل ۱۱. تأثیر فرکانس بارگذاری بر حداکثر ممان خمشی به وجود آمده در شمع

Fig. 11. Effect of loading frequency on the maximum bending moment of the pile



شکل ۱۲. تأثیر دامنه بارگذاری بر حداکثر ممان خمشی به وجود آمده در شمع Fig. 12. Effect of loading amplitude on the maximum bending moment of the pile

شده به مدل مورد بررسی قرار گرفته است. مطابق انتظار بزر گتر شدن دامنه بارگذاری موجب افزایش مقدار ممان ایجاد شده در شمع شده است. برای نمونه با افزایش دامنه بارگذاری از ۵۵/۲ به ۱۵، میزان ممان حداکثر در بیشترین حالت خود که برای شمع ۲/۵ متری رخ می دهد، تقریباً ۴۷ درصد افزایش یافته است، درحالی که این افزایش برای شمع ۲ متری تنها ۸ درصد است. نکته قابل توجه در شکل ۹، ثابت ماندن تقریبی مقادیر ممان در قطرهای ۱، ۲/۵ و ۲ با افزایش سختی است. درحالی که با افزایش قطر از ۲/۵ به ۱ متر، تغییر قابل توجهی در مقدار ممان ایجاد شده در شمع رخ داده است. به نظر می رسد در طراحی شمع ها در حالت دینامیکی نیاز به دقت بیشتری در تعیین قطر مناسب وجود دارد.

شکل ۱۳، حداکثر جابهجایی ایجاد شده در طول شمع را به ازای شرایط مختلف نشان می دهد. مطابق این شکل، مدل با مدول الاستیسیته ۱۰ مگاپاسکال، فرکانس ۲ هرتز، دامنه ۲/۲ و نسبت L/H برابر ۲/۳ به عنوان منحنی مرجع در نظر گرفته شده و در سایر نمودارها یکی از موارد مؤثر به عنوان متغیر درنظر گرفته شده و تأثیر آن مورد بررسی قرار گرفته است. با توجه به این شکل، افزایش نسبت L/H موجب افزایش جابهجایی بوجود آمده در شمع شده است. افزایش دامنه بارگذاری نیز، مطابق انتظار موجب افزایش مقدار در شکل۱۰، تأثیر طول شمع در حداکثر ممان ایجاد شده در شمع، نشان داده شده است. مطابق این شکل مشاهده می شود که  $\cdot/$ ۵ در شمع با قطر L/Hهای برابر با ا و ۸/۸ اختلاف مقدار ممان حداکثر ناچیز است، درحالی که اختلاف مقدار ممان خمشی این دو نمودار در قطرهای بالاتر افزایش یافته و در شمع با قطر ۲ متر مقدار اختلاف در ممان خمشی برابر با ۱۴۲ کیلونیوتنمتر است. همچنین، در شکل ۱۱، تأثیر فرکانس بارگذاری بر ممان خمشی به وجود آمده در شمع نشان داده شده است. نکته قابل توجه آن است که ممان ایجاد شده تحت بارگذاری با فرکانس ۸ هرتز مقدار کمتری نسبت به ممان ایجاد شده تحت سایر فركانسها دارد. دليل اين موضوع مى تواند اختلاف زياد اين فركانس با فركانس طبيعي سيستم خاك - شمع باشد. لازم به ذكر است که برای بدست آوردن فرکانس طبیعی سیستم خاک - شمع مدل شده، با اعمال بارگذاری دینامیکی با فرکانس های مختلف، پاسخ سیستم (جابهجایی سر شمع) را در حوزه فرکانسی بررسی نموده و در نهایت فرکانس تشدید با توجه به پاسخ های مشاهده شده از روند نمودار (مشابه شکل ۱) مقداری برابر ۴/۱۲ هرتز بدست آمده است. به همین دلیل، در بارگذاری های با فرکانس ۴ هرتز بیشترین مقدار یاسخ مشاهده می شود. در شکل ۱۲ نیز، تأثیر دامنه بار گذاری وارد

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳، شماره ۷، سال ۱۴۰۰، صفحه ۲۷۶۵ تا ۲۷۸۰





حداکثر جابهجایی شده است. همچنین افزایش مدول الاستیسیته و سخت تر شدن خاک موجب کاهش حداکثر جابهجایی به وجود آمده در شمع شده است. فرکانس بارگذاری نیز، بخصوص در مقادیر نزدیک به فرکانس طبیعی سیستم تأثیر قابل ملاحظه ای داشته و مقادیر جابهجایی بیشتری را نشان می دهد. با توجه به روند نمودارها تأثیر نسبت *H*/*H* بیشتر از سایر موارد در میزان جابهجایی های به وجود آمده در شمع تأثیر گذار است، لذا طراحی طول شمع در مسائل ژئوتکنیکی حائز اهمیت بوده و نیاز به دقت بیشتر دارد.

در تعیین نیروی طراحی زلزله معمولاً حرکت زمین در تراز پی ساختمان مساوی حرکت میدان آزاد زمین، یعنی حرکتی که در صورت عدم وجود ساختمان در محل ممکن بود رخ دهد، فرض می شود. هنگامی که زمین نرم باشد دوره ارتعاش ساختمان بیشتر می شود، زیرا حرکت پی شامل هر دو مولفه دورانی و انتقالی خواهد بود. علاوه بر آن، بخش بیشتری از انرژی توسط میرایی در خلال تابش امواج زلزله از پی تلف می شود. این موضوع نشان دهنده نقش مؤثر حضور خاک در تحلیل های با نیروی دینامیکی است. بنابراین نظر می رسد. می توان نشان داد که حضور سازهی شمع نیز بر روی پاسخ اثر می گذارد، که این موضوع از حوصله این مطالعه خارج است. در این مطالعه، سعی شده است تا تأثیر شمع بر حرکت توده خاک و

فونداسیون سازه که مبنای اندر کنش سینماتیکی است، بررسی گردد. شکل ۱۴، نسبت دامنه حرکت سر شمع به میدان آزاد (ضریب اندرکنش سینماتیکی) را در مقابل قطرهای مختلف شمع، نشان می دهد. روشن است که افزایش قطر شمع باعث کاهش در مقدار ضریب اندرکنش سینماتیکی گردیده است، و به ازای تمامی قطرهای مدل شده این ضریب کمتر از مقدار واحد است. همچنین، با افزایش طول شمع مقدار ضریب اندرکنش سینماتیکی افزایش پیدا کرده است. برای مثال در شمع با قطر ۵/۰ متری مقداری برابر با ۲/۷۳ ضریب برابر با ۲۶/۰ و در شمع با قطر ۵/۰ متری مقداری برابر با ۲/۷۳ دارد. این مطلب بدان معناست که برای این نوع بارگذاری خاص، در نظرگیری حرکت تراز پی ساختمان برابر با زمین میدان آزاد، محافظه کارانه است.

یکی دیگر از بررسی های صورت گرفته در این پژوهش بررسی مقادیر پاسخ های بدست آمده در حوزه زمانی است. برای نمونه در شکل ۱۵ تغییرات جابهجاییهای به وجود آمده در طول شمع، در زمانی معین از بارگذاری (درثانیه ششم اعمال بار)، مشاهده میگردد. در این شکل نیز، شمع با قطر ۱/۵ متر، میزان جابهجایی بیشتری را متحمل شده است و مقدار حداکثر جابهجایی در آن ۹۱/۴ میلیمتر است، همچنین در شمع با قطر ۲ متر رفتار صلب تری مشاهده میشود. در شکل ۱۶ نیز، روند تغییرات جابهجایی یک شمع با شرایط



شکل ۱۴. تغییرات ضریب اندر کنش سینماتیکی به ازای قطر و طول های مختلف شمع

Fig. 14. Kinematic interaction coefficient for different length and pile diameters



شکل ۱۵. جابهجاییهای به وجود آمده در طول شمع در ثانیه ششم بارگذاری برای قطرهای مختلف شمع Fig. 15. Displacement of the pile in the sixth second of loading for different pile diameters

میلیمتر و از ثانیه ششم تا هشتم بارگذاری مقدار حداکثر جابهجایی به مقدار ۲۶/۱ میلیمتر افزایش یافته است و در انتهای بارگذاری (ثانیه هشتم) نحوه تغییرات جابهجایی در طول شمع کاملاً شکل غیرخطی به خود می گیرد.

مشخص در زمانهای مختلف نشان داده شده است. در این شکل مشاهده می شود که با افزایش زمان بارگذاری مقدار جابهجایی ها روند سریع تری به خود گرفته است. همانطور که مشاهده می شود، از ثانیه چهارم تا ششم بارگذاری مقدار حداکثر جابهجایی به مقدار ۱۹





#### ۴- نتیجهگیری

در پژوهش حاضر سیستم شمع منفرد مدفون در خاک چسبنده بصورت سهبعدی مدل سازی شد و با استفاده از مدل رفتاری غیرخطی تحت بار دینامیکی هارمونیک سینوسی قرار داده شد و پاسخ شمع و عوامل مؤثر بر آن، در حوزه زمانی، مورد مطالعه قرار گرفت. از محدودیت های این مطالعه می توان به ضعف نرم افزار در بررسی اینترفیس های خاک – شمع پس از بارگذاری دینامیکی اشاره نمود.

با توجه به تحلیلهایی که بر روی مدل صورت گرفته است، نتایج کلّی زیر بدست آمده است:

 ۱. با افزایش قطر شمع ممان خمشی ایجاد شده در شمع تحت بارگذاری دینامیکی بطور قابل توجهی افزایش مییابد. اما جابهجاییهای به وجود آمده در شمع، با افزایش قطر شمع، کاهش مییابد.

۲. افزایش سختی خاک باعث افزایش ممان خمشی ایجاد شده در شمع میگردد؛ درحالیکه جابهجایی به وجود آمده در شمع کاهش مییابد.

۳. افزایش طول شمع، تأثیری بر خلاف قطر شمع داشته و مقدار جابهجایی های ایجاد شده در طول شمع را افزایش می دهد. لازم به یادآوری است که در بسیاری از موارد عملی، افزایش طول شمع برای

رسیدن به لایه با مقاومت کافی، گریزناپذیر است.

۴. مقدار ضریب اندر کنش سینماتیکی به خصوصیات بارگذاری وارده بستگی دارد. افزایش قطر شمع نیز، باعث کاهش مقدار ضریب اندرکنش سینماتیکی گردیده است و به ازای تمامی قطرهای مدل شده این ضریب کمتر از مقدار واحد است. این مطلب بدین معناست که درنظرگیری حرکت تراز پی ساختمان برابر با زمین میدان آزاد محافظه کارانه است.

۵. در فرکانس های بالا مشاهده شد که پاسخ سرشمع نسبت به پاسخ میدان آزاد، مقادیر کم تری دارد. به عبارت دیگر، تغییرمکان های ماندگار در مدل خاک میدان آزاد بیشتر است.

۶. در اثر بار دینامیکی بیشترین مقادیر کرنش برشی در کف مدل و در قسمت انتهایی شمع ایجاد می شود.

۷. افزایش طول شمع بیشتر از سایر موارد در افزایش مقدار ممان شمع تأثیر داشته و لازم است توجه بیشتری در طراحی طول شمع ها صورت گیرد.

> فهرست علائم علائم انگلیسی A دامنه بارگذاری، g

Kinematic response analysis of piled foundations under seismic excitation, Canadian Geotechnical Journal, .584-571 (2009) (5)46

- [5] F. Dezi, S. Carbonari, G. Leoni, Kinematic bending moments in pile foundations, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, .132-119 (2010) (3)30
- [6] S. Sica, G. Mylonakis, A.L. Simonelli, Transient kinematic pile bending in two-layer soil, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, .905-891 (2011) (7)31
- [7] S. Sica, G. Mylonakis, A.L. Simonelli, Strain effects on kinematic pile bending in layered soil, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, .242-231 (2013) 49
- [8] F.H. Chehade, M. Sadek, D. Bachir, Numerical study of piles group under seismic loading in frictional soil -Inclination effect, Open Journal of Earthquake Research, .15 (2014) (01)3
- [9] A. Chidichimo, R. Cairo, G. Dente, C.A. Taylor, G. Mylonakis, -1g experimental investigation of bi-layer soil response and kinematic pile bending, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, .232-219 (2014) 67
- [10] F. Dezi, H. Poulos, Kinematic bending moments in square pile groups, International Journal of Geomechanics, .04016066 (2016) (3)17
- [11] A.S. Hokmabadi, B. Fatahi, Influence of foundation type on seismic performance of buildings considering soil– structure interaction, International Journal of Structural Stability and Dynamics, .1550043 (2016) (08)16
- [12] C. Tsai, D. Park, C. W. Chen, Selection of the optimal frequencies of viscous damping formulation in nonlinear time-domain site response analysis, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, .358-353 (2014) 67

مراجع

- Anandarajah, J. Zhang, Simplified finite element modeling of nonlinear dynamic pile-soil interaction, Retrieved February, .2005 (2000) 10
- [2] Y. Cai, P. Gould, C. Desai, Nonlinear analysis of 3D seismic interaction of soil-pile-structure systems and application, Engineering Structures, .199-191 (2000) (2)22
- [3] B.K. Maheshwari, K.Z. Truman, M.H.E. Naggar, P.L. Gould, Three-dimensional finite element nonlinear dynamic analysis of pile groups for lateral transient and seismic excitations, Canadian Geotechnical Journal, .133-118 (2004) (1)41
- [4] R.M.S. Maiorano, L. de Sanctis, S. Aversa, A. Mandolini,

چگونه به اين مقاله ارجاع دهيم M.M. Ahmadi, M.J. Mashinchian, S. Hadei, Parametric Study of Kinematic Interaction in Pile-Cohesive Soil under Dynamic Loads , Amirkabir J. Civil Eng., 53(7) (2021) 2765-2780. DOI: 10.22060/ceej.2020.17487.6580



بی موجعه محمد ا