

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 53(4) (2021) 321-324 DOI: 10.22060/ceej.2020.16928.6396



Influence of Crack on the Behavior of Steel Plate Shear Wall Under Lateral Loading

A. Ghamari^{1*}, V. Broujerdian²

¹ Department of Civil Engineering, Darreh Shahr Branch, Islamic Azad University, Darreh Shahr, Iran. ² Department of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.

ABSTRACT: Experimental and numerical studies of Steel Plate Shear Wall (SPSW) and its successful performance under past earthquakes have introduced this system as a lateral bearing system. There is a lot of unknown information about SPSW despite reported numerous studies. The effect of crack on the SPSW behavior is one of the unknown aspects of SPSW. Although crack had affected some experimental tests, its effect on the SPSW behavior has not been investigated comprehensively. Even in numerical studies, due to the complicity of the crack in modeling and analyzing especially in nonlinear studies, it has not been evaluated comprehensively. Because of the thin steel plate and inherent welding, the emerging of the crack in SPSW is deniable. Therefore, in this paper, the effect of central and edge cracks on the behavior of SPSW was studied numerically and parametrically. Numerical results indicated that the central crack is more destructive than edge cracks in case of fracture, ultimate strength, and energy absorption. Although small cracks do not have a considerable effect on the behavior of SPSW, the central crack with a long length leads the SPSW to fracture in the elastic zone. Moreover, although long edge crack reduces ultimate strength and energy absorption, it does not lead the SPSW to fracture. Due to the difficulty of crack modeling and crack analysis in SPSW, the necessary relations were proposed to obtain a pushover diagram without needing to modeling. The proposed relation estimates the pushover diagram of the system in good agreement with FE results.

1. Introduction

Steel Plate Shear Walls (SPSWs) are capable systems against lateral loading [1]. This system enjoys high stiffness and strength as well as considerable ductility [2]. This system had shown ductile behavior in past earthquakes [3]. These advantages pursued designers to use them in their projects. Also, some strategic building has been built using SPSW. Generally, in small-scale and full-scale laboratory studies, a continuous infill steel plate is used [2-6] that is dissimilar with real projects condition. Due to the limitation of steel plates in the case of practical dimensions and SPSWs technical construction, the constructor utilizes two plates for infill plates. The two plates are welded together at mid-height of the infill plate that is susceptible to crack.

Since it is used thin plates for infill plates of SPSWs systems and due to the nature of the crack, existing of the crack in the infill plate is undeniable. Also, in some experimental studies [7,8], the emerging of crack was reported although the main feature of those studies was not to study crack in SPSW. Therefore, there is a gap in knowledge in this field. In so doing, in this study, the effect of crack on the SPSW is investigated numerically and parametrically.

*Corresponding author's email: aghamari@alumni.iust.ac.ir

Review History:

Received: Aug. 17, 2019 Revised: Dec. 13, 2019 Accepted: Dec. 28, 2019 Available Online: Mar. 02, 2020

Keywords:

Steel Shear Wall Crack Seismic Behavior Stiffness Strength

Numerical studies are carried out using the Finite Element (FE) method. In so doing, the capacities of ANSYS and ABAQUS software are used. The crack initiation is obtained by ABAQUS and then the crack propagation is modeled by ANSYS. This technic is because of the limitations of the mentioned software and their capabilities in modeling and analyzing.

The geometrical properties and crack location at midheight of infill plate in FE models are shown in Fig. 1. The infill plate equals 4mm was designed for all models. The boundary frame was designed to resist the post-bucking behavior of the infill plate. For each model, a specific name was selected that contains two parts. The first part, EF or CF represents edge or central crack, respectively. The second part shows the crack length in mm. Models with the crack length of 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512, and 1024 mm were modeled.

3. Results and discussion

2. Methodology

4. Load-displacement curve

The load-displacement curves of FE models are shown in Fig. 2 Based on the figure, edge crack leads the curve down but it is not causing to sudden fracture of SPSW. Leading

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article (\mathbf{i}) is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.







Fig. 2. Load-displacement curve of FE models

the curve down represents reducing in ultimate strength and energy absorption. But, walls with a central crack length greater than 3.2% of infill plate are fractured suddenly. Moreover, central crack length greater than 12.8% of infill plate cause fracture of the wall in the elastic zone. It is concluded that walls with a central crack length great than 12.8% should not be used as seismic zones.

4.1. Stress in SPSW

Fig. 3 shows the yielded state of SPSW for edge and central crack at ultimate drift. As shown in this figure, long crack length prevents forming of stress tension field action in the infill plate. Also, a crack with a small length does a considerable effect on the tension stress field action. Moreover, in-wall with long central crack, yielding is concentrated at two ends of the crack. In the other words, the infill plate dosed participate in energy-absorbing because of fracturing of the infill plate in the elastic zone. But, in-wall with a long central crack, a considerable area of infill plate is yielded however the tension field action is not completed.

5. Parametric model

Modeling of SPSW is complicated even without accounting cracks. Considering the crack effect, the complexity of modeling is further enhanced. To overcome this problem a parametric model is proposed for cracked SPSW. For this meaning, displacement and strength of infill plate and mainframe are calculated separately. To archive the pushover curve of cracked SPSW, the obtained curves are combined together. Shear displacement of infill plate, Δwp , without taking into account of crack effect is obtained from Eq. (1).

$$\Delta_{wp} = \frac{0.65 \sigma_t}{E} \frac{3 + \sin^2 2\alpha}{\sin 2\alpha} d \tag{1}$$

Where E is the Yang modulus, σt is the tension yield strength, d is the frame height, and α is the tension field action.

It is assumed that ultimate strength, Ff, and ultimate elastic displacement, Δf , of the mainframe are calculated when two hinges are formed at the two ends of columns.

$$\Delta_f = \frac{M_p \, d^2}{6E \, I_c} \tag{2}$$

$$F_f = \frac{4M_p}{d} \tag{3}$$

Where Ic and Mp are the moment of inertia and plastic moments of the column. The load-displacement of uncracked SPSW is drawn using the Eq. (1) to (3) inelastic zone. To tack into account of crack, the infill plate length, b, is modified. If it is assumed that b2 be cracked infill and cracked equal to, and crack propagated length be b1 therefore the modified infill plate length accounting cracking is equal to $b_2 = b - b_1$. Therefore, the shear strength of the cracked infill plate is calculated by Eq. (4).

$$\mathbf{F}_{w2} = (\tau_{cr} + 0.5 \,\sigma_t \,\sin 2\alpha) \, \boldsymbol{b}_2. \, t \tag{4}$$









EF-4

CF-1024

EF-1024





Fig. 4. Comparing of proposed method with FE results

5.1. Verification of parametric method

In Fig. 4, the FE results are compared with the proposed method to evaluate the accuracy of results. As seen in the figure, the proposed method shows a good agreement with FE results. Its error in elastic zone is around 2% in calculating stiffness. In addition, it calculates the ultimate strength 5% lower than FE results.

6. Conclusions

In this paper, the effect of crack on the behavior of SPSW was studying numerically and parametrically. The results are summarized as follows:

- Crack with small length does not considerable effect on the behavior of SPSW.

- Both long edge and central cracks in infill plate reduce

the ultimate strength and energy absorption of SPSW. But, central crakes are more critical than edge crakes.

- In central crake length greater than 3.2% of infill plate length, it causes to suddenly fracture of SPSW in the inelastic zone. Moreover, the wall with central crake length greater than 3.2% of infill plate length, fractured in the elastic zone with significantly low energy absorption.

- Central long crack prevents forming the yielding of diagonal infill plate whereas edge crack does not considerably impact on it.

- The proposed parametric model is in good agreement with FE results in the case of predicting the pushover curve.

References

- M. Gholipour, M.M. Alinia, Behavior of multi-story code-designed steel plate shear wall structures regarding bay width. Journal of Constructional Steel Research, 122 (2016) pp. 40–56.
- [2] R.G. Driver, G.L. Kulak, D.J.L. Kennedy, A.E. Elwi, Cyclic tests of four-story steel plate shear wall. Journal of Structural Engineering. 124 (1998) pp.112-20.
- [3] S. Sabouri. C. Ventura. M. Kharrazi, Shear Analysis and

Design of Ductile Steel Plate Walls. Journal of Structural Engineering-ASCE, 12 (2005) pp. 878-889.

- [4] J. Jonah J. Shishkin. Robert Driver. Gilbert Driver. Analysis of Steel Plate Shear Walls Using the Modified Strip Model. Structural Engineering Report No. 261. University of Alberta, (2013).
- [5] A.R. Rahai. M. Alipour, Behavior and Characteristics of Innovative Composite Plate Shear Walls. The Twelfth East Asia-Pacific Conference on Structural Engineering and Construction. Procedia Engineering, 14 (2011) pp. 3205–3212
- [6] D. Dubina, F. Dinu, Experimental evaluation of dual frame structures with thin-walled steel panels. Thin-Walled Structures, 78 (2014) pp. 57–69.
- [7] C. Lin. K. Tsai, Y. Lin. K. Wang, B. Qu. M. Bruneau, Full Scale Steel Plate Shear Wall: NCREE/MCEER Phase I Tests, Proceeding of the 9th Canadian Conference on Earthquake Engineering. Ottawa. Canada. (2007).
- [8] M. Guendel. B. Hoffmeister, M. Feldmann, Experimental and numerical investigations on Steel Shear Walls for seismic Retrofitting". Proceedings of the 8th International Conference on Structural Dynamics. EURODYN. (2011).

HOW TO CITE THIS ARTICLE:

A. Ghamari, V. Broujerdian, Influence of Crack on the Behavior of Steel Plate Shear Wall Under Lateral Loading, Amirkabir J. Civil Eng., 53(4) (2021): 321-324. DOI: 10.22060/ceej.2020.16928.6396



نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ۴، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۴۰۳ تا ۱۴۲۴ DOI: 10.22060/ceej.2020.16928.6396

بررسی تأثیر ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی تحت بار جانبی

على قمرى*'، وحيد بروجرديان

۱- واحد دره شهر، دانشگاه آزاد اسلامی، دره شهر، ایران ۲- دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران

خلاصه: مطالعات آزمایشگاهی و عددی انجام شده بر روی دیوار برشی فولادی و همچنین عملکرد موفق آن در زلزلههای گذشته، این سیستم را به عنوان یک سیستم کارا در برابر بارهای جانبی معرفی کرده است. هر چند مطالعات وسیعی (به جز مطالعات در خصوص تاثیر ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی) بر روی این سیستم انجام شده است، اما همچنان ناشناختههایی در خصوص این سیستم وجود دارد. تاثیر ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی یکی از ناشناخته ها در خصوص دیوار برشی فولادی است که به دلیل پیچیدگیهای تحلیل غیرخطی ترک و گسترش آن حتی با استفاده از نرم افزارهای المان محدود، به طور جامع مورد بحث بررسی قرار نگرفته است. از طرفی با توجه ضخامت کم ورق فولادی و ماهیت جوش، وجود ترک در این سیستم غیرقابل انکار و اجتناب ناپذیر است. بنابراین در این مقاله، تاثیر ترکهای میانی و کناری در ورق فولادی اثر مغرب تری نسبت به ترکهای کناری دارد. وجود ترکهای میانی با طول زیاد باعث میشود که سیستم در ورق فولادی اثر مخرب تری نسبت به ترکهای کناری دارد. وجود ترکهای میانی با طول زیاد باعث میشود که سیستم در ورق فولادی از مخرب تری نسبت به ترکهای کناری دارد. وجود ترکهای میانی با طول زیاد باعث میشود که سیستم در ورق فولادی اثر مخرب تری نسبت به ترکهای کناری دارد. وجود ترکهای میانی با طول زیاد باعث میشود که سیستم رفتار غیرالاستیک را تجربه نکند و در ناحیه الاستیک گسیخته شود. همچنین گسترش ترک تاثیر کمی بر سختی الاستیک مدارد. با توجه به پیچیدگیهای ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی، معادلات لازم برای دستیابی به نمودار پوش آور آن ارائه

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۸/۰۵/۲۶ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۹/۲۲ پذیرش: ۱۳۹۸/۱۰/۷۷ ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۱۲/۱۲

> کلمات کلیدی: دیوار برشی فولادی ترک رفتار لرزهای سختی مقاومت

۱– مقدمه

دیوار برشی فولادی یک سیستم باربر جانبی است که در زلزلههای گذشته و مطالعات عددی و آزمایشگاهی، رفتار مناسبی داشته است [۱]. سیستم مذکور، علاوه بر رفتار شکل پذیر، دارای سختی و مقاومت قابل توجهی است که موجب اقتصادی شدن طرح میشود [۲]. با توجه به مزایای برشمرده شده، این سیستم به عنوان یک سیستم باربر جانبی در سازههای متعددی در دنیا مورد استفاده قرار گرفته است و در حال حاضر گزینهای مناسب و مورد قبول مجریان و طراحان به عنوان یک سیستم باربر جانبی موفق برای استفاده در *نویسنده عهدهدار مکاتبات: aghamari@alumni.iust.ac.ir

پروژههای عمرانی است [۳]. در مطالعات آزمایشگاهی کوچک مقیاس و حتی اکثر مطالعات آزمایشگاهی به صورت تمام مقیاس انجام شده در این زمینه [۲–۶] از ورقهای یکپارچه استفاده شدهاست که با وضعیت موجود در پروژههای عملی و اجرایی متفاوت است.

با توجه به ارتفاع طبقه و عرض ورقهای موجود و همچنین تکنیکهای اجرایی، معمولاً در واقعیت نمیتوان از ورق یکپارچه برای اجرای دیوار برشی فولادی استفاده نمود. و یا حتی اگر از ورق فولادی یک پارچه استفاده شود، وجود وصله در ورق فولادی اجتناب ناپذیر است. شکل ۱ نمایی از دیوار برشی فولادی اجراشدهای را نشان میدهد که از دو ورق مجزا تشکیل شده و به وسیله جوش به هم



شکل ۱. نمونه اجرایی دیوار برشی فولادی Fig. 1. Scematic constucion of steel plate shear wall

متصل شدهاند. با توجه به مشکلات اجرایی این جوش و اینکه چنین جوشی در محل اجرا انجام خواهد شد، حتی با وجود جوشکار ماهر و نظارت مناسب، كيفيت مناسبي نخواهد داشت. براي رفع اين مشكل می توان از اتصال پیچی نیز استفاده نمود اما با توجه به افزایش هزینه ساخت، مجریان تمایلی به وصله پیچی ندارند و معمولا در سراسر دنیا این وصله به صورت جوشی (جوش دو ورق دیوار در کنار هم) انجام می شود. با توجه به ضخامت کم ورق های فولادی، و مشکلات اجرایی ذکر شده ، وجود ترک محتمل است. نقص هندسی نظیر وجود ترک، عموماً در اثر بارهای رفت و برگشتی، خوردگی، جوشکاری ناقص و... به وجود مي آيد كه با گسترش آن، امكان گسيختگي كلي نيز وجود خواهد داشت. حتى اگر ترک آن نيز تشخيص داده شود، تعمير ديوار به راحتی قابل انجام نیست. لذا باید بررسی شود که وجود ترک تا چه حدی قاب اغماض یا قابل تعمیر است. همچنین ترک در چه ناحیه ای از دیوار بیشترین تاثیر بر رفتار لرزهای را خواهد داشت و نمودار بار-تغییر مکان سازه چگونه قابل دستیابی است. لذا در این مقاله اثر وجود ترک در ورق فولادی و تاثیر آن بر نمودار پوش آور سازه مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

در بسیاری از مطالعات آزمایشگاهی انجام شده بر روی دیوار برشی فولادی، ایجاد ترک و رشد آن گزارش شدهاست. در این آزمایشها، هر چند هدف پژوهشگران ارزیابی جوش، ترک و گسترش آن نبوده است اما با توجه به ماهیت جوش، ناخواسته ایجاد می شود و گسترش پیدا می کند و آزمایش دیوار را تحت تاثیر قرار خواهد داد. با بررسی این

مطالعات می توان دریافت که حتی در شرایط کنترل شده آزمایشگاهی هم ترک به وجود می آید تبعا در شرایط اجرای کارگاهی این وضعیت بسیار وخیم تر خواهد بود. Lin تستهای آزمایشگاهی را برای بررسی تاثیر نوع بارگذاری دینامیکی و استاتیکی بر پارامترهای لرزهای دیوار برشی فولادی، انجام داد [۷]. نتایج نشان داد دیوار برشی فولادی در بارگذاری استاتیکی، سختی اولیه بیشتر از بارگذاری دینامیکی نشان خواهد داد. اما گسترش ترک ناگهانی در طبقه اول مطابق شکل ۲ در این آزمایش تمام مقیاس ایجاد شد.



شکل ۲. گسترش ترک در مدل آزمایشگاهی دیوار برشی فولادی دو طبقه [7] Fig. 2. Crack propagation in two-story experimental test [7]



[٨] شکل ۳. گسترش ترک در ورق فولادی [٨] Fig. 3. Crack propogation in infill plate [8]

محققان آلمانی [۸]، بررسی رفتار دیوار برشی فولادی را برای ارزیابی قابلیتهای آن در بهسازی لرزهای مورد بررسی قرار دادند. در یکی از این آزمایشها به دلیل گسترش ترک، شکل ۳، در ورق فولادی، شکل پذیری پایین نشان داد. هر چند اهداف این محققان در راستای ارزیابی ترک و گسترش آن نبود اما نتیجه نشان داد که گسترش ترک باعث کاهش شدید شکل پذیری می شود.

Berman و همکاران در سال ۲۰۰۵ اتصال ورق به قاب محیطی در دیوار برشی فولادی را مورد مطالعه قرار دادند [۹] . این محققان دو نوع اتصال به قاب محیطی با استفاده از اپوکسی و همچنین استفاده از جوش کامل که در آن لبههای ورق روی هم همپوشانی داشتند و با استفاده از جوش گوشه، ورق فولادی به قاب محیطی ساخته شد، مورد بررسی قرار دادند وضعیت اتصال پیشنهادی پس از انجام شد، مورد بررسی قرار دادند وضعیت اتصال پیشنهادی پس از انجام مناسبی برای کنترل ترک دست نیافتند. خرازی علاوه بر ارائه مدل بار-تغییر مکان برای دیوار برشی فولادی، نمونه اتصال ورق فولادی به قاب محیطی را برای جلوگیری از گسترش ترک پیشنهاد داد. این نمونه در حد پیشنهاد بود و پس از آن مورد ارزیابی محققان قرار نگرفته است[۱۰] .

در سال ۲۰۱۵ محققان دانشگاه امیرکبیر و دانشگاه لازیو ایتالیا [۱۱] مطالعاتی را بر روی ورقهای موجدار داری ترک انجام دادند. نتایج این تحقیقات نشان میدهد که طول اولیه ترک در گسترش ترک اهمیت دارد. این محققان همچنین تاثیر هندسه ورق دارای ترک میانی بر رفتار پس کمانشی را تحت اثر برش را بررسی نمودند.

از چنین وضعیتی می توان در خصوص دیوارهای برشی فولادی نیز استفاده نمود هر چند رفتار پس کمانشی آنها بسیار با هم متفاوت است.

۲- رفتار ورق دارای ترک

علاوه بر مهندسی عمران، سازههای جدار نازک در دیگر زمینههای مهندسی از قبیل هوافضا، کشتی سازی، و مهندسی مکانیک دارای کاربرد وسیع هستند. پانلهای جدار نازک در محدوده الاستیک خطی، تنشهای اصلی کششی و فشاری یکسانی را تحمل میکنند. با افزایش تنش برشی، پانل برشی تحت اثر تنشهای فشاری کمانش نموده و تغییرشکل خارج از صفحه در جهت قطری نشان میدهد. تأثیر ترک و نقص های اجرایی بر رفتار کمانشی و همچنین ظرفیت باربری پانل های جدار نازک باید بررسی و در روند طراحی در نظر گرفته شود [۱۲–۱۸]. در سیستم دیوار برشی فولادی نیز، در اکثر موارد، مد غالب بر رفتار سازه، کمانش ورق می باشد.

تحقیقات گستردهای در زمینهی رفتار ورقها و پوسته های ترکدار انجام شدهاست. سیه و لی رفتار ورق ترک خورده را تحت اثر بارهای محوری کششی و فشاری بررسی نمودند. این محققین نشان دادند که با افزایش طول ترک، ظرفیت قبل از کمانش^۱ ورق کاهش می یابد [۱۹]. شاو و هوانگ رفتار کمانشی ورق ترک خورده را تحت اثر نیروی کششی و به کمک روش اجزاء محدود بررسی نمودند. در این پژوهش اثر طول ترک، شرایط مرزی و همچنین بارگذاری دو

1 Pre-Buckling

محوره بررسی گردید [۲۰]. ریکس و همکارانش به کمک روش اجزاء محدود رفتار کمانشی و پس کمانشی ورق ترک خورده را تحت اثر بار کششی بررسی نمودند. مطابق نتایج این تحقیق، تغییر شکل های پس کمانشی منجر به تشدید تمرکز تنش در نوک ترک شده که این امر با افزایش طول ترک، افزایش می یابد [۲۱]. در راستای این پژوهشها نیز، تحقیقات متعددی به بررسی تأثیر وجود ترک بر پانلهای جدار نازک تحت اثر برش خالص [۵–۲۹٫۲]، پانل تحت اثر فشار محوری نازک تحت اثر برش خالص (۲۵–۲۹٫۲]، پانل تحت اثر فشار محوری

همانطور که ملاحظه میشود، تحقیقات انجام شده به بررسی رفتار ورق مجزا و خارج از سیستم سازهای پرداختهاند. در این راستا، تأثیر وجود ترک بر رفتار سازهی دارای ورق ترکدار و پارامترهای طراحی لرزهای آن در نظر گرفته نشدهاست. بدین منظور، در این پژوهش اثر وجود ترک در دیوار برشی فولادی با درنظر گرفتن تأثیر آن بر رفتار کلی سازه مد نظر قرار می گیرد.

۲-۱- بررسی عددی گسترش ترک

امروزه به منظور بررسی ترک و گسترش آن؛ از روشهای عددی پیشرفته مانند مدل ناحیه چسبنده' ، روش ترک مجازی' و همچنین روش اجزای محدود بسط یافته' (XFEM) استفاده میشود. محققان مختلفی از مدل ناحیه چسبنده و روش ترک مجازی به منظور بررسی ترک و گسترش آن استفاده نمودهاند [۲۹–۳۵]. روش ناحیه چسبنده و ترک مجازی تنها اجازه گسترش ترک از گوشه المانهای اجزای محدود را فراهم میسازد که در این حالت، نتایج این محدودیت و نقص، محققان روش XFEM را ارائه نمودند که با این محدودیت و نقص، محققان روش XFEM را ارائه نمودند که با استفاده از این روش به سادگی قابلیت مدل سازی شروع و گسترش ترک بدون نیاز به مش بندی مجدد ناحیه نوک ترک⁴ میسر میشود در این راستا، کامپیلهو و همکارانش [۲۴] و همچنین گولسکی و همکارانش [۳۳] از روش XFEM برای بررسی رفتار ورقهای در این راستا، کامپیلهو و همکارانش [۲۲] و همچنین گولسکی و

اتصال پیچی ترکدار را به کمک روش مذکور بررسی نمودند [۴۴]. در این پژوهش نیز از روش XFEM به منظور بررسی شروع و گسترش ترک استفاده میشود.

۲-۲- مبانی روش XFEM

در روش XFEM، تابع جابجایی ،u، به صورت رابطه (۱) تعریف میشود.

$$u = \sum_{i=1}^{N} N_i(x) \left[u_i + H(x) a_i + \sum_{a=1}^{4} F_a(x) b_i^a \right]$$
(1)

در این رابطه، $N_i(x)$ تابع شکل عمومی گره⁴ ، u_i بردار جابهجایی گرهی عمومی² مربوط به بخش پیوسته حل اجزای محدود، (x) تابع مربوط به پرش گسسته در سطح ترک، a_i پارامتر مربوط به بردار درجات آزادی ، $F_a(x)$ تابع الاستیک مجانب نوک ترک و b_i^a نیز پارامتر مربوط به درجات آزادی^۷ خواهد بود. تابع پرش گسسته در سطح ترک، H(x)، به صورت رابطه (۲) معرفی می شود.

$$H(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } (x - x^*) . n \ge 0 \\ -1 & \text{otherwise} \end{cases}$$
(7)

که در آن، X یک نمونه نقطه گوس و *x نقطه ای بر روی ترک و نزدیک به نقطه X میباشد. توابع مجانب نوک ترک، $F_a(x)$ ، در یک مصالح ایزوترپ الاستیک به صورت رابطه(۳) در نظر گرفته میشود.

$$F_{a}(x) = \left[\sqrt{r}\sin\frac{\theta}{2}, \sqrt{r}\cos\frac{\theta}{2}, \sqrt{r}\sin\frac{\theta}{2}, \sqrt{r}\cos\frac{\theta}{2}, \sqrt$$

که در آن،
$$heta$$
 و r به ترتیب زاویه ترک با افق و فاصله از نوک
ترک است. بر اساس آن، $heta= heta$ مماس بر سطح ترک در اطراف نوک
ترک و $\sqrt{r} \sin rac{ heta}{2}$ نمایانگر عدمپیوستگی در سطح ترک میباشد.

¹ Cohesive Zone Model

² Virtual Crack Closure Technique (VCCT)

³ Extended Finite Element Method (XFEM)

⁴ Along arbitrary, solution-dependent paths without remeshing crack-tip field

⁵ General nodal shape function

⁶ General nodal displacement

⁷ Product of the enriched degree of freedom vector

همچنین برآیند تنش در نوک ترک مطابق رابطه (۴) محاسبه می شود.

$$\mathbf{t} = \begin{cases} \mathbf{t}_{s} \\ \mathbf{t}_{n} \\ \mathbf{t}_{t} \end{cases} = \begin{bmatrix} \mathbf{K}_{ss} & & \\ & \mathbf{K}_{nn} & \\ & & \mathbf{K}_{tt} \end{bmatrix} \begin{cases} \boldsymbol{\delta}_{s} \\ \boldsymbol{\delta}_{n} \\ \boldsymbol{\delta}_{t} \end{cases} = \mathbf{K} \boldsymbol{\delta}$$
 (*)

در این رابطه، t بردار برآیند اسمی تنش' بوده که شامل سه δ_t و δ_s ، δ_n مؤلفه δ_s ، δ_s ، δ_n متناظر δ_s ، δ_s ، δ_n میباشد [۳۵].

۳- روش انجام تحقيق

در این مقاله، اثر ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی مورد بررسی قرار خواهد گرفت. بدین منظور، ابتدا تاثیر نوع ترک در گوشه و وسط وصله میان دو ورق بررسی خواهد شد سپس معادلات لازم مستخرج از مطالعه پارامتریک برای دست یابی به نمودار بار-تغییر مکان ارائه خواهد شد. مطالعات عددی با استفاده از روش اجزای محدود بسط یافته (XFEM) انجام میشود. به منظور تعیین محل شروع ترک و گسترش آن از نرمافزار ABAQUS استفاده میشود. قابل ذکر است در این پژوهش شرط ایجاد ترک به عنوان معیار شروع خرابی^۲ بر اساس معیار ماکزیمم تنش اصلی^۳ و قانون گسترش ترک[†] مطابق معیار انرژی بر اساس معیار قانون نمایی^۵

در این مقاله از نرم افزار ABAQUS بر اساس قابلیت آن در تعیین شروع و رشد ترک استفاده میشود اما با توجه به قابلیتهای APDL نرم افزار ANSYS در پردازش مرحله به مرحه، از این نرم افزار برای تحلیلهای غیرخطی نهایی استفاده خواهد شد. هرچند نرم افزار ABAQUS قابلیت بسیار بالایی در تعیین شروع و رشد ترک دارد و زاویه رشد ترک را با دقت بسیار بالایی محاسبه می کند اما دارد و زاویه رشد ترک را با دقت بسیار بالایی محاسبه می کند اما در آن وجود ندارد. از طرفی ترسیم نمودار بار-تغییر مکان با وجود ترک، گسترش آن، و تسلیم اجزا در ANSYS به راحتی میسر است

اما در این نرم افزار تشخیص شروع ترک و زاویه گسترش آن معمولا با واگرایی نتایج مواجه می شود. بنابراین هر کدام از نرم افزارهای مذکور دارای ضعف و قوت در این زمینه هستند که از قابلیت هر دو نرم افزار برای تحلیل دیوارهای برشی فولادی ترک دار استفاده شد. بنابراین مدلها در ABAQUS مدلسازی شده و محل شروع ترک و جهت رشد آن تعیین می شوند سپس به ANSYS انتقال داده شده تا تحلیل غیرخطی آن مجددا آنها بر اساس زاویه ترک استخراج شده از نرم افزار ABAQUS انجام شده و خروجی های لازم استخراج گردد.

۴- مشخصات مصالح

از آنجا که ماده مبنا فولاد بوده و اصولا یک ماده شکل پذیر محسوب می شود، رفتار ترکها به صورت چسبنده و بر اساس مدل Dugdale مدلسازی شده است [۴۵]. با توجه به ضخامت کم ورق فولادی و رفتار غیرخطی هندسی ناشی از آن، فرمولاسیون کرنش جابجایی و معادلات تعادل بر اساس پیش فرض تغییر شکل های بزرگ مد نظر قرار گرفته است. برای شبیهسازی رفتار غیرخطی مصالح، از رفتار الاستیک-پلاستیک کامل با سطح تسلیم Von-Misses استفاده شدهاست. همچنین برای تسریع در مدلسازی و تحلیلها از ترکیب قابلیتهای دو نرم افزار ANSYS و ABAQUS استفاده شدهاست. بنابراین مسیر گسترش ترک در ABAQUS (با استفاده از المان Solid) تشخیص داده شد سپس بر اساس قابلیت APDL در نرم افزار ANSYS تمام المانها به صورت SHELL با در نظر گرفتن گسترش ترک منطبق بر مسیر به دست آمده در نرم افزار ABAQUS مدلسازی و تحلیل می شود. برای لحاظ کردن اثر گسترش ترک و همچنین شرایط گسیختگی آن، باید مشخصات مکانیکی و هندسی فولاد به درستی لحاظ شود که قابلیت در نظر گرفتن اثر ترک را داشته باشد. در این راستا لازم است بر اساس اصول گسیختگی مصالح، مشخصات لازم به نرم افزار معرفی گردد. مشخصات مکانیکی فولاد ST^{wv} (که از آن به عنوان مصالح مدلهای عددی استفاده شدهاست) با در نظر گرفتن اثر شاخص گسیختگی از رابطه زير تبعيت ميكند.

$$\sigma = A + B \varepsilon_n^m \tag{(a)}$$

پارامترهای رابطه ۵ بر اساس قانون مدل گسیختگی Bonora

² Damage initiation criteria

³ Maximum principal stress damage (Maxps)

⁴ Damage evolution law

⁵ Energy-based damage evolution law based on a power law criterion

ST3 7	مكانيكي فولاد	۱. مشخصات	جدول	
Table. 1. The	mechanical	poperties	of ST37	steel

پارامترهای منحنی				ى	ِهای گسیختگ	پارامتر	
A (MPa)	B (MPa)	m	\mathcal{E}_{th}	\mathcal{E}_{f}	D_0	D_{cr}	α
217	233.7	0.6428	0.259	1.4	0.0	0.065	0.2175

برای فولاد ST^{wv} از مرجع [۴۵] استخراج می شود که در جدول ۱ آورده شدهاست.

۵– مطالعه عددی

۱–۵– تصدیق مدلسازی عددی

مطالعه دیوار برشی فولادی ترکدار، پژوهشی جدید بوده و مطالعات آزمایشگاهی قبلی مربوط به اثر ترک در دیوار برشی فولادی در دسترس نیست. بنابراین فقط صحتسنجی فرضیات و فرآیند مدلسازی المان محدود قابل انجام است. بدین منظور، نتایج دو مدل آزمایشگاهی شامل یک دیوار برشی فولادی کامل (بدون ترک) و یک ورق دارای ترک تحت اثر کشش با نتایج مدلسازی المانمحدود مقایسه می شود.

برای اطمینان از نتایج نرم افزار ANSYS، نتایج آن با نتایج تست آزمایشگاهی مرجع [۴] مقایسه شدهاست. در تست آزمایشگاهی، بار اعمال شده به دو صورت بارهای جانبی رفت وبرگشتی در تراز طبقات و بارگذاری ثقلی به منظور لحاظ نمودن اثرات Δ-P بر روی سازه در انتهای ستونهای تراز آخر اعمال شدهاست. هندسه دیوار برشی فولادی در شکل ۳ نمایش داده شدهاست.

المان Shell برای مدل سازی تمام اجزای دیوار برشی به کار گرفته میشود. برای در نظر گرفتن رفتار غیرخطی هندسی مدل، حالت تغییر شکل یافته متناظر با مود اول کمانش ناشی از تحلیل کمانش الاستیک به نرمافزار معرفی و سپس تحلیل غیرخطی هندسی و غیرخطی مصالح انجام گرفت. برای مقایسه نتایج آزمایشگاهی و المان محدود، منحنی بار-تغییر مکان از منحنی هیسترزیس مدل آزمایشگاهی استخراج گردید که مقایسه آن در شکل ۴ نمایش داده شدهاست. مقایسه نتایج نشان میدهد که در ناحیه الاستیک، نتایج المان محدود کاملا منطبق بر نتایج آزمایشگاهی است. در ناحیه المان محدود کاملا منطبق بر نتایج آزمایشگاهی است. در ناحیه مقاومت نهایی دیوار را نشان میدهد. همچنین سطح زیر نمودار





Fig. 4. Comparision of numerical results with experimental results [4]



مدلسازی در ABAQUS

نتیجه تست مدل آزمایشگاهی [46]

لــــا مدل آزمایشگاهی گسترش ترک [46]

شکل ۵. مقایسه نتایج تست و المان محدود ABAQUS

Fig. 5. Comparision of experimental results with finile element results of ABAQUS

بار-تغییر مکان به روش المان محدود ٪۵ با نمودار بار-تغییر مکان مستخرج از تست آزمایشگاهی اختلاف دارد که حاکی دقت قابل قبول مدل سازی المان محدود است.

در دیگر صحتسنجی، یک تست آزمایشگاهی از مرجع [۴۶] انتخاب شدهاست که در شکل ۵ جزئیات آن نمایش داده شدهاست. ورق در این تست حاوی یک ترک به طول ۳۰۰۳ است و بارها به صورت تغییر مکان کنترل از دو طرف به آن اعمال گردید. روش XFEM که قبلا تشریح گردید استفاده شدهاست برای تحلیل المان محدود این مدل آزمایشگاهی با استفاده از ABAQUS استفاده شد. مقایسه گسترش ترک و مدل المان محدود در شکل ۵ حاکی از دقت بسیار بالای مدلسازی المان محدود است.

۲-۵- معرفی مدلهای عددی

مدلهایی برای بررسی تأثیر موقعیت اولیه ترک بر رفتار دیوار برشی فولادی انتخاب شدهاست. ضخامت ورق فولادی در تمامی مدلها برابر mm ۷ و طول ورق فولادی و ارتفاع طبقه به ترتیب برابر ۴ m و ۳ ۳ انتخاب شد. قاب محیطی بر اساس ضوابط آئین نامه AISC طراحی شده تا مقاومت لازم در برابر بارهای پس کمانش ورق را داشته باشد. در شکل ۶ مشخصات هندسی قاب محیطی و همچنین موقعیت ترک نمایش داده شدهاست.

مطابق جدول ۲، نام هر مدل از دو حرف و یک عدد تشکیل

شدهاست. حرف اول معرف ترک میانی ،CF، یا ترک کناری ،EF، است. بخش دوم معرف طول ترک بر حسب میلیمتر میباشد. به عنوان مثال، ۸-CF معرف دیوار برشی فولادی با ترک میانی به طول ۸ mm

۶- بحث و بررسی نتایج ۱-۶- نمودار بار- تغییرمکان

در شکل ۷ نمودار بار-تغییرمکان مدلهای عددی نشان داده شدهاست. همان گونه که از این نمودارها نمایان است، در مدلهای دارای ترک میانی، افزایش طول ترک باعث کاهش مقاومت و جذب انرژی می شود. در ترکهای با طول بیش از ٪۲/۲ طول ورق، دیوار به طور ناگهانی دچار گسیختگی شده و در ترکهای با طول بیش از ۸/۱۲/۸ طول ورق، دیوار بدون آنکه وارد فاز غیرخطی شود، گسیخته می شود. این بدان معناست که دیوار با چنین ترکی را نمیتوان به عنوان یک سیستم باربر جانبی در نظر گرفت. از طرف دیگر در گسیختگی رخ نمی دهد. بنابراین چنین میتوان استنباط نمود که ترکهای میانی بحرانی تر از ترکهای کناری است. علت اصلی این پدیده آن است که قطر اصلی دیوار وظیفه باربری را بر عهده دارد.



Fig. 6. Introduce of cracked wall

۲-۶- سختی ومقاومت

در جدول ۲، سختی و مقاومت دیوارهای برشی فولادی با نوع ترک کناری و میانی نشان شدهاست. نتایج نشان میدهد که هر دو نوع ترک (میانی و کناری) با طول کمتر از ٪۲/۲ طول ورق، تأثیر کمی بر سختی و مقاومت دارند. اما در ترکهای با طول بیش از ٪۲/۲ طول ورق، ترک باعث کاهش قابل ملاحظه سختی و مقاومت میشود. با مقایسه نمودارهای شکل ۸ میتوان دریافت که افزایش طول اولیه ترک همواره با کاهش شدیدتر مقاومت دیوارهای با ترک میانی نسبت به دیوارهای با ترک کناری است. حال آن که کاهش سختی برای دیوارهای با ترک کناری با طول بیش از ٪۲/۲ طول ورق، در ترک کناری بیشتر از ترک میانی است.

۳-۶- جذب انرژی

سازه باید بتواند انرژی اعمالی به سازه را از طریق تغییر شکلهای غیرخطی جذب نماید. هر سازهای که قابلیت جذب انرژی بالاتری داشته باشد، عملکرد بهتری در برابر بارهای لرزهای خواهد داشت. با رجوع به جدول ۳ مشاهده می شود که با افزایش طول ترک، جذب انرژی سیستم به شدت کاهش مییابد. مقایسه جذب انرژی مدلهای

مان محدود	۲. مشخصات مدلهای ال	جدول
Table 2. Poper	rties of finilte eleme	ent models

مدل	طول ترک (mm)	نسبت طول ترک به طول دیوار (٪)	نوع ترک
CF-4	4	0.10	میانی
CF-8	8	0.20	میانی
CF-16	16	0.40	میانی
CF-32	32	0.80	میانی
CF-64	64	1.60	میانی
CF-128	128	3.20	میانی
CF-256	256	6.40	میانی
CF-512	512	12.80	میانی
CF-1024	1024	25.60	میانی
EF-4	4	0.20	كنارى
EF-8	8	0.80	كنارى
EF-16	16	1.60	كنارى
EF-32	32	3.20	كنارى
EF-64	64	1.60	كنارى
EF-128	128	3.20	كنارى
EF-256	256	6.40	كنارى
EF-512	512	12.80	كنارى
EF-1024	1024	25.60	كنارى









شکل ۸. نمودار طول ترک در برابر درصد کاهش سختی و مقاومت Fig. 8. Digram of crack length versus percent reduction in stiffness and strength

سختی و مقاومت ترکهای میانی و کناری	جدول ۳. س
------------------------------------	-----------

Table 3. Stiffness and strength of systems with edges and midle cracks								
طول ترک	CF		EF					
	مقاومت نهايى	سختى	مقاومت نهايى	سختى				
(mm)	(kN)	(kN/mm)	(kN)	(kN/mm)				
4	5776	641.78	6769	752.11				
8	5776	641.78	6769	752.11				
16	5664	629.33	6682	742.44				
32	5520	613.33	6676	741.78				
64	5376	597.33	6535	726.11				
128	5436	604	6525	725				
256	4696	521.78	6418	713.11				
512	3022-Elastic	335.78	6258	695.33				
1204	2088-Elastic	232	5651	627.89				

Table 3. Stiffness and strength of systems with edges and midle crack

Table 4. Energy absorption of systems with midle cracks										
مدل	طول ترک(mm)	4	8	16	32	64	128	256	512	1024
	جذب انرژی (KN.mm)	455	454	453	438.5	424	180.3	38.5	10.8	5.7
CF	درصد کاهش جذب انرژی در									
CI	مقایسه با دیوار با ترک		0.22	0.44	3.63	6.81	60.37	91.54	97.63	98.75
	4mm									
	جذب انرژی (KN.mm)	545	528	531	548	528	522	504	498	446
EF	درصد کاهش جذب انرژی در									
	مقایسه با دیوار با ترک		3.12	2.57	0.55	3.12	4.22	7.52	8.62	18.17
	4mm									

جدول ۴. جذب انرژی سیستمهای با ترک میانی Fable 4. Energy absorption of systems with midle crac

جدول ۵. مقایسه دیوار با ترک میانی و کناری

Table 5. Comparison of walls with edge and midle cracks

(10000) 5 1 1	EF/CF						
طول تر ک (۱۱۱۱۱)	سختى	مقاومت نهايى	جذب انرژی				
4	1.18	1.18	1.15				
8	1.18	1.18	1.16				
16	1.18	1.18	1.17				
32	1.21	1.21	1.25				
64	1.22	1.22	1.25				
128	1.20	1.20	2.89				
256	1.37	1.37	13.09				
512	2.07	2.07	46.11				
1024	2.71	2.71	78.24				

کناری و میانی نمایش داده شدهاست. همان گونه که از این شکل نمایان است، وجود ترک تاثیری در محل شروع تسلیم ورق فولادی و تشکیل میدان کشش قطری ندارد مگر آنکه طول اولیه ترک زیاد باشد که شروع تسلیم سازه از محل ترک آغاز می گردد. افزایش طول اولیه ترک میانی مانع از تشکیل میدان کشش قطری می شود. در دیوارهای دارای ترک میانی به طول ٪۸ طول ورق، میدان کشش قطری ناقص ایجاد می شود. همچنین در دیوارهای با ترک به طول بیش از ٪۸ طول ورق، میدان کشش قطری تشکیل نمی شود. اما در دیوارهای با ترک کناری، با افزایش طول ترک محل شروع میدان کشش قطری با تغییر می ابد و به جای آنکه میدان کشش قطری در ورق تشکیل شود، مفصل پلاستیک در قاب محیطی ایجاد می شود.

۷- مدل پارامتریک دیوار برشی فولادی

تحلیل دیوار برشی فولادی به روش المان محدود حتی بدون لحاظ کردن اثر ترک، پیچیده و زمانبر است. لحاظ کردن اثر ترک در مدلسازی دیوار برشی فولادی، بر این پیچیدگی میافزاید. لذا ارائه دارای ترک به طول ۳mm ۴ نشان میدهد که کاهش جذب انرژی دیوارهای با ترک میانی بین ٪۲۲/۰ تا ٪۹۸/۷۵ است اما این کاهش برای سیستمهای با ترک کناری بین ۳٫۱۲٪ تا ۱۸٫۱۷٪ میباشد که برای هر دو نوع ترک کاهشی بسیار چشمگیر میباشد. بنابراین چنین میتوان نتیجه گیری نمود که کاهش جذب انرژی ترک میانی بسیار بحرانی تر از ترک کناری است.

۴-۶- مقایسه اثر ترکهای میانی و کناری

در شکل ۹ نمودار بار- تغییر مکان دیوارهای با ترک کناری و ترک میانی با هم مقایسه شدهاست. این نمودارها نشان میدهد که ترکهای میانی اثر مخربتری نسبت به ترکهای کناری دارند و هر چه طول اولیه ترک بیشتر باشد، اثر آن چشمگیر تر خواهد بود. همچنین مشاهده میشود که در مدلهای با ترک کناری، هرچند افت سختی و مقاومت وجود داشته اما در ناحیه الاستیک در دیوارها گسیختگی رخ نداده است.

به منظور ارزیابی دقیقتر اثر نوع ترک، نسبت پارامترهای لرزهای دیوار در دو حالت ترک کناری و میانی در جدول ۵ ارائه شدهاست. نتایج این جدول نشان میدهد که اختلاف نتایج و بحرانی بودن ترکهای میانی در مقایسه با ترک کناری در ترکهای با طول بیشتر نمایانتر است. دلیل اصلی آن نیز گسیختگی دیوارهای با ترک میانی بلند در ناحیه الاستیک میباشد. البته در ترکهای با طول کوتاه نیز، سختی، مقاومت و جذب انرژی دیوار با ترک کناری بیشتر میباشد.

۵–۶– وضعیت تسلیم سازه

در شکل ۱۱ و ۱۲ وضعیت تسلیم سازه برای هر دو نوع ترک



شکل ۹. نمودار بار – تغییر مکان Fig. 9. Load-displacement curve of models include crack

ورق دیوار برشی فولادی لاغر، معمولا تحت اثر بارهای کم کمانش میکند و این کمانش معمولا قبل از تسلیم آن آغاز میشود. تنش کمانش برشی الاستیک بر اساس تئوری کلاسیک بر پایه تحقیقات Basler [۴۷] برابر است با:

$$\tau_{\rm cr} = \frac{K_{\nu} \cdot \pi^2 \cdot E}{12 \cdot (1 - \vartheta^2)}$$

$$\begin{cases} K_{\nu} = 5.34 + \frac{4}{(d/b)^2} & \frac{d}{b} \le 1 \\ K_{\nu} = 4 + \frac{5.34}{(d/b)^2} & \frac{d}{b} \ge 1 \end{cases}$$
(Y)

که در این رابطه، σ_t معادل تنشی است که ورق فولادی تسلیم G .E میشود، E .E میشود، G .E میشود،

یک مدل برای دستیابی به نمودار بار-تغییر مکان بدون مدلسازی المان محدود، مخصوصا برای اهداف مقاوم سازی ضروری است. برای دستیابی به نمودار بار-تغییر مکان دیوار برشی فولادی حاوی ترک از ایده اصلاح طول ورق استفاده میشود. در این ایده ابتدا نمودار بار-تغییر مکان دیوار بدون در نظر گرفتن ترک در ناحیه الاستیک محاسبه خواهد شد. پس از آن، اثر رشد و گسترش ترک با اصلاح طول ورق فولادی لحاظ خواهد شد. در صورتی که یک دیوار برشی فولادی به عنوان یک طبقه مجزا در نظر گرفته شود، شکل ۱۲، برای ارائه شده، میتوان ورق فولادی و قاب را از یکدیگر تفکیک نموده و دیاگرام مذکور را برای هر کدام به دست آورد و سپس با جمع آثار آنها دیاگرام را رسم کرد.





 $\sigma_{xx} = \sigma_{ty} . \sin^2 \theta$ $\sigma_{yy} = \sigma_{ty} . \cos^2 \theta \qquad (A)$

$$\sigma_{_{xy}}=\sigma_{_{yx}}= au_{_{cr}}+0.5\sigma_{_{ty}}.\sin 2 heta$$
تغییر مکان ورق در هنگام جاری شدن $\mathrm{U}_{_{we}}$ یا به عبارت دیگر
تغییر مکان حد الاستیک ورق برابر است با

$$U_{we} = \left(\frac{\tau_{cr}}{G} + \frac{2\sigma_t}{E.\sin 2\theta}\right)d$$
(9)

 θ نیز زوایه تنشهای میدان کشش قطری است. اگر یک المان را از ورق جان دیوار برشی فولادی^۱ را نمایش دهیم، وضعیت تنشهای ورق فولادی قبل و بعد از کمانش مطابق شکل ۱۳ است.

مقدار تنشهای ایجاد شده در شکل ۱۳ نمایش داده شدهاست، به

$$\sigma_{_{ty}}$$
 صورت زير مىباشد. در اين روابط $\sigma_{_{ty}}$ تنش تسليم است

1 Infill steel plate shear wall





F_{wer} = τ_{er}. b.t _{است}. تغییر مکان متناظر با نیروی برشی کمانش ورق، با توجه به رفتار برشی خالص آن، میتوان از رابطه

 $U_{wer} = 2 \frac{F_{wer}}{F} (1 + \vartheta)$ به دست آورد. با محاسبه نیرو و تغییر مکان برشی ورق و همچنین نیروی کمانش آن، دیاگرام نیرو – تغییر مکان برشی ورق مطابق شکل ۱۴ قابل دستیابی است. همانطور که در این شکل مشاهده میشود نقطه C حد کمانش و نقطه D حد جاری شدن ورق را نشان میدهد، که برای سادگی به نقطه D حد جاری شدن ورق را نشان میدهد، که برای سادگی به جای خط CD . CD خط OD جایگزین میشود. پژوهشگران نشان داده اند که اثر چنین جایگزینی ناچیز است[۴۸]. معادله خط OC (مربوط به قبل از کمانش) و خط CD (مربوط







a.) Stresses during buckling b.) Tension field stresses



c.) Stresses after buckling

شکل ۱۳. وضعیت تنشهای دیوار برشی فولادی Fig. 13. The stress state of stress in steel plate shear wall

$$\begin{split} \sigma_{xx(r,\theta)} &= \frac{KI}{\sqrt{2\pi r}} \cos \frac{\theta}{2} \bigg[1 - \sin \frac{\theta}{2} \sin \frac{3\theta}{2} \bigg] - \frac{KII}{\sqrt{2\pi r}} \sin \frac{\theta}{2} \bigg[2 + \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} \bigg] \\ \sigma_{yy(r,\theta)} &= \frac{KI}{\sqrt{2\pi r}} \cos \frac{\theta}{2} \bigg[1 + \sin \frac{\theta}{2} \sin \frac{3\theta}{2} \bigg] - \frac{KII}{\sqrt{2\pi r}} \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} \qquad (17) \\ \sigma_{xy(r,\theta)} &= \frac{KI}{\sqrt{2\pi r}} \cos \frac{\theta}{2} \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} + \frac{KII}{\sqrt{2\pi r}} \sin \frac{\theta}{2} \bigg[2 + \sin \frac{\theta}{2} \sin \frac{3\theta}{2} \bigg] \\ (1\Delta) \quad (\Delta) \quad (\Delta$$

KI و KII در رابطهی ۱۰ ضریب شدت تنش برای مد اول و دوم است که از رابطهی ۱۳ برای ورق تحت اثر کشش و برش محاسبه میشود [۴۹]. در این رابطه a طول اولیه ترک و w طول ورق فولادی است.

چنانچه ترک ورق دیوار برشی فولادی ترکیبی از مدهای گسیختگی باشد، نرخ انرژی رها شده از جمع نرخ انرژی رها شده هر مد Gi حاصل میشود. نرخ رها شدن انرژی در هر مد بر اساس میدان تنش نوک ورق نیز قابل محاسبه است. به عبارت دیگر

رد در $G_{II} = \frac{1 - \upsilon^2}{E} K_{II}^2$ و $G_I = \frac{1 - \upsilon^2}{E} K_{II}^2$ است. برای ترک در () در وار برشی فولادی، گسترش ترک وقتی آغاز می شود که رابطه () برقرار شود. هنگام گسترش ترک مقدار انرژی باید صرف ایجاد منطقه



شکل ۱۴. دیاگرام بار-تغییر مکان برشی ورق Fig. 14. The load-shear displacement curve of plate

به پس از کمانش) به صورت زیر خواهد بود. در این رابطه، G مدول برشی ورق است.

$$F_W = \frac{Ebt}{2d(1+\nu)} U_w \tag{(1)}$$

$$F_W = \frac{Ebt}{2(1+\upsilon)d} U_w - \tau_{cr} bt \left(1 - \frac{1+\upsilon}{2} \sin^2 2\theta\right) \quad (11)$$

در صورت وجود ترک در ورق، میدان تنش در نوک ترک برابر است با



شکل ۱۵. وضعیت تنشها در نوک ترک Fig. 15. The state of stress at the crack tip

$$KI = 1.12 \frac{P}{tW} \sqrt{\pi a} - 0.231 (\frac{a}{W}) + 10.55 (\frac{a}{W})^2 - 21.72 (\frac{a}{W})^3 + 30.39 (\frac{a}{W})^4$$

$$KII = 4.886 \frac{P}{tW} \sqrt{\pi a} - 11.383 (\frac{a}{W})^2 + 28.198 (\frac{a}{W})^3 - 38.563 (\frac{a}{W})^4 + 20.555 (\frac{a}{W})^5$$
(17)



شکل ۱۶. نمودارکرنش پلاستیک معادل و کرنش پلاستیک در شروع گسیختگی

Fig. 16. Equivalent plastic strain and plastic strain at the beginning of rupture diagram

تنش کمانش در ورق فولادی با وجود ترک بر اساس معیار

$$\theta_0 = \mp \left[155.5^o \frac{K_{II}}{K_I + K_{II}} \right] - 83.4^o \left[\frac{K_{II}}{K_I + K_{II}} \right]^2$$
 (۱۸)

۵۱]Shukla] برابر است با بنابراین اگر شدت تنشرها از تنش تسلیم حاصل شده بر اساس

پلاستیک جدید در نوک ترک شود. به عبارت دیگر با رسیدن
$$G_i$$
 به G_i ماده است. G_{ic} ترک شروع به گسترش میکند. G_{ic} جز خواص ماده است. در این روابط عرض ترک W_i وقتیکه D_{prop} به مقدار واحد

$$D_{prop} = \frac{G}{G_c} = (\frac{G_I}{G_{Ic}})^{\beta} + (\frac{G_{II}}{G_{IIc}})^{\gamma} + (\frac{G_{III}}{G_{IIIc}})^{\eta} = 1 \qquad (1\%)$$

$$Gc = \int_0^{w^1} \sigma_e dw \tag{10}$$

$$D_{prop} = \frac{l_c \left(\mathcal{E}_{eq}^p - \mathcal{E}_{eq,ini}^p\right)}{W_1} \tag{19}$$

میرسد،
$$\sigma_e$$
 تنش موثر گسیختگی مصالح است که در شکل ۱۸
توصیف شدهاست. برای ورق دیوار برشی فولادی که تحت اثر تنش
نرمال و تنش برشی است . $\beta = \gamma = \eta = 1$ همچنین تنش موثر را
میتوان از رابطه زیر محاسبه نمود.
که در این رابطه \mathcal{E}_{eq}^{p} و $\mathcal{E}_{eq,ini}^{p}$ به ترتیب کرنش پلاستیک
 $\sigma_e = (1 - D_{prop})\sigma$ (۱۷)

معادل و کرنش پلاستیک در شروع گسیختگی مطابق شکل ۱۶ است. بر اساس معیار Richard که بر اساس تعداد زیادی مدلهای

همچنین انتگرال گیری از رابطهی ۲۳، انرژی کرنشی برابر است با
در این رابطه
$$I_c$$
 ممان اینرسی ستونها است. سایر پارامترها در
$$U = \left[\frac{1}{2E} \left(\sigma_t^2 \cos^4 \alpha + \sigma_t^2 \sin^4 \alpha - \frac{1}{2E}\right)\right]$$
(۲۴)
2 $\vartheta \sigma_t^2 \cos^2 \alpha \sin^2 \alpha + \frac{1+\vartheta}{4E} \sigma_t^2 \sin^2 \alpha \right] b.d.t$

$$U = \frac{1.3\sigma_t^2}{8E} (3 + \sin^2 2\alpha) b d t \qquad (19)$$

$$\Delta_{wp} = \frac{0.65 \sigma_t}{E} \frac{3 + \sin^2 2\alpha}{\sin 2\alpha} d \tag{(YY)}$$

$$K_f = \frac{24Ec}{d^3} \frac{12\rho + 1}{12\rho + 4}$$
(7 λ)

بنابراین با استفاده از معادلات ۲۷، ۲۸ و ۲۹ نمودار بار-تغییر

$$\tau_{cr} = \frac{K_{lc} K_{llc}}{\sqrt{\pi a} \sqrt{K_{llc}^2 \sin(2\theta)^2 - K_{lc}^2 \sin(2\theta)^2 + K_{lc}^2}}$$
(19)

معیار Von Misses کمتر شود، گسترش ترک به صورت الاستیک ایجاد میشود. و اگر تنشهای بیشتر از تنش تسلیم باشد، ورق تسلیم شده و بیشتر انرژی ورق صرف میدان تسلیم نوک ترک میشود. بر اساس معیار Von Misses ورق زمانی تسلیم میشود که رابطه زیر برقرار شود.

با توجه به اینکه ضخامت ورق فولادی کم است، بنابراین وضعیت $(\sigma_{xx} - \sigma_{yy})^2 + (\sigma_{xx} - \sigma_{zz})^2 + (\sigma_{yy} - \sigma_{zz})^2 + 6(\sigma_{xy}^2 + \sigma_{xz}^2 + \sigma_{yz}^2) = 2Fy^2$ (۲۰)

تنشها به صورت Plan stress است و تنشهای $\sigma_z = \sigma_{yz} = \sigma_{xz}$ برابر صفر است. بنابراین با در نظر داشتن رابطهی ۲۰ را میتوان به صورت زیر ساده نمود

در هنگام تسلیم شدن ورق با در نظر گرفتن کمانش و جاگذاری
$$\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + \sigma_z^2 + 3\tau_{xy}^2 = Fy^2$$
 (۲۱)

مقادیر تنشها:

بنابراین مقدار تنش معادل تسلیم ورق برابر است با:
3
$$au_{cr}^2 + 3 au_{cr} \sigma_t \sin 2 heta + \sigma_t^2 - F_y^2 = 0$$
 (۲۲)

پس مقاومت برشی ورق با در نظر گرفتن کمانش و تسلیم بدون
$$\sigma_t = 1.5 \tau_{cr} \sin 2\theta \pm \sqrt{(1.5 \tau_{cr} \sin 2\theta)^2 - (3 \tau_{cr}^2 - F_y^2)}$$
 (۲۳)

در نظر گرفتن وجود ترک برابر است با همچنین شروع تغییر مکان پلاستیک برشی ورق، $_{
m wp}$ ، از مساوی F_w = $au_{
m cr.} b. t = (au_{
m cr} + 0.5 \sigma_t \sin 2 heta) b. t$ (۲۴)

قرار دادن کار نیروی برشی و انرژی کرنشی ورق ،U، به دست میآید. محاسبه $\Delta_{
m wp}$ با در نظر گرفتن اثر میدان کشش قطری برابر است با با جایگذاری زاویه heta برابر زاویه میدان کشش قطری lpha و

$$U = \iiint \left[\frac{1}{2E} \left(\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - 2 \vartheta \sigma_x \sigma_y \right) + \frac{1}{2G} \tau_{xy}^2 \right] d_x d_y d_z$$
(7a)



شكل ١٧. نمودار بار-تغيير مكان قاب خمشى Fig. 17. The load-displacement curve of moment frame

$$\Delta_f = \frac{M_p \, d^2}{\frac{6E \, I_c}{4M}} \tag{(19)}$$

$$F_f = \frac{4M_{fu}}{d} \tag{(\mathbf{T} \cdot)}$$

مکان دیوار برشی فولادی در ناحیه الاستیک ترسیم می شود. برای ترسیم بار-تغییر مکان در ناحیه پلاستیک اثر گسترش ترک لحاظ می شود. برای اصلاح طول ورق b، در روابط بار-تغییر مکان ورق، به جای تاثیر مستقیم اثر گسترش ترک، مقدار طول اصلاح شده را جایگزین می کنیم. اگر فرض کنیم طول ورق ترک دار برابر b_{γ} باشد، که در آن b_{γ} طول ترک گسترش یافته است لذا $b_{\gamma}=b_{\gamma}$ است. بنابراین مقاومت ورق ترک دار برابر است با

بنابراین نمودار بار-تغییر مکان دیوار برشی فولادی به صورت $F_{w2} = (\tau_{cr} + 0.5 \sigma_t \sin 2lpha) b_2.t$ (۳۱)

شکل ۱۸ قابل ترسیم است.

۱-۷- بررسی دقت مدل پارامتریک

برای ارزیابی دقت مدل پیشنهاد شده در شکل ۱۹ نمودار بار-تغییر مکان مدلهای المان محدود و با مدل پارامتریک پیشنهادی مقایسه شدهاست. همان گونه که از این نمودارها نمایان است، مدل پارامتریک پیشنهادی محل شروع گسیختگی سازه را با دقت بسیار مناسبی ارزیابی میکند همچنین در ناحیه الاستیک تقریبا منطبق بر مدل المان محدود است و خطای آن کمتر از ۲٪ است. اما در ناحیه غیر الاستیک مقداری مقاومت نهایی را کمتر (که خطای آن کمتر از ۵٪) از نتایج المان محدود ارزیابی میکند که برای مسائل مقاوم

۸- نتیجهگیری

در این مقاله اثر ترک و گسترش آن در دیوار برشی فولادی مورد بررسی قرار گرفت که نتایج آن به صورت خلاصه در زیر آورده است.

در ترکهای میانی با طول بیش از ۲/۲٪ طول ورق، دیوار به طور ناگهانی دچار گسیختگی میشود که مقدار جذب انرژی آن در ناحیه غیرخطی بسیار کم است اما در ترکهای با طول بیش از ۲/۸٪ طول ورق، دیوار بدون آنکه وارد فاز غیرخطی شود گسیخته شدهاست. این بدان معناست که دیوار با چنین ترکی را نمیتوان به عنوان یک سیستم باربر جانبی شکل پذیر در نظر گرفت.

بر خلاف نوع ترکهای میانی، در دیوارهای با ترک کناری، در هیچ یک از مدلها تا تغییرمکان نهایی گسیختگی رخ نمیدهد. بنابراین چنین میتوان استنباط نمود که ترکهای میانی بحرانی تر از ترکهای کناری است.

نتایج نشان میدهد که وجود ترک با طول اولیه کم، تأثیر بسیار ناچیزی بر سختی و مقاومت دارد؛ اما در ترکهای با طول بیش از ۳/۲٪ طول ورق، هر دو پارامتر کاهش قابل ملاحظهای نشان میدهند.

با افزایش طول ترک، جذب انرژی سیستم به شدت کاهش مییابد. با توجه به ضرورت جذب انرژی در مناطق با خطر لرزهای بالا، در صورت وجود ترک با طول بیش از ۲۰۰ طول ورق دیوار، نمیتوان دیوار را به عنوان سیستم باربر لرزهای مناسب در نظر گرفت، زیرا رفتار آن محدود به ناحیه الاستیک خواهد شد.

وجود ترک کناری باعث کاهش سختی و مقاومت می شود، اما تا



شکل ۱۸. نمودار بار –تغییر مکان دیوار برشی فولادی ترکدار Fig. 18. The load- displacement curve of cracked steel plate shear wall

باعث کاهش سختی به میزان ۱ تا ۲ درصد می گردد اما وجود شکاف منطبق بر مسیر گسترش ترک، سختی را حدود ٪۷ کاهش میدهد. این روند کاهش سختی در خصوص مقاومت دیوار مقداری متفاوت است. یعنی گسترش ترک و شکاف منطبق بر مسیر گسترش ترک مقاومت یکسانی نشان میدهند و باعث افت مقاومت نهایی دیوار به مقدار ٪۱۳ شدهاند.

مراجع

- M. Gholipour, M. M. Alinia, Behavior of multi-story code-designed steel plate shear wall structures regarding bay width. Journal of Constructional Steel Research, 122 (2016) pp. 40–56.
- [2] R.G. Driver. G.L. Kulak. D.J.L Kennedy. A.E. Elwi,

طولی برابر با ۲۵٪ طول دیوار؛ تأثیر چندانی بر ضریب شکلپذیری و ضریب اضافه مقاومت ندارد. همچنین کاهش جزئی ضریب رفتار، ناشی از وجود ترک کناری مشاهده میشود. ترک کناری با طول بیش از ۲۵٪ طول ورق منجر به کاهش جذب انرژی به میزان ۱۸٪ نسبت به دیوار بدون ترک میشود که در مقایسه با ترکهای میانی بسیار کم میباشد.

با بررسی منحنیهای بار-تغییر مکان می توان دریافت که در ناحیه غیرخطی گسترش ترک در دیوار رفتاری بین حالت ترک بدون گسترش و حالت شکاف منطبق بر مسیر گسترش ترک را طی می کند. این وضعیت در هر دو حالت ترک اولیه با طول mm ۸ و ۴ mm

اثر گسترش ترک تاثیر کمی بر سختی الاستیک دارد و تنها





Tests". Proceeding of the 9th Canadian Conference on Earthquake Engineering. Ottawa. Canada. (2007).

- [8] M. Guendel, B. Hoffmeister, M. Feldmann, Experimental and numerical investigations on Steel Shear Walls for seismic Retrofitting". Proceedings of the 8th International Conference on Structural Dynamics. EURODYN. (2011).
- [9] J. Berman, M. Bruneau, Experimental investigation of light-gauge steel plate shear walls. ASCE Journal of Structural Engineering, 131 (2005), pp. 259-267.
- [10] M. Kharrazi, Fish plate behavior on Steel plate shear wall. Canadian journal of civil engineering, (2005), 96-108.
- [11] M. Yaghoubshahi, M.M. Alinia. N. Bonora. N. On the post buckling of flawed shear panels considering crack growth effect. Thin-Walled Structures. 97 (2015), pp.186–198.
- [12] A. N. Guz. M.S.H. Dyshel, Stability and residual strength of panels with straight and curved cracks. Theor. Appl. Fract.Mech, 41(2004) pp. 95–101.

Cyclic tests of four-story steel plate shear wall. Journal of Structural Engineering ASCE, 124(2) (1998) pp. 112_20.

- [3] A. Astaneh-Asl. Seismic behavior and design of steel plate shear walls. Steel tips report: Structural Steel Educational Council, (2000)
- [4] J. Shishkin, R. Driver, G. Driver, Analysis of Steel Plate Shear Walls Using The Modified Strip Model. Structural Engineering Report No. 261. University of Alberta, (2013).
- [5] A.R. Rahai. M. Alipour. Behavior and Characteristics of Innovative Composite Plate Shear Walls. The Twelfth East Asia-Pacific Conference on Structural Engineering and Construction. Procedia Engineering, 14 (2011) pp. 3205–3212.
- [6] D. Dubina, F. Dinu, Experimental evaluation of dual frame structures with thin-walled steel panels. Thin-Walled Structures, 78(2014) pp. 57–69.
- [7] C. Lin, K. Tsai, Y. Lin, K. Wang, B. Qu, M. Bruneau, Full Scale Steel Plate Shear Wall: NCREE/MCEER Phase I

- [24] C. W. Bert, K. K. Devarakonda, Buckling of rectangular plates subjected to nonlinearly distributed in-plane loading. Journal of Solids Structures, 40. (2003) pp. 4097–4106.
- [25] M. R. Khedmati, P. Edalat, M. Javidruzi, Sensitivity analysis of the elastic buckling of cracked plate elements under axial compression. Thin-Walled Structures, 47 (2009) pp. 522–536.
- [26] J. K. Paik, Y. V. Satish Kumar, J. M. Lee, Ultimate strength of cracked plate elements under axial compression or tension. Thin-Walled Structures, 43 (2005), 237–72.
- [27] N. Friedl, F. G. Rammerstorfer, F. D. Fischer, Buckling of stretched strips. Computure and Structures, 78 (2000). 185–190.
- [28] A.N. Guz, M. Dyshel, Fracture and buckling of thin panels with edge crack in tension. Theorical Applied. Fracture. Mechanic, 36(2001) pp.57–60.
- [29] R. Brighenti, Buckling of cracked thin-plates under tension and compression. Thin-Walled Structures, 43(2005) pp. 209–224.
- [30] T. Siegmund, A numerical study of transient fatigue crack growth by use of an irreversible cohesive zone model. International Journal of Fatigue, 26 (9) (2004) pp. 929–939.
- [31] K.L. Roe, T. Siegmund, An irreversible cohesive zone model for interface fatigue crack growth simulation. Eng. Fract. Mech, 70(2) (2003) pp. 209–232.
- [32] J.L. Bouvard, J.L. Chaboche, F. Feyel. A cohesive zone model for fatigue and creep–fatigue crack growth in single crystal super alloys. Int. J. Fatigue31(5) (2009) pp. 868–879.
- [33] P.F. Liu, S.J. Hou. J.K. Chu, Finite element analysis of postbuckling and delamination of composite laminates using virtual crack closure technique. Compos. Struct.93(6) (2011) pp. 1549–1560.
- [34] S. A. Fawaz, Application of the virtual crack closure technique to calculate stress intensity factors for through cracks with an elliptical crack front. Eng. Fract. Mech, 59(3) (1998) pp. 327–342.
- [35] G. Servetti, X. Zhang, Predicting fatigue crack growth

- [13] J.K. Paik, Residual ultimate strength of steel plates with longitudinal cracks under axial compression– experiments.Ocean Eng. 35(2008) pp. 1775–1783.
- [14] J.K. Paik, Residual ultimate strength of steel plates with longitudinal cracks under axial compression—nonlinear finite element method investigations. Ocean Eng, 36(2009), 266–276.
- [15] R. Brighenti, Influence of a central straight crack on the buckling behaviour of thin plates under tension compression or shear loading, International Journal of Mechanical Material Design, 6 (2010) pp. 73–87.
- [16] Alinia. M.M.. Hosseinzadeh. S.A.A, Habashi. H.R.: Numerical modelling for buckling analysis of cracked shear panels. Thin-Walled Structures, 4 (2007a) pp. 1058–1067.
- [17] M.M. Alinia, S.A.A. Hoseinzadeh, H.R. Habashi, Influence of central cracks on buckling and postbuckling behavior of shear panels. Thin-Walled Structures, 45 (2007b) pp. 422–431
- [18] M.M. Alinia, S.A.A. Hoseinzadeh, H.R. Habashi, Buckling and post-buckling strength of shear panels degraded by near border cracks, Journal of Constructional Steel Reseaach, 64 (2008) pp.1483–1494.
- [19] G. C.Sih, Y. D.Lee, Tensile and compressive buckling of plates weakened by cracks. Theor Appl Fract Mech 6 (1986) pp. 29–38.
- [20] D.Shaw, Y. H. Huang, Buckling behaviour of a central cracked thin plate under tension. Eng Fract Mech, 35 (1990) pp. 1019–27.
- [21] E. Riks, C.C. Rankin, F. A. Bargon, Buckling behaviour of a central crack in a plate under tension. Eng Frac Mech, 43 (1992) pp. 529–48.
- [22] M. M. Alinia, M. Dastfan, Behaviour of thin steel plate shear walls regarding frame members, Journal of Constructional Steel Reseach, 62(2006) pp. 730–738.
- [23] E. Byklum, J. Amdahl, A simplified method for elastic large deflection analysis of plates and stiffened panels due to local buckling. Thin-Walled Structures. 40 (2002) pp. 925–953.

- [43] G.L. Golewski, P. Golewski, T. Sadowski, Numerical modelling crack propagation under Mode II fracture in plain concretes containing siliceous fly-ash additive using XFEM method. Comput. Mater. Sci, 62(2012). pp. 75–78.
- [44] Z.Q. Wang, S. Zhou, J.F. Zhang, Progressive failure analysis of bolted single-lap composite joint based on extended finite element method. Mater. Design, 37 (2012) pp. 582–588.
- [45] N. Bonora. A nonlinear CDM model for ductile failure. Eng. Fract. Mech. 58 (2006)11–28.
- [46] B. C. Simonsen, R. Tornqvist, Experimental and numerical modelling of ductile crack propagation in large-scale shell structures. Marine Structures, 17 (2004) pp. 1–27.
- [47] K. Basler, Strength of plate girders in shear. Trans. ASCE, 128(2) (1963) pp. 683-719.
- [48] S. Sabouri-Ghomi, C. Ventura. A. Kharrazi. Shear Analysis and Design of Ductile Steel Plate Walls. Journal of Structural Engineering-ASCE. 12 (2005) pp. 878-889.
- [49] Y. Murakami. Stress Intensity Factors Handbook. 1988.
- [50] H.A. Richard, M. Fulland, M. Sander, Theoretical Crack Path Prediction. Blackwell Publishing. (2004).
- [51] A. Shukla, Practical fracture mechanics in design (2nd ed.). New York. NY: Marcel Dekker. (2005).

rate in a welded butt joint: the role of effective R ratio in accounting for residual stress effect. Eng. Fract. Mech. 76(11) (2009) pp. 1589–1602.

- [36] T. Belytschko, T. Black, Elastic crack growth in finite elements with minimal remeshing. Int. J. Numer. Methods Eng, 45(5) (1999) pp. 601–620.
- [37] T. Belytschko, H. Chen, J. Xu, Dynamic crack propagation based on loss of hyperbolicity and a new discontinuous enrichment. Int. J. Numer. Methods Eng, 58(12) (2003) pp. 1873–1905.
- [38] N. Moe[°]s, T. Belytschko. T, Extended finite element method for cohesive crack growth. Eng. Fract. Mech.69, (7) (2002) pp. 813–833.
- [39] N. Sukumar, N. Moe"s, B. Moran. Extended finite element method for three-dimensional crack modeling. Int. J. Numer. Methods Eng. 48 (2000) (11) pp. 1549– 1570.
- [40] N. Sukumar, Z.Y. Huang, J.H. Pre'vost, Partition of unity enrichment for bimaterial interface cracks. International Journal of Numerical Methods Engineering, 59(8) (2003). pp. 1075–1102.
- [41] E. Giner, N. Sukuma, J.E. Taranco'n, An Abaqus implementation of the extended finite element method. Eng. Fract. Mech, 76(3) (2009) pp. 347–368.
- [42] R.D.S.G. Campilho, M.D. Banea, F.J.P. Chaves, extended finite element method for fracture characterization of adhesive joints in pure mode I. Comput. Mater. Sci, 50(4) (2011) pp. 1543–1549.

براى ارجاع به اين مقاله از عبارت زير استفاده كنيد: A. Ghamari, V. Broujerdian, Influence of Crack on the Behavior of Steel Plate Shear Wall Under Lateral Loading, Amirkabir J. Civil Eng., 53(4) (2021): 1403-1424.



DOI: 10.22060/ceej.2020.16928.6396

بی موجعه محمد ا