

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 53(3) (2021) 267-270 DOI: 10.22060/ceej.2019.16825.6360

Effect of Three-Dimensional Modeling on the Behavior of Plane Strain or Plane Stress around Crack Tip in Compact-Tension (CT) Specimen

A. Permanoon*, A. H. Akhaveissy

Department of Civil Engineering, Razi University, Kermanshah, Iran.

ABSTRACT: An analysis of the two concepts the failure and crack propagation in various materials has always been of interest to researchers. Thus, it is of necessity to investigate the failure of construction steel as one of the most widely used materials in the industry. Numerical modeling is always a compliment to the analysis of laboratory samples. One important issue, particularly in failure problems, is to study the behavior of laboratory samples according to their dimensions. In the current research, the effect of sample thickness size on crack tip behavior is numerically examined. A standard CT specimen is commonly used to evaluate the failure of ductile materials. The crack tip behavior along the thicknesses of the laboratory samples is a combination of plane stress and plane strain behavior. Accordingly, in the present study, the effect of thickness on the numerical samples was investigated via the numerical result validation. The validated results then were used as a complement to the experimental results. Modeling and analysis of the numerical samples of varying thicknesses indicated that, with progression from the sample thickness center towards the free edges, the behavior shifts from plane strain to plane stress. In the case of the standard CT specimen with 25 mm crack length, the samples with greater than 15 mm thickness have an almost plane strain behavior, and the results are proved to be reliable. Then, with further analysis and taking into account the parameters dependent on sample size, loading value, and stress-strain values perpendicular to the equation plane, an equation was presented which can be used to realize to what extent the behavior in the free edge of the CT specimen operates in the form of plane stress or plane strain.

1-Introduction

Subramany et al. [1] investigated the behavior of crack tips in the ductile material in three dimensions under the combination of first and second fracture modes [1]. Toshiyuki et al. [2] analyzed the effect of sample thickness on J integral value, and by analyzing finite element samples and calculating the Θ parameter, the authors concluded that by increasing Θ value and thickness of numerical samples, J-integral value decreases [2]. In the current research, after validation of steel yield surface and j integral method, the effect of sample thickness size on the results of numerical analyzes was investigated. Finally, an equation was presented considering the sample dimensions (B/W), the amount of load applied (P/P_0) , and the stress-strain perpendicular to the plane. Using the equation, it would be feasible to realize what proportion of the sample thickness in the free edge operates as plane stress or plane strain.

2- Specifications of materials and sample dimensions

In the current study, a CT specimen proposed by Simha [3] was used to analyze the effect of 3D modeling and the effect

Review History:

Received: Jul. 25, 2019 Revised: Nov. 23, 2019 Accepted: Nov. 25, 2019 Available Online: Dec. 25, 2019

Keywords:

Crack Ductile material J-Integral Finite element Thickness

of thickness on crack tip behavior. The sample is made of German standard ST37 steel [4]. Fig. 1 shows the dimensions and geometry of the pressure-strain sample according to ASTM-E833 [5].

3- Numerical model validation

ANSYS v19 software was used for numerical analysis. Solid 186 20-node element and plane183 8-node element were applied for 3D and 2-D modeling, respectively.

3-1-. Validation Of Nonlinear Steel Behavior

To analyze the nonlinear behavior of steel, the Von Mises yield level with Voce Law Nonlinear Isotropic Hardening was used.

3-2-Validation Of Extraction Of Crack Tip Parameters

Ensuring the nonlinear steel behavior model, J integral method was used to calculate the crack tip parameters [6]. The formulation of Shih [6] was applied to perform the analysis in 2D and 3D space.

*Corresponding author's email: permanoon.ali@gmail.com







Fig. 2. Comparison of numerical and laboratory results versus Energy-displacement release rate.

4- Investigate the effect of sample thickness on the results

In this part, the effect of the varying thicknesses of the sample on the numerical results of the CT specimen was investigated. The numerical sample thickness from 1 mm (plane stress) to 25 mm (plane strain) with a 1 mm increment was modeled and analyzed to take into account a wide range of responses ranging from plane stress to plane strain. At the center of the numerical sample thickness (X_3/B) , as the sample thickness increases, the strain value decreases in the third direction. This strain reduction perpendicular to the plane provokes the sample behavior to approach flat strain behavior. Thus, considering the strain results in the direction perpendicular to the plate, if $(thk/25) \ge 0.6$, the strain value

remains constant in the third direction. In other words, for the samples with a crack length of 25 mm, the thickness of the laboratory sample must be greater than 15 mm for the sample behavior to be approximately plane strain.

4-1-Plain Stress Or Plain Strain Behavior Or Their Combination Along The Thickness

In this part, the effect of stress in the direction exterior to the plane in different loading steps is investigated. In other words, with an increase in loading, what proportion of the sample thickness (b/B) = ? operates as plane stress or a plane strain?



Fig. 3. Strain and stress values in the direction exterior to the plane along the thickness.



Fig. 4. The intersection of stress and strain values in the third direction surface Ψ .

To further investigate the effect of the numerical sample thickness on the sample behavior along the thickness, the numerical samples with a thickness of 5 to 100 mm were modeled $(0.1 \le B/W \le 2)$ to consider the wide range of the responses.

Given the three variables B/W, P/P_0 , and X_3/B considering all the thicknesses of the numerical models from 5 mm to 100 mm, the boundary lines can be represented continuously with a single surface (Ψ). Given the B/W ratio, Ψ indicates the behavior of plane stress or plane strain along

the thickness during the loading time of numerical samples. By performing several nonlinear regression and surface Ψ sensitivity analyses, the optimal formula for this surface is a combination of exponents and powers (Eq. (1)).

$$\begin{cases} \Psi = a(exp(b(\frac{B}{W})^{c})(exp(d(\frac{P}{P_{0}})^{f}), \left[\begin{array}{c}a\\0.77\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}a\\0.77\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}c\\0.76\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}d\\0.76\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}c\\0.76\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}d\\0.77\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}c\\0.76\end{array}\right] + \left[\begin{array}{c}c\\0.7$$

5- Conclusions

In the present article, the nonlinear behavior of steel and extraction of crack tip parameters were validated by J integral method. The energy release rate of the crack tip in the 3D model was very close to the experimental results due to the consideration of all the stress components. Thus, it is recommended to enhance the accuracy of the results when analyzing ductile failure problems via increasing computational cost (3D modeling). By modeling the standard specimen (CT) under Fig. 1 with varying thicknesses ranging from 1 to 25 mm and 1 mm increment, it was observed that by increasing the sample thickness, the strain perpendicular to the plate (ε_{zz}) at the thickness center of the numerical samples tends to decrease. Thus, the behavior of the 3D numerical models inclines toward the plain strain behavior. In the next part of the article, taking into account the three variables including B/W, P/P_0 and X_3/B the intersection of the normalized stress and strain perpendicular to the plane, the surface was obtained in the 3D space. By formulating surface Ψ , it would be feasible to realize what proportion of the sample thickness in the free edge operates as plane stress or plane strain.

References

- [1]H. Subramanya, S. Viswanath, R. Narasimhan, A threedimensional numerical study of mixed mode (I and II) crack tip fields in elastic–plastic solids, International Journal of Fracture, 136(1-4) (2005) 167-185.
- [2] T. Meshii, K. Lu, Y. Fujiwara, Extended Investigation of Test Specimen Thickness (TST) Effect on the Fracture Toughness (Jc) of a Material in The Transition Temperature Region as a Difference in the Crack Tip Constraint–what is a loss in Constraint in the TST Effect on Jc?, Procedia Materials Science, 3 (2014) 57-62.
- [3] N. Simha, F. Fischer, G. Shan, C. Chen, O. Kolednik, J-integral and crack driving force in elastic–plastic materials, Journal of the Mechanics and Physics of Solids, 56(9) (2008) 2876-2895.

- [4] C. Chen, O. Kolednik, I. Scheider, T. Siegmund, A. Tatschl, F. Fischer, On the determination of the cohesive zone parameters for the modeling of micro-ductile crack growth in thick specimens, International journal of fracture, 120(3) (2003) 517-536.
- [5] E. ASTM, Standard test method for JIC, a measure of fracture toughness, in: 1983 Annual Book of ASTM Standards, American Society for Testing and Materials, 1983, pp. 762-780.
- [6] C.F. Shih, B. Moran, T. Nakamura, Energy release rate along a three-dimensional crack front in a thermally stressed body, International Journal of Fracture, 30(2) (1986) 79-102.
- [7] Subramanya, H., S. Viswanath, and R. Narasimhan, A three-dimensional numerical study of mixed mode (I and II) crack tip fields in elastic–plastic solids. International Journal of Fracture, 2005. 136(1-4): p. 167-185.
- [8] Meshii, T., K. Lu, and Y. Fujiwara, Extended Investigation of Test Specimen Thickness (TST) Effect on the Fracture Toughness (Jc) of a Material in The Transition Temperature Region as a Difference in the Crack Tip Constraint-what is a loss in Constraint in the TST Effect on Jc? Procedia Materials Science, 2014. 3: p. 57-62.
- [9] Simha, N., et al., *J-integral and crack driving force in elastic–plastic materials*. Journal of the Mechanics and Physics of Solids, 2008. **56**(9): p. 2876-2895.
- [10] Chen, C., et al., On the determination of the cohesive zone parameters for the modeling of micro-ductile crack growth in thick specimens. International journal of fracture, 2003. **120**(3): p. 517-536.
- [11] ASTM, E., Standard test method for JIC, a measure of fracture toughness, in 1983 Annual Book of ASTM Standards. 1983, American Society for Testing and Materials. p. 762-780.
- [12] Shih, C.F., B. Moran, and T. Nakamura, *Energy release rate along a three-dimensional crack front in a thermally stressed body*. International Journal of Fracture, 1986. 30(2): p. 79-102.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

A. Permanoon, A. H. Akhaveissy, Effect of Three-Dimensional Modeling on the Behavior of Plane Strain or Plane Stress around Crack Tip in Compact-Tension (CT) Specimen. Amirkabir J. Civil Eng., 53(3) (2021) 267_270



DOI: 10.22060/ceej.2019.16825.6360

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ۳، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۱۷۹ تا ۱۲۰۰ DOI: 10.22060/ceej.2019.16825.6360



تأثیر مدلسازی سه بعدی بر رفتار تنش مسطح یا کرنش مسطح در اطراف نوک ترک در نمونه کشش-فشار (CT)

علی پرمنون* ، امیرهوشنگ اخویسی

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه رازی، کرمانشاه، ایران.

خلاصه: بررسی مسائل شکست و گسترش ترک در مواد مختلف همواره مورد توجه محققین بوده است. لذا بررسی شکست فولاد ساختمانی به عنوان یکی از پر کاربردترین مواد در صنعت امری ضروری به نظر می آید. مدلسازی های عددی همواره مکملی برای تحلیل نمونه های آزمایشگاهی محسوب می شوند. یکی از مسائل مهم، بررسی رفتار نمونه های آزمایشگاهی با توجه به ابعاد آنها می باشد، این امر در مسائل شکست از اهمیت بیشتری بر خوردار است، در این تحقیق بصورت عددی تأثیر اندازه ضخامت نمونه بر رفتار نوک ترک بررسی گردید. معمولاً برای بررسی شکست مواد شکل پذیر از نمونه استاندارد فشار -کشش (CT) استفاده می -شود. رفتار نوک ترک در طول ضخامت نمونه های آزمایشگاهی ترکیبی از رفتار تنش ضخامت بررسی گردید، تا به عنوان مکملی برای نتایج آزمایشگاهی مورد استفاده قرار گیرد. با مدلسازی و تحلیل نمونه مسطح و کرنش مسطح می باشد، از این رو در این بررسی با اعتبارسنجی نتایج عددی رفتار نمونه های آزاد رفتار از کرنش مسطح و تر نظر گرفتن مسطح می باشد، از این رو در این بررسی با اعتبارسنجی نتایج عددی رفتار نمونه های آزاد رفتار از مسطح و در نظر گرفتن مسطح می باشد، از این رو در این بررسی با اعتبار سنجی نتایج عددی رفتار نمونه های از در نش مسطح و در نظر گرفتن مسطح می باشد، از این رو در این بررسی با اعتبار منود استفاده قرار گیرد. با مدل سازی و تحلیل نمونه مای عددی با ضخامت های مختلف مشاهده شد با پیشروی از مرکز ضخامت نمونه به سمت لبه های آزاد رفتار از کرنش مسطح به تنش مسطح تغییر می کند، برای نمونه استاندارد CT با طول ترک ۲۵ میلی متر، ضخامت نمونه های بیشتر از ۱۵ میلی متر رفتار تقریباً به کرنش مسطح میل می کند، و می توان به نتایج اعتماد کرد. در ادامه با تحلیل های بیشتر مریز گرفتن پارامترهای وابسته به ابعاد نمونه، مقدار بارگذاری و تنش – کرنش در راستای عمود بر صفحه معادله هایی ارائه گردید، که می توان با استفاده از آن تشخیص داد تا چه طولی از لبه آزاد نمونه TT رفتار بصورت تنش مسطح یا

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۸/۰۵/۰۳ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۹/۰۲ پذیرش: ۱۳۹۸/۰۹/۰۴ ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۱۰/۰۴

> کلمات کلیدی: ترک مواد شکل پذیر انتگرال اجزای محدود ضخامت

گرفتن هر سه مؤلفه تنش امکان مطالعه دقیق رفتار ترک در طول

ضخامت را فراهم می کند. مطالعات زیادی برای بررسی تأثیر در نظر

گرفتن رفتار سه بعدی نوک ترک در نمونه های مختلف آزمایشگاهی

و عددی بررسی شده است، ناراسیمهان و روساکیس تأثیر رفتار سه

بعدی در شکست شکل پذیر را بر روی تیر سه نقطه خمشی بصورت عددی و آزمایشگاهی بررسی کردند [۱, ۲]. دلورنزی و شی نمونه

آزمایشگاهی CT را بصورت شیاری و استاندارد با در نظر گرفتن رفتار

الاستوپلاستیک با یکدیگر مقایسه کردند [۳]. فرگوسن و لای تأثیر

ضخامت نمونه ها را بر چقرمگی شکست فولاد پرمقاومت در حرارت

های مختلف بررسی نمود، همچنین انرژی شکست را به دو قسمت

۱– مقدمه

شکست شکل پذیر در سازه های فلزی با فولاد نرمه ، همواره با تغییر شکلهای پلاستیک اطراف نوک ترک شروع می شود. بنابراین برای درک درستی از نحوهی گسترش ترک باید رفتار نواحی اطراف ترک در سازه های شکل پذیر بررسی گردد. از سال ۱۹۷۰ به قابلیت روش اجزای محدود برای مطالعه رشد و بررسی تنش و کرنش نوک ترک پی برده شد. ابتدا از تئوری صفحات دو بعدی (کرنش صفحهای و تنش صفحهای) برای برآورد تقریبی میدان تنش و مطالعه نوک

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: Permanoon.ali@gmail.com

حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) که یک از دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

بر روی مقدار اتنگرال J پرداختند، با تحلیلهای نمونه های با روش اجزا محدود و محاسبه پارامتر Θ نتیجه گرفت با افزایش مقدار Θ و ضخامت نمونه های عددی مقدار انتگرال Jکاهش می یابد [۲۱]. کولس و همکاران میزان تأثیر تنش پسماند را بر مقدار مقاومت مواد با ترک اولیه را بررسی کردند، با بررسی نمونه کشش-فشار به این نتیجه رسیدند، که تنش یسماند تأثیر مهمی در رفتار رشد ترک دارد و نمی توان از آن صرف نظر کرد [۲۲]. پنگ و شوکسینگ شکست شکلپذیر را با روش عددی تئوری مقاومت توسعه یافته بررسی کردند [۲۳]. هورستون و همکاران تأثیر تنش پسماند را بر رفتار نوک ترک بررسی کردند، آنها به این نتیجه رسیدند که مقدار چقرمگی شکست در نمونه هایی که دارای تنش یسماند هستند، با میزان چقرمگی نمونه های بدون تنش پسماند متفاوت می باشد، و می توان با توجه به میزان تنش پسماند مقدار چقرمگی را اصلاح کرد [۲۴]. گارسیا و همکاران مقادیر ضرایب شدت تنش را در طول ضخامت نمونه های عددی بررسی کردند و مشاهده نمودند با دور شدن از مرکز نمونه یه سمت لبه های کناری مقدار ضریب شدت تنش نسبت به ضریب شدت تنش اسمی کاهش می یابد، زیرا اثرات مودهای دوم و سوم در لبه های کناری ظاهر می شود [۲۵, ۲۶]. استوارت و همکاران مقدار چقرمگی شکست را در طول ضخامت نمونه CT از جنس آسفالت داغ بررسی نمودند [۲۷]. جاوانی و همکاران رشد و گسترش ترک را با مدلسازی ۳ بعدی با روش اجزا محدود بررسی کردند [۲۸]. با مطالعه منابعی که ذکر شد میتوان به اهمیت بررسی مسائل شکست نرم پی برد، در سالهای اولیه مدلهای عددی بصورت دو بعدی مسائل شکست را بررسی می کردند؛ اما با ادامه تحقیقات محققین به این نتیجه رسیدند برای بررسی مسائل شکست مدلهای سه بعدی دقت بهتری را ارائه می دهند، در مطالعات آزمایشگاهی رفتار در طول ضخامت همواره بصورت تركيبي از تنش مسطح يا كرنش مسطح مي باشد، اين تركيب هدف اصلى اين مطالعه مي باشد، اساس اين بررسي، بر مطالعه اثر ضخامت بر رفتار نمونه های عددی و همچنین یی بردن به رفتار تنش مسطح یا کرنش مسطح در طول ضخامت می باشد.

بنابراین در این بررسی ابتدا از درستی سطح تسلیم برای رفتار غیرخطی فولاد و همچنین روش استخراج پارامترهای نوک ترک اطمینان حاصل شد، در ادامه با مقایسه مدلسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی منشا اختلاف بین آنها بررسی گردید. برای بررسی تأثیر

انرژی شکست مسطح و برشی تقسیم نمود [۴]. و هنری و لوکسموره اثر تنش همه جانبه را بر شکست نرم بطور کامل بررسی کردند. آنها مدعی شدند، پارامتر Θ می تواند شاخصی برای شکست نرم باشد، زیرا تأثیر کرنش پلاستیک و اثر نتش همه جانبه را همزمان در نظر می گیرد [۵]. وانگ و همکاران شعاع منطقه پلاستک نوک ترک را به عنوان عاملی مهم بررسی کردند، آنها شعاع منطقه پلاستیک و شکل این منطقه را بصورت سه بعدی بررسی کرده و فاکتور T_z را به عنوان عاملی مهم در شکل و شعاع منطقه پلاستیک معرفی نمودند [۶]. ژئو تنش نوک ترک را به پارامتر T_z وابسته دانست و نشان داد این پارامتر در شکستهای شکل پذیر تأثیر مهمی دارد [۸, ۸]. لین و اسمیت ترک سطحی صفحه ایی را بصورت سه بعدی بررسی و مقدار SIF (ضریب شدت تنش در مکانیک شکست الاستیک خطی) را ارائه دادند، در ادامه با تغییر، شکل ترک مقادیر SIF را ارائه نمودند، همچنین آنها تنش در اطراف این ترک را تحت بار خستگی مطالعه نمودند [۹-۱۱]. با توجه به اینکه در بعضی از مسائل مکانیکی مسئله مقاومت در ضخامت (راستای سوم) مطرح می باشد، لذا بررسی رفتار ترک در طول ضخامت اهمیت خاصی دارد. برتو و همکاران با توجه به اینکه صفحه ها مقاومت کمی در ضخامت دارند، رفتار صفحات را تحت مود دوم شکست و در نظر گرفتن اثر نسبت پواسون در ضخامت پلیت بررسی کردند [۱۲, ۱۳]. آندریا و همکاران صفحات را بصورت سه بعدی تحت ترکیب مودهای دوم و سوم شکست بررسی کردند [۱۴, ۱۵]. یوک بررسی کاملی بصورت مروری ۵۰ ساله بر تأثیر مدلسازی سع بعدی بر رفتار ترک را ارائه نمود [۱۶]. و آلبرتو و موره تأثیر ضخامت نمونه ها را بر شکست شکل پذیر توسط نتایج آزمایشگاهی و عددی بررسی کردند. ۵ سایز مختلف مورد تست قرار گرفت و مشاهده كردند مقادير مدل چسبندگي كاملاً به سايز وابسته مي باشد [١٧]. ویتوریو و همکاران اثر تنش محصور کننده را بر خرابی در مقیاس میکرو را در فلز چدن بررسی کردند، در این مطالعه اثر دانه های کربن در نظر گرفته شد، دانه های کربن باعث شکست زودهنگام نمونه در تست کشش شدند [۱۸]. وانگ و کوتوسو تمرکز تنش نوک ترک را بر روی یک پلیت با رفتار الاستیک بصورت سه بعدی بررسی نمودند [۱۹]. سابرمنی و همکاران رفتار نوک ترک در مواد شکل پذیر را بصورت سه بعدی تحت ترکیب مودهای اول و دوم شکست بررسی کردند [۲۰]. توشیکی و همکاران به بررسی تأثیر ضخامت نمونه های

اندازه ضخامت بر نتایج نمونه CT، مدل عددی با ضخامت ۱ میلیمتر ASTM تا ۲۵ میلیمتر با نمو ۱ میلیمتر با ابعاد مطابق استاندارد ASTM تا ۲۵ میلیمتر با درک تأثیر اندازه ضخامت نمونه بر نتایج مدلسازی، نمونه های عددی از ضخامت ۵ میلیمتر تا ۱۰۰ میلیمتر تحلیل شد تا بتوان با طیف وسیعی از نتایج رفتار در طول ضخامت مدل عددی بررسی گردد، برای این منظور رابطه ای بر مبنای ابعاد نمون، مقدار بار وارد شده $\binom{P}{P_0}$ ، و تنش-کرنش در راستای عمود بر صفحه ارائه گردید تا بتوان با توجه به شرایط مختلف اعم از ابعاد نمونه و گام بار گذاری تشخیص داده شود چه طولی از ضخامت از لبه ی آزاد نمونه بصورت تنش مسطح یا کرنش مسطح عمل می کند.

۲- مشخصات مصالح و ابعاد نمونه:

در این بررسی برای تأثیر مدلسازی سه بعدی و اثر ضخامت بر رفتار نوک ترک از نمونه فشار-کشش(CT) سیمها [۲۹] استفاده

شد. نمونه دارای طول (w=50mm) ضخامت (B=25mm) و طول ترک (a=25mm) می باشد. جنس نمونه از فولاد ST37 استاندارد آلمان می باشد [۳۰]. این نمونه دارای مدول الاستیسیته ۲۰۰ گیگاپاسکال نسبت پواسون ۲/۰، تنش تسلیم میانگین ۲۷۰ مگاپاسکال، تنش نهایی ۴۲۶ مگاپاسکال و میانگین ضریب سخت شوندگی کرنشی ۲/۰ می باشد [۳۰]. در شکل ۱ ابعاد و هندسه نمونه کشش-فشار طبق استاندارد ASTM-E833 [۳۱] نشان داده شده

۳– اعتبارسنجی مدل عددی:

برای تحلیل نمونه عددی CT، دو مسأله حائز اهمیت می باشد، یکی انتخاب سطح تسلیم مناسب برای رفتار غیرخطی فولاد، دیگری روش مناسب برای استخراج پارامترهای نوک ترک می باشد. لذا در این قسمت از دو تحلیل برای اعتبارسنجی استفاده شد. برای انجام





تحلیلهای عددی از نرمافزار ANSYS v19 استفاده گردید. برای مدل سازی ۳ بعدی از المان ۲۰ گرهای Solid186 و مدل سازی ۲ بعدی از المان ۸ گره ای Plane183 استفاده شد. این المانهای مرتبه بالا قابلیت حل تکینگی (سینگولاریتی) نوک ترک را دارند. لازم به ذکر است در هر دو تحلیل عددی برای اعتبار سنجی از خواص ثابت فولادST37 مطابق استاندارد آلمان استفاده شده است [۳۰].

1-۳- اعتبارسنجي رفتار غيرخطي فولاد

برای صحتسنجی عددی رفتار غیرخطی فولاد از نتایج تست کشش تک محوره چن و همکاران [۳۰] استفاده شد، چن و همکاران [۳۰] در آزمایشگاه تنش-کرنش واقعی را از آزمایش کشش یک محوره استخراج کردند. بنابراین برای رفتار غیرخطی فولاد از سطح تسلیم ون میسز با قانون سخت شوندگی همسانگرد با فرمولاسیون وکه استفاده شد. در شکل ۲-الف، رفتار کلی معادله (۱) در قسمت سخت شوندگی نشان داده شده است. ضرایب ثابت این معادله بصورت زیر تنظیم گردید [۲۰, ۳۰]

$$R = R_0 \hat{\varepsilon}^{pl} + R_\infty (1 - \exp(-b \hat{\varepsilon}^{pl}))R$$
(1)

$$R_0 = 355.5, R_\infty = 368.72, b = 31.75$$

برای اعتبارسنجی رفتار غیرخطی فولاد، مدل عددی دمبلی شکل مطابق استاندارد ASTM مدلسازی شد، در شکل ۲-ب، مدل عددی، نحوه ی مش بندی و شرایط مرزی نشان داده شده است. در شکل ۲-پ تطابق مناسبی بین نتایج عددی و آزمایشگاهی [۳۰] مشاهده می شود، همان طور که در شکل ۲-پ واضح است، این مدل توانایی بالایی برای پیش بینی رفتار فولاد بصورت استاتیکی غیرخطی را دارد.

۲-۳- اعتبارسنجی استخراج پارامترهای نوک ترک

در ادامه بررسی با اطمینان از مدل رفتار غیرخطی فولاد، از روش انتگرال J برای محاسبه پارامترهای نوک ترک استفاده شد [۳۲]. از فرمولاسیون شی [۳۲] برای انجام تحلیل در فضای ۲ بعدی و ۳ بعدی استفاده شد، این فرمولاسیون در فضای ۲ بعدی و ۳ بعدی استفاده شد، این فرمولاسیون در فضای ۲ بعدی بصورت معادله (۲) و در فضای ۳ بعدی بصورت فضای ۲ بعدی بصورت معادله (۲) و در فضای ۳ بعدی بصورت $J = \lim_{\Gamma \to 0} \int_{\Gamma} ((W + T)n_1 - \sigma_{ij}n_i \frac{\partial u_j}{\partial x_1}) dc$ (۲)

$$J = \frac{\Delta a \int_{L_c} l_k(s) m_k(s) ds}{\Delta a \int_{L_c} l_k(s) m_k(s) ds}$$
(7)





شکل ۲. الف) رفتار کلی معادله (۱)، ب) مدل عددی و نحوه ی مش بندی و شرایط مرزی پ) مقایسه ی نتایج مدل عددی و آزمایشگاهی: تنش واقعی- کرنش پلاستیک واقعی [۳۰]

Fig. 2. a) The general behavior of Eq. (1), b) a view of the model dimensions and the meshing [procedure, and c) stress-true plastic strain [30

در فضای ۲ بعدی (معادله (۲))، W چگالی انرژی کرنشی، T بردار تنش روی مرز T، سردار تغییر مکان و n بردار نرمال سطح می باشد. در فضای ۳ بعدی (معادله (۳))، \overline{J} مقدار نرخ رهایی انرژی در X_2 واحد سطح در نوک ترک، Δa مقدار بردار عمود بر راستای X_2 .

برای مدلسازی ۳ بعدی نمونه CT از المان Solid186 سرای مدلسازی ۳ بعدی از المان Plane 183 استفاده شد، و برای مدلسازی ۲ بعدی از المان Plane 183 استفاده شد، همچنین برای مدلسازی جابهجایی اعمال شده بین جک و نمونه CT، در مدل ۳ بعدی از المان تماسی (contact174) و در مدل ۲ بعدی از (contact176) استفاده شد تا بتوان تماس هرتزین [۳۳] بین دو سطح نیم دایره درست برقرار شود. در شکل ۴، نحوه ی مش بندی نمونه CT، محل قرارگیری المان تماسی، نحوهی اعمال بارگذاری و شرایط مرزی نشان داده شده است.

مدل عددی بصورت سه بعدی، تنش مسطح و کرنش مسطح با روش استاتیکی غیرخطی با درصد خطای ۰/۰۱ تحلیل شد. با توجه به شکل ۵-الف، تطابق مناسبی بین نتایج (نرخ انرژی رها شده-جابهجایی) مدل سازی عددی و نتایج آزمایشگاهی مشاهده می شود. به نظر میرسد روش محاسبه انتگرال J بصورت دو بعدی و سه بعدی دارای دقت کافی می باشد. همان طور که در شکل ۵-الف مشاهده

می شود، نتایج مدلسازی سه بعدی بین نتایج تنش مسطح و کرنش مسطح قرار دارد. دلیل این امر در نظر گرفتن تنش و کرنش در راستای عمود بر صفحه می باشد؛ درحالی که تحلیلهای تنش مسطح و کرنش مسطح، تنش و کرنش ($\mathcal{E}_{zz}=0,\sigma_{zz}=0$) مسطح، تنش و کرنش م صفحه در نظر گرفته نمی شود. بنابراین تحلیل بطور ذاتی دارای خطا $(\sigma_{zz} = \sigma_{xz} = \sigma_{vz} = 0)$ مى باشد. با توجه به شرايط تنش مسطح و کرنش مسطح ($\mathcal{E}_{zz} = 0$) مقدار انتگرال J به ترتیب کمتر و بیشتر از مقدار آزمایشگاهی و مدل ۳ بعدی بدست می آید (شکل ۵-الف). در محدوده الاستیک نتایج مدلسازی بصورت سه بعدی، تنش مسطح و یا کرنش مسطح تفاوت چندانی مشاهده نمی شود و نتایج تقريباً يكسان هستند؛ اما با افزايش مقدار بار و ورود نمونه به ناحيه پلاستیک اختلاف بین مدلسازی سه بعدی و دو بعدی نمایان می شود، مدلسازی به روش کرنش مسطح با توجه به صفر در نظر گرفتن کرنش در راستای سوم ($\mathcal{E}_{zz} = 0$) به مراتب مقدار بار را بیشتر نشان می دهد. به نظر میرسد در بررسی مسائل شکست شکل پذیر که نمونه وارد ناحیه پلاستیک می شود (مخصوصاً نوک ترک) باید با دقت بیشتری نحوه ی مدلسازی و فرضیات آن انتخاب گردد. لذا توصیه می گردد با صرف هزینه محاسباتی بیشتر (مدلسازی سه بعدی) دقت نتایج افزایش یابد. در شکل ۴-ب تفاوت بین کانتورهای کرنش پلاستیک در سه شرایط ۳بعدی، کرنش مسطح و تنش مسطح کاملا





شکل ۳. انتگرال مداری J در اطراف نوک ترک: الف) ۲ بعدی، ب) ۳ بعدی Fig. 3. The J-integral orbital around the crack tip: a) 2D, b) 3D













الف





مشهود می باشد، کانتور کرنشهای پلاستیک در شرایط کرنش مسطح شباهت بیشتری به مدلسازی ۳ بعدی دارد. تمامی کانتورها در یک گام خاص بارگذاری گزارش شده اند (شکل ۴-ب).

بسیاری از محققین برای مقایسه نتایج مدلسازی دو بعدی و سه بعدی در اجسام دارای ترک، مقدار بار حدی یک نمونه را به بار حدی در شرایط تحلیل تنش مسطح محدود می کنند [۱–۳]، مقدار بار حدی در شرایط تنش مسطح ۱۷۸ کیلونیوتن، در حالت کرنش مسطح ۲۰۵ کیلونیوتن و در حالت سه بعدی ۱۸۸ کیلونیوتن می باشد. بنابراین مقدار بار حدی برابرP برابر ۱۷۸ کیلونیوتن در نظر گرفته شد. در قسمت بعدی با مدلسازی نمونه CT با ضخامتهای

مختلف تأثير مدلسازی ضخامت با اندازه های مختلف بررسی شد.

۴- بررسی تأثیر ضخامت نمونه بر نتایج

در این قسمت تأثیر مدلسازی ضخامت نمونه با اندازه های مختلف بر نتایج عددی نمونه CT بررسی شد. ضخامت نمونه عددی از ۱ میلیمتر (تنش مسطح) تا ضخامت ۲۵ میلیمتر (کرنش مسطح) با نمو ۱ میلیمتر مدلسازی و تحلیل شد، تا بتوان طیف وسیعی پاسخها، از تنش مسطح تا کرنش مسطح در نظر گرفته شود. نمونه عددی دارای طول ترک a=25mm می باشد (شکل ۱)، طبق توصیه آییننامه مقدار ضخامت نمونه برابر مقدار طول ترک در نظر گرفته



شکل ۶. کرنش در راستای عمود بر صفحه برای ضخامت های مختلف و در طول ضخامت در انتهای بارگذاری Fig. 6. Strain perpendicular to the plane for different thicknesses and along thickness length











شود تا رفتار نمونهی ۳ بعدی شبیه رفتار کرنش مسطح شود، لذا در این بررسی مقدار ضخامت مبنای آیین نامه برابر ۲۵ میلیمتر در نظر گرفته شد. در شکل ۶ برای مقایسه ی تأثیر اندازه ضخامت، مقادیر تمامی ضخامتها بر ضخامت نمونه استاندارد ۲۵ میلیمتر تقسیم شد (بی بعد). با توجه به شکل ۶ مشاهده می شود در مرکز ضخامت نمونه عددی $(0 = \frac{X^3}{B})$ با افزایش مقدار ضخامت نمونه مقدار کرنش در راستای سوم کاهش می یابد، و این کاهش کرنش در راستای عمود بر صفحه رفتار نمونه را به سمت رفتار کرنش مسطح سوق میدهد، بنابراین با توجه به نتایج کرنش در راستای عمود بر صفحه میدهد، بنابراین با توجه به نتایج کرنش در راستای عمود بر صفحه آقریباً از مقدار 6.0 = $\frac{1}{25}$

 $\overline{J}_{plane\ strain}}$ برای نمونههای ۳ بعدی با در ادامه با مقایسه ی نتایج $\frac{\overline{J}}{J_{plane\ strain}}$ برای نمونههای ۳ بعدی با ضخامتهای متفاوت مشاهده شد (شکل ۷)، \overline{J} مقدار متوسط انتگرال J در ضخامت می باشد. اختلاف $\frac{\overline{J}}{J_{plane\ strain}}$ با افزایش بارگذاری بیشتر می شود، این افزایش فاصله با ورود به ناحیه پلاستیک بیشتر می شود، زیرا با شروع کرنشهای پلاستیک، در یک نقطهی خاص، هر سه کرنش یا تنش اصلی تأثیر داشته و نمی توان از کرنش یا تنش سه کرنش یا تنش اصلی تأثیر داشته و نمی توان از کرنش یا تنش مدل سازی ترک در مواد شکلپذیر با توجه به تغییرشکلهای بزرگ و کرنشهای بالا مسأله بصورت سه بعدی بررسی گردد. در این خصوص محققین بسیاری پارامترهای T و Θ را معرفی کردهاند [۲۰, ۸, ۱۲]، مطابق رابطه (۴) این دو پارامتر شاخصی برای اثر مؤلفه عمود بر

$$T_{z} = \frac{\sigma_{33}}{\sigma_{11} + \sigma_{22}}$$

$$\Theta = \frac{\sigma_{m}}{\sigma_{Mises}}$$

$$= \frac{(\sigma_{11} + \sigma_{22} + \sigma_{33})/3}{\sqrt{(\sigma_{11} - \sigma_{22})^{2} + (\sigma_{11} - \sigma_{33})^{2} + (\sigma_{33} - \sigma_{22})^{2}}/\sqrt{2}}$$
(f)

منظور از $\sigma_{_{22}}$ تنش در راستای خارج از صفحه، $\sigma_{_{33}}$ و $\sigma_{_{22}}$ تنش داخل صفحه می باشد. به عنوان مثال در شکل ۸-الف برای نمونه

عددی با ضخامت ۲۵ میلیمتر کاملا مشاهده می شود مقدار T_z با ورود به ناحیه پلاستیک $(P/P_0 = 0.458)$ ، افزایش می یابد، و با افزایش مقدار بارگذاری، مقدار T_z نیز افزایش می یابد. این افزیش نشان دهنده تأثیر بیشتر تنش در راستای سوم می باشد. با توجه به شکل ۸-ب نیز کاملا مشخص می باشد، مقدار Θ نیز موید همین شکل ۸-ب نیز کاملا مشخص می باشد، مقدار Θ نیز موید مائل مطلب می باشد، که اثر تنش محصور کننده نقش اساسی در مسائل شکست نرم ایفاء میکند. همان طور که انتظار میرود مقادیر Θ و T_z

۴-۹- رفتار تنش مسطح یا کرنش مسطح یا ترکیب آنها در طول ضخامت

در این قسمت هدف بررسی تأثیر تنش در راستای خارج از صفحه در گامهای مختلف بارگذاری می باشد. به عبارت دیگر با افزایش بارگذاری، چه نسبتی از ضخامت $(? = \frac{b}{B})$ نمونه بصورت تنش مسطح و یا کرنش مسطح عمل میکند؟ با توجه به تحقیقات گذشته در یک جسم سه بعدی با دور شدن از مرکز ضخامت نمونه، رفتار از کرنش مسطح به سمت تنش مسطح تغییر خواهد کرد [۴, ۷, ۱۷]، محققین مختلفی تأثیر ضخامت نمونه آزمایشگاهی را بر مقدار چقرمگی شکست بررسی نموده اند و به این نتیجه رسیدهاند با افزایش مقدار ضخامت نمونه آزمایشگاهی مقدار چقرمگی شکست روندی نزولی خواهد داشت و تقریباً به مقدار خاصی میل دارد [۴] ($K_{\rm IC}$). مرکز ضخامت نمونه تنش در راستای خارج از صفحه کاهش می یابد و این در حالی است که با نزدیک شدن به لبه ی خارجی نمونه کرنش و این در حالی است که با نزدیک شدن به لبه ی خارجی نمونه کرنش

۱۱ به عنوان مثال در شکل ۱۰ برای نمونه CT با ضخامت ۲ T_z میلیمتر مشاهده می شود که با افزایش مقدار بارگذاری دو پارامتر T_z میلیمتر مشاهده می شود که با افزایش مقدار بارگذاری دو پارامتر مقداری و Θ ، برای هر نسبت B در ناحیه الاستیک تقریباً دارای مقداری ثابت می باشند ولی با افزایش بارگذاری این روند ابتدا روندی افزایشی سپس کاهشی دارد، مقدار کاهش این دو پارامتر در گامهای انتهایی بارگذاری احتمالاً به علت کاهش اثر تنش راستای سوم می باشد. بارگذاری این روندی مقادیر تر ی و Θ باری از تری راستای موم می باشد. می بارگذاری این روندی مقادیر T_z و G باری نسبت 5.0 م T_z می باشد. مقدار تر می باشد. مقادیر T_z وزندی شرایی روندی مقادیر T_z و G در این روندی شدیدتر می باشند. مقدار T_z می باری لبههای خارجی در



شکل ۹. مقادیر تنش و کرنش در راستای خارج از صفحه در طول ضخامت Fig. 9. Strain and stress values in the direction exterior to the plane along the thickness





شکل ۱۰. مقادیر Tz و Θ برای نمونه عددی به ضخامت ۱۱میلی متر در طول ضخامت و زمان بازگذاری Fig. 10. Values of and Θ for the numerical specimens with thicknesses 11 during of thickness and loading time

است، زمانی که مقادیر کرنش نرمال شده دارای بزرگای بیشتر باشند، رفتار به سمت تنش مسطح میل میکند و زمانی که تنش نرمال شده دارای بزرگای بیشتر باشد، رفتار به سمت کرنش مسطح میل می کند. بنابراین با این استدلال و با توجه به شکلهای ۱۰ و ۱۱ میتوان محل برخورد نمودارهای تنش و کرنش نرمال شده را به عنوان حد واسط رفتار تنش مسطح یا کرنش مسطح در نظر گرفت. از محل برخورد دو خط تنش و کرنش نرمال شده به سمت مرکز ضخامت نمونه، رفتار بصورت کرنش مسطح و به سمت لبه های خارجی رفتار بصورت تنش مسطح می باشد (شکل ۱۱).

برای بررسی بیشتر تأثیر ضخامت نمونه های عددی بر رفتار نمونه در طول ضخامت، نمونههای عددی از ضخامت ۵ میلیمتر تا ۱۰۰ میلیمتر مدلسازی شد $(2 \ge \frac{B}{w} \ge 0.1)$ ، تا طیف وسیع پاسخها در گامهای ابتدایی نزدیک به صفر می باشد، با افزایش گامهای بارگذاری مقدار T_z مقدار T_z روندی کاهشی دارد، و به دلیل افزایش تنش فشاری در راستای سوم مقدار T_z منفی می باشد. این تحلیل کاملاً با شکل ۹ تطابق دارد.

در ادامه بررسی برای نشان دادن مقایسه ی مقادیر تنش و کرنش در راستای خارج در صفحه نمونه عددی با ضخامت ۱۱ میلیمتر انتخاب گردید، با توجه به این امر که مقادیر تنش و کرنش دارای بُعد یکسانی نمی باشند، نمی توان آنها را مقایسه نمود، لذا مقادیر تنش و کرنش بر بیشینه مقدار هر کدام تقسیم شد، از این رو مقادیر در بازه صفر تا یک نرمال شد تا بتوان با یکدیگر مقایسه گردند. به عنوان مثال در شکل ۱۱ مقادیر تنش و کرنش نرمال شده برای نمونه عددی با ضخامت ۱۱ میلیمتر در گام 1.005 = $\frac{P}{P_0}$ نشان داده شده





راستای سوم در نمونه های عددی با ضخامت مختلف مشخص است که با افزایش ضخامت نمونه درصد کمتری از طول ضخامت نمونه رفتار تنش مسطح دارد و رفتار بیشتر بصورت کرنش مسطح می باشد، همچنین با افزایش مقدار بارگذاری درصد بیشتری از ضخامت نمونه بصورت تنش مسطح رفتار می کند. در شکل ۱۳-الف برای جلوگیری از فشرده شدن نمودارها چند ضخامت محدود نشان داده شده است، این خطوط حالت مرزی می باشند، بدین معنی مقادیر $\frac{X_3}{B}$ کمتر از این خطوط دارای رفتار کرنش مسطح بوده و مقادیر $\frac{x_3}{B}$ بالاتر از این مطح طوط دارای رفتار تنش مسطح می باشند.

با توجه به سه متغیر $\frac{B}{W}$ ، $\frac{B}{P}_{P_0}$ و $\frac{X_3}{B}$ و در نظر گرفتن تمامی ضخامتهای مدلهای عددی از ۵ میلیمتر تا ۱۰۰ میلیمتر، می نظر گرفته شود، در شکل ۱۲ مقادیر $\Theta e_x T_z$ برای نمونههای عددی با ضخامتهای مختلف در گام زمانی $P/P_0 = 0.458$ نشان داده شده است، این گام زمانی آغاز کرنش پلاستیک در نمونههای عددی می باشد. همان طور مشاهده می شود با دور شدن از مرکز نمونه و رفتن به سمت لبهها از مقدار تنش محصور شده کاسته می شود، و این امر باعث کاهش مقدار پارامتر Θ می شود، کاهش مقدار $\Theta e_x T$ در لبهها باعث کاهش مقدار پارامتر Θ می شود، کاهش مقدار Θe_x در لبهها تأیید کننده کاهش تنش در راستای سوم در لبهها و افزایش کرنش در راستای سوم می باشد و کاملاً با شکل ۱۱ تطابق دارد. همان طور که انتظار میرود تمامی مقادیر Θe_x از مقدار تحلیل نمونه عددی

در شکل ۱۳-الف با بررسی محل برخورد تنش و کرنش در





شکل ۱۲. مقادیر T_z و Θ در نسبت $P/P_0 = 0.458$ برای نمونه های عددی با ضخامتهای متفاوت Fig. 12. Values of T_z and Θ in the ratio $P/P_0 = 0.458$ for the numerical specimens with different thicknesses



 Ψ شکل ۱۳. محل برخورد مقادیر تنش و کرنش در راستای سوم: الف) چند گراف محدود، ب) سطح Fig. 13. The colliding location of stress and strain values: a) a few limited graphs, b) Ψ Level



 Ψ شکل ۱۴. مقایسه ی بین نتایج اجزای محدود و رابطه (۵) برای سطح Fig. 14. Comparison between finite element results and Eq. (5) for level Ψ

۵- نتیجه گیری

در این بررسی ابتدا با اعتبارسنجی رفتار غیرخطی فولاد با استفاده از سطح تسلیم ون میسز با قانون سخت شوندگی همسانگرد با فرمولاسیون وکه تطابق مناسبی بین نتایج مدل عددی و آزمایشگاهی مشاهده شد، در ادامه استخراج پارامترهای نوک ترک با روش انتگرال J صحتسنجی شد، و بین نتایج تحلیلهای عددی بصورت سه بعدی و دو بعدی با نتایج آزمایشگاهی تطابق خوبی مشاهده شد. مقدار نرخ رهایی انرژی نوک ترک در مدل سه بعدی بسیار به نتایج آزمایشگاهی نزدیک بود، دلیل این امر در نظر گرفتن تمامی مؤلفههای تنش می باشد، لذا توصیه میگردد در بررسی مسائل شکست نرم با افزایش هزینه محاسباتی (مدلسازی ۳ بعدی)، دقت نتایج افزایش یابد. با مدلسازی نمونه استاندارد مطابق شکل ۱ با ضخامتهای مختلف از ۱ میلیمتر تا ۲۵ میلیمتر با نمو ۱ میلیمتر، مشاهده شد با افزایش مقدار ضخامت نمونه، مقدار کرنش عمود بر صفحه (\mathcal{E}_{zz}) در مرکز ضخامت نمونه های عددی کاهش می یابد، بنابراین رفتار مدلهای عددی سه بعدی به سمت رفتار کرنش مسطح میل می کند. با تحلیل نتایج (شکل ۶) مشاهده شد، برای نمونه استاندارد شکل ۱ نمونههایی با ضخامت بیشتر از ۱۵ میلیمتر رفتاری همانند رفتار کرنش مسطح دارند، بنابراین در آزمایشگاه میتوان از صحت نتایج برای نمونه هایی

توان خطوط مرزی را بصورت پیوسته و با یک سطح نشان داد سطح Ψ). این سطح با توجه به نسبت $\frac{B}{W}$ در طول زمان بارگذاری نمونه های عددی مشخص کننده رفتار تنش مسطح یا کرنش مسطح در طول ضخامت می باشد. با انجام چندین تحلیل رگرسیون غیرخطی و حساسیتسنجی سطح Ψ بهترین فرمول برای این سطح بصورت ترکیبی از نمایی و توانی می باشد (رابطه (۵)). ضرایب این فرمول در رابطه (۵)). ضرایب این فرمول آمد، این مقدار تطابق خوب رابطه (۵) و سطح Ψ را نشان می دهد. با بابرای نمونه های عددی ساخته شده در آرمایه (۵) در رابطه در رابطه

$$\begin{cases} \Psi = a(\exp(b(\frac{B}{W})^{c})(\exp(d(\frac{P}{P_{0}})^{f}))\\ \begin{bmatrix} a & b & c & d & e & f\\ 0.77 & -0.269 & -1.006 & -0.466 & 3.477 & 0.031 \end{bmatrix}$$
(Δ)
$$0 \le \Psi \le 0.5$$

if
$$\begin{cases} \frac{X_{3}}{B} \ge \Psi \rightarrow plane \ stress\\ \frac{X_{3}}{B} < \Psi \rightarrow plane \ strain \end{cases}$$

crack tip plastic zones under triaxial stress constraint, International journal of fracture, 80(4) (1996) R61-R68.

- [7]W. Guo, Three-dimensional analyses of plastic constraint for through-thickness cracked bodies, Engineering Fracture Mechanics, 62(4) (1999) 383-407.
- [8]W. Guo, Elastoplastic three dimensional crack border field—I. Singular structure of the field, Engineering Fracture Mechanics, 46(1) (1993) 93-104.
- [9]X.B. Lin, R.A. Smith, Finite element modelling of fatigue crack growth of surface cracked plates: Part I: The numerical technique, Engineering Fracture Mechanics, 63(5) (1999) 503-522.
- [10]X.B. Lin, R.A. Smith, Finite element modelling of fatigue crack growth of surface cracked plates: Part II: Crack shape change, Engineering Fracture Mechanics, 63(5) (1999) 523-540.
- [11]X.B. Lin, R.A. Smith, Finite element modelling of fatigue crack growth of surface cracked plates: Part III: Stress intensity factor and fatigue crack growth life, Engineering Fracture Mechanics, 63(5) (1999) 541-556
- [12]F. Berto, P. Lazzarin, A. Kotousov, On higher order terms and out-of-plane singular mode, Mechanics of Materials, 43(6) (2011) 332-341.
- [13]F. BERTO, P. LAZZARIN, A. KOTOUSOV, L.P. POOK, Induced out-of-plane mode at the tip of blunt lateral notches and holes under in-plane shear loading, Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 35(6) (2012) 538-555.
- [14]A. Kotousov, F. Berto, P. Lazzarin, F. Pegorin, Three dimensional finite element mixed fracture mode under anti-plane loading of a crack, Theoretical and Applied Fracture Mechanics, 62 (2012) 26-33.
- [15]Kotousov, P. Lazzarin, F. Berto, L.P. Pook, Threedimensional stress states at crack tip induced by shear and anti-plane loading, Engineering Fracture Mechanics, 108 (2013) 65-74.
- [16]L.P. Pook, A 50-year retrospective review of threedimensional effects at cracks and sharp notches, Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 36(8) (2013) 699-723.

با ضخامت بیش از ۱۵ میلیمتر اطمینان حاصل کرد. با بررسی دو یارامتر T_{z} و Θ در مدلهای عددی کاملاً تأثیر تنش و کرنش در راستای سوم مشخص شد، با افزایش مقدار بارگذاری تأثیر تنش همه جانبه در نتایج بیشتر می شود. در قسمت بعدی تحقیق با مدلسازی نمونه عددی از ضخامت ۵ میلیمتر تا ضخامت ۱۰۰ میلیمتر با نمو ۵ میلیمتر، رفتار نمونه در طول ضخامت بررسی گردید. با در نظر گرفتن سه متغير W_{W} و $X_{3/B}$ و P/P_{0} ، B/W سه متغير W_{W} و محل برخورد تنش و کرنش نرمال شده در راستای عمود بر صفحه، سطحی در فضای سه بعدی بدست آمد (Ψ)، این سطح نشان می دهد تا چه طولی از ضخامت نمونه از لبه ی آزاد آن، رفتار بصورت تنش مسطح یا کرنش مسطح می باشد. در ادامه با تحلیل رگرسیون غیرخطی معادلهایی برای سطح بدست آمد، با استفاده از این معادله براحتی می توان تشخیص Ψ داد تا چه طولی از ضخامت نمونه رفتار بصورت کرنش مسطح یا تنش مسطح می باشد. بنابراین توصیه میگردد در مسائل شکست همواره از مدلسازی سه بعدی برای شبیه سازی استفاده شود تا تأثیر تمام عوامل در نظر گرفته شود.

مراجع

- [1]R. Narasimhan, A. Rosakis, Three-dimensional effects near a crack tip in a ductile three-point bend specimen: part I—a numerical investigation, Journal of Applied Mechanics, 57(3) (1990) 607-617.
- [2]A.T. Zehnder, A.J. Rosakis, Three-dimensional effects near a crack tip in a ductile three-point bend specimen: Part II—An experimental investigation using interferometry and caustics, Journal of Applied Mechanics, 57(3) (1990) 618-626.
- [3]H. Delorenzi, C. Shih, 3-D Elastic-plastic investigation of fracture parameters in side-grooved compact specimen, International Journal of Fracture, 21(3) (1983) 195-220.
- [4]M.O. Lai, W.G. Ferguson, Effect of specimen thickness on fracture toughness, Engineering Fracture Mechanics, 23(4) (1986) 649-659.
- [5]B. Henry, A. Luxmoore, The stress triaxiality constraint and the Q-value as a ductile fracture parameter, Engineering Fracture Mechanics, 57(4) (1997) 375-390.
- [6]J. Wang, W.-L. Guo, Y.-P. Shen, The shape and size of

factor along the thickness: The concept of pivot node on straight crack fronts, Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 41(4) (2018) 869-880.

- [26]J. Garcia-Manrique, D. Camas, P. Lopez-Crespo, A. Gonzalez-Herrera, Stress intensity factor analysis of through thickness effects, International Journal of Fatigue, 46 (2013) 58-66.
- [27]C.M. Stewart, C.W. Oputa, E. Garcia, Effect of specimen thickness on the fracture resistance of hot mix asphalt in the disk-shaped compact tension (DCT) configuration, Construction and Building Materials, 160 (2018) 487-496.
- [28]H. Javani, R.H. Peerlings, M.G. Geers, Three-dimensional finite element modeling of ductile crack initiation and propagation, Advanced Modeling and Simulation in Engineering Sciences, 3(1) (2016) 19.
- [29]N. Simha, F. Fischer, G. Shan, C. Chen, O. Kolednik, J-integral and crack driving force in elastic–plastic materials, Journal of the Mechanics and Physics of Solids, 56(9) (2008) 2876-2895.
- [30]Chen, O. Kolednik, I. Scheider, T. Siegmund, A. Tatschl, F. Fischer, On the determination of the cohesive zone parameters for the modeling of micro-ductile crack growth in thick specimens, International journal of fracture, 120(3) (2003) 517-536.
- [31]E. ASTM, Standard test method for JIC, a measure of fracture toughness, in: 1983 Annual Book of ASTM Standards, American Society for Testing and Materials, 1983, pp. 762-780.
- [32]C.F. Shih, B. Moran, T. Nakamura, Energy release rate along a three-dimensional crack front in a thermally stressed body, International Journal of Fracture, 30(2) (1986) 79-102.
- [33]G.E. Stavroulakis, P.D. Panagiotopoulos, A.M. Al-Fahed, On the rigid body displacements and rotations in unilateral contact problems and applications, Computers & Structures, 40(3) (1991) 599-614.

- [17]A. Carpinteri, M. Corrado, B. Gong, P. Perdonò, Experimental evidence and numerical simulation of size effects on the ductile fracture of metallic materials, International Journal of Fracture, 211(1-2) (2018) 43-59.
- [18]V. Di Cocco, F. Iacoviello, A. Rossi, M. Cavallini, Stress triaxiality influence on damaging micromechanisms in a pearlitic ductile cast iron, Frattura ed Integrità Strutturale, 8(30) (2014) 462-468.
- [19]A. Kotousov, C.H. Wang, Three-dimensional stress constraint in an elastic plate with a notch, International Journal of Solids and Structures, 39(16) (2002) 4311-4326
- [20]H. Subramanya, S. Viswanath, R. Narasimhan, A threedimensional numerical study of mixed mode (I and II) crack tip fields in elastic–plastic solids, International Journal of Fracture, 136(1-4) (2005) 167-185.
- [21]T. Meshii, K. Lu, Y. Fujiwara, Extended Investigation of Test Specimen Thickness (TST) Effect on the Fracture Toughness (Jc) of a Material in The Transition Temperature Region as a Difference in the Crack Tip Constraint–what is a loss in Constraint in the TST Effect on Jc?, Procedia Materials Science, 3 (2014) 57-62.
- [22]H.E. Coules, G.C.M. Horne, K. Abburi Venkata, T. Pirling, The effects of residual stress on elastic-plastic fracture propagation and stability, Materials & Design, 143 (2018) 131-140.
- [23]P. Wang, S. Qu, Analysis of ductile fracture by extended unified strength theory, International Journal of Plasticity, 104 (2018) 196-213
- [24]R.G. Hurlston, J.K. Sharples, A.H. Sherry, Understanding and accounting for the effects of residual stresses on cleavage fracture toughness measurements in the transition temperature regime, International Journal of Pressure Vessels and Piping, 128 (2015) 69-83
- [25]J. Garcia-Manrique, D. Camas-Peña, J. Lopez-Martinez,A. Gonzalez-Herrera, Analysis of the stress intensity

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

A. Permanoon, A. H. Akhaveissy, Effect of Three-Dimensional Modeling on the Behavior of Plane Strain or Plane Stress around Crack Tip in Compact-Tension (CT) Specimen. Amirkabir J. Civil Eng., 53(3) (2021) 1179_1200



DOI: 10.22060/ceej.2019.16825.6360

بی موجعه محمد ا