

# Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 52(5) (2020) 301-304 DOI: 10.22060/ceej.2019.15283.5870

# Numerical Simulation of Transverse Deformations of Buried Pipelines Due to Slope Instability

#### R. Nouri, E. Seyedi Hosseininia<sup>\*</sup> Faculty of Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran

ABSTRACT: Buried pipelines are used to transport water, liquid fuel, gas, oil, etc. and they must remain in service in all circumstances such as permanent transverse ground deformation caused by slope instability. In the literature, modeling of soil-pipe interaction is carried out mostly by using soil-equivalent spring, and instead, continuum modeling is rarely used. In the modeling problem, the main question is the estimation accuracy of the pipe deformation. In this paper, it is tried to study the deformational behavior of a pipe installed over an unstable slope. In this study, the simulation was performed by using a continuum approach by using FLAC 3D software, which is based on finite difference method. The effect of parameters such as pipe diameter and thickness, width of the slope, soil cohesion and soil internal friction angle on pipe deformation were investigated. The simulation results indicate that the maximum displacement of the transverse ground and pipe occurs in the center of the area and reaches zero in the sides. The forces/stresses in the pipe are symmetric to the center of the model and reach a maximum value in the center. Furthermore, as the ground movement increases, the pipe maximum strain increases linearly while it remains constant anymore at larger ground deformation which is called critical deformation. By comparison of the numerical results with those of analytical methods for a large-scale physical test, it can be said that the numerical model can more precisely predict the pipe deformation and forces/bending moments. Parametric studies show that some solutions such as an increase in the diameter of the pipe, increase in thickness of the pipe wall and a decrease in the slope angle can effectively reduce the displacements and forces imposed in the pipe.

#### **Review History:**

Received: 2018-11-13 Revised: 2019-05-01 Accepted: 2019-06-05 Available Online: 2019-06-17

#### **Keywords:**

Buried pipelines Slope instability Numerical modeling FLAC 3d software Soil-pipe interactions

#### **1. INTRODUCTION**

Slopes are affected by various factors such as earthquakes, landslides and unstable fluidity, and this instability causes the mass of soil to tilt to move. This displacement can cause Permanent Ground Deformation (PGD) and cause damage to buried pipes.

There are two methods for modeling the soil-pipe interaction problems. In the first method, soil equivalent springs are used to model this interaction. In the second method, the soil environment is considered as a continuum and the interaction between soil and pipe is modeled as a contact (interface) element. The permanent deformation of the ground occurs transverse directions when the ground's motion is perpendicular to the axis of the pipe. The buried pipe is shown in Figure 1 under the PGD, in which *w* is the width of the PGD and  $\delta$  is maximum deformation of PGD.

#### 2. METHODOLOGY

In order to investigate the behavior of a pipe under transverse PGD, Liu and O'Rourke [1] considered the buried pipe in the soil as a beam in the ABAQUS. An assumed slope geometry is considered according to Fig. 2 in which the width





Fig. 1. Buried pipe under the transversal PGD



Fig. 2. An assumed slope geometry; (a) Transverse view, (b) Plan, (c) Slope section

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.

#### Table 1. Geometric characteristics of the slope

Pipe Diameter (m)- D	0.61
Tipe Diameter (m) D	0.01
Pipe Thickness (m)- t	0.0095
Pipe Length (m)	60
⊠ı	20
$\boxtimes_2$	25
W (m)	30
$L_{a}(m)$	15

#### Table 3. Geometric features

D (m)	0.325
t (m)	0.008
L of pipe (m)	32
w of PGD (m)	16
La (m)	8

#### Table 4. Soil parameters

parameters	Out of PGD	PGD area
C (kPa)	13.73	5.03
$\gamma(kN/m^3)$	19	21
$\varphi$	4.9	3.5

of the slope includes the region of lateral deformation (W) and the anchor length (for the pipe) of each side ( $L_a$ ). A pipe is located at a depth of 1.2 m from the ground.

The geometric characteristics of the slope and the pipe are in accordance with Table 1.

In order to cause the slope to be unstable, it is assumed that due to environmental factors, the slope is saturated. Using the equilibrium method, Michalowski [2] presented diagrams for calculating the coefficient of stability of the slope. The safety factor with this method is equal to F.S = 0.85. In another way, Bishop and Morgenstern [3], using a slice method, with this method F.S = 0.75. Based on the results, it is assured that the slope is considered unstable. To simulate soil behavior, the Mohr-Coulomb elasto-plastic model has been used. In order to create landslide and the fall of its soil mass, the slope is divided into three different regions. Landslide in the middle region causes cross-sectional movement of the soil and pipe. The middle region is an area subjected to the permanent displacement of the PGD. The soil parameters for boundary and PGD regions are presented in Table 2. The buried pipe steel X52 are also assigned to the pile element in FLAC 3D.

To simulate a real issue, Wenkaia et al. [4] examined the impact of a large-scale landslide on a gas test pipeline. According to Wenkaia et al. [4], soil excavation was performed step by step, which caused the landslide in the slope. The geometry of the simulated model in the FLAC 3D is shown in Figure 3. Geometric features are given in Table 3.

#### Table 2. Soil parameters

parameters	PGD region	Lateral regions
C (kPa)	1~5	3,5
$\gamma$ (kN/m <sup>3</sup> )	18.7	
$\varphi$	35	



Fig. 3. Geometry of the simulated model



Fig. 4. The displacement of (a) the pipe and (b) the slope (in meters)



The Mohr-Coulomb model has been used to simulate soil behavior. Soil parameters are considered in the PGD area and outside of the PGD, as shown in Table 4. The buried pipe is considered steel and L245NB type with a yield stress of 245 MPa.

#### 3. RESULTS AND DISCUSSION

The simulation results of FLAC model are compared with the beam-spring method by Liu and O'Rourke [1]. According to Figure 4, the maximum displacement of the ground and pipe occurred at the center of the model, the amount of soil displacement decreases and this value reaches zero in the margin of the model.

Figure 5 shows the horizontal displacements of the pipe during the numerical simulation of the present study with



Fig. 6. The distribution (a) the bending moment (Mz) and (b) the axial force (Fx) along the pipe for  $\delta = \delta cr$ 

#### the field study of Wenkaia et al. [4]. In both methods, the horizontal displacement of the maximum of the pipe in the center of the area occurred.

Figure 6 indicates the distribution of the bending moment and axial force in the pipe for a W=30 m and  $L_a$ =200 m compared with the beam-spring method by Liu and O'Rourke [1]. According to Figure 5, the bending moment and axial force along the pipe and for both numerical methods are symmetric to the center of the PGD region.

### 4. CONCLUSIONS

The most important results are:

1. The maximum displacement, bending moment and axial force of the ground and the pipe occurs at the center of the PGD region and reaches zero in the margins.

2. By increasing the displacement of the ground, the maximum strain of the pipe is linearly increased, where the critical deformation is changed, the maximum strain of the pipe remains constant.

**3.** By increasing the diameter or thickness of the pipe, the pipe deformation decreases and the displacements, strains and tensions created in the pipe can be reduced to some extent and the pipes are retrofitted against transverse PGD.

#### REFERENCES

- X. Liu, M.J. O'Rourke, Behaviour Of Continuous Pipeline Subject To Transverse PGD, Eerthquake Engineering And Structural Dynamics, 26 (1997) 989-1003.
- [2] R.L. Michalowski, Stability Charts for Uniform Slopes, Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering ASCE 128(4) (2002) 351-355.
- [3] A.W. Bishop, N.R. Morgenstern, Coefficients for Earth Slopes, Geotechnique, 10(4) (1960) 129-150.
- [4] F. Wenkaia, H. Runqiua, L. Jintaoa, X. Xiangtaoa, L. Minb, Large-scale Field Trial To Explore Landslide And Pipeline Interaction, Soils And Foundations, 55(6) (2015) 1466-1473.

#### HOW TO CITE THIS ARTICLE

R. Nouri, E. Seyedi Hosseininia, Numerical Simulation of Transverse Deformations of Buried Pipelines Due to Slope Instability, Amirkabir J. Civil Eng., 52(5) (2020) 301-304.

DOI: 10.22060/ceej.2019.15283.5870



This page intentionally left blank

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۲ شماره ۵، سال ۱۳۹۹، صفحات ۱۱۸۷ تا ۱۲۰۴ DOI: 10.22060/ceej.2019.15283.5870

# شبیهسازی عددی تغییرمکان عرضی لوله مدفون بر اثر ناپایداری شیروانیها

ريحانه نوري، سيد احسان سيدي حسيني نيا\*

گروه مهندسی عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۲۲-۸۰-۱۳۹۷ بازنگری: ۱۱–۰۲-۱۳۹۸ پذیرش: ۱۵–۳۰-۱۳۹۸ ارائه آنلاین: ۲۷–۰۳-۱۳۹۸

> کلمات کلیدی: لوله مدفون ناپایداری شیروانی مدلسازی عددی نرمافزار FLAC 3D اندرکنش خاک و لوله

خلاصه:خطوط لولهی مدفون برای انتقال آب، سوخت مایع، گاز، نفت و غیره کاربرد دارند که ممکن است بر روی شیروانی مستقر باشند. خطر این لوله ها، ناپایداری شیروانی بوده که منجر به اعمال تغییر شکلهای بزرگ به لوله می شود. برای مدل سازی این مسئله، عمدتاً از روش های تیر -فنر و تحلیلی استفاده می شود و کمتر، روش های عددی مبتنی بر محیط پیوسته بکار گرفته شده است. ضرورت توجه به این مسئله، دقت این روش ها در تخمین رفتار لوله است. در این مقاله، از شبیه سازی عددی با نرمافزار سه بعدی FLAC 3D استفاده شده است. ابتدا روش محیط پیوسته با روش تیر-فنر و روابط تحلیل مقایسه شده و سپس، به شبیه سازی یک مسئله واقعی پرداخته شده و نتایج جهت بررسی دقت روش، مقایسه شده اند. مقایسه ی نتایج این پژوهش با سایر روش ها نشان میدهد که روابط ساده موجود می تواند رفتار تغییر شکل لوله تحت بار جانبی را با تقریب تخمین بزند. ولی مدل سازی عددی می تواند تغییرمکان و کرنش های بوجود آمده را با دقت بیشتری پیش بینی کند. باتوجه به سه بعدی بودن مسئله، تنها کافی است طول کوچکی از لوله که در طرفین منطقه رانش قرار گرفته است، در مدلسازی لحاظ شود. مطالعات حساسیت نشان می دهد با انجام اقداماتی نظیر افزایش قطر بیشتری پیش بینی کند. باتوجه به سه بعدی بودن مسئله، تنها کافی است طول کوچکی از لوله که در طرفین منطقه با فرایش فرار گرفته است، در مدلسازی لحاظ شود. مطالعات حساسیت نشان می دهد با انجام اقداماتی نظیر افزایش قطر با افزایش ضخامت جداره لوله، می توان تغییرمکان ها، تنش ها و کرنش های ایجاد شده در لوله را تا حدی کاهش داد. با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه لوله به طور خطی افزایش یافته و از تغییرمکان بحرانی به بعد، کرنش بیشینه

#### ۱–مقدمه

به علت گستردگی خطوط لولهی مدفون و عبورشان از نواحی مختلف، این سیستم در معرض خطرات زیادی قرار دارند. در برخی مناطق به دلیل شرایط توپوگرافی و جغرافیایی، خطوط لولهی مدفون از دامنهی شیروانیها عبور میکنند، هر عاملی که سبب ناپایداری و ریزش شیروانی گردد، بر رفتار لوله نیز تأثیرگذار خواهد بود. شیروانیها تحت تأثیر عوامل مختلفی مانند زلزله، زمین لغزش و روانگرایی ناپایدار شده و این ناپایداری موجب حرکت تودهی خاک شیب می شود. این \*نویسنده عهدهدار مکاتبات: eseyedi@um.ac.ir

جابهجایی میتواند باعث ایجاد تغییرشکلهای بزرگ دائمی در سطح زمین ( PGD) شده و خسارتهایی بر روی لولههای مدفون وارد کند. دو روش برای مدلسازی نیروهای اندرکنشی خاک - لوله وجود دارد. در روش اول از فنرهای معادل خاک جهت مدلسازی این اندرکنش استفاده شده و در روش دوم محیط خاک به صورت پیوسته در نظر گرفته شده و اندرکنش بین خاک و لوله به صورت عنصر تماسی مدلسازی می شود. تغییر شکل ماندگار زمین به دو صورت طولی و عرضی رخ می دهد؛ هنگامی که حرکت زمین عمود بر محور لوله باشد،

1 Permanent Ground Displacement

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیر کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) کی این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (thtps://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.



شکل ۱. لولهی مدفون تحت تغییرمکان ماندگار عرضی زمین؛ الف) حالت دو بعدی، (ب) حالت سه بعدی Fig. 1. Buried pipeline under permanent transverse displacement of the ground; (a) two-dimensional model, (b) threedimensional model

تغییرشکل عرضی بوده و اگر حرکت زمین در راستای محور لوله باشد، تغییرشکل طولی است. طبق تحقیقات گذشته، تغییرشکل ماندگار عرضی نسبت به تغییرشکل ماندگار طولی آسیبهای جدیتری به لوله وارد میکند. لولهی مدفون تحت تغییرشکل ماندگار زمین در حالت عرضی در شکل ۱ نشان داده شده است که در آن W عرض منطقهی PGD و  $\delta$  تغییرمکان عرضی بیشینه است، اگر لوله تحت زمینلغزش یا روانگرایی قرار گیرد، توزیع تغییرمکان مطابق شکل ۱ رخ میدهد.

اصلی ترین نوع گسیختگی لوله های پیوسته ی فولادی عبارت است از: گسیختگی ناشی از کشش محوری، کمانش موضعی ناشی از فشار محوری و کمانش کلی. اگر عمق دفن لوله کم باشد، لوله تحت فشار ممکن است رفتار کمانش کلی از خود نشان دهد. در واقع، برای لوله های پیوسته ی مدفون در عمق یک متر و بیش تر از آن، گسیختگی غالباً از نوع کششی و کمانش موضعی است [۱]. روش های مختلف آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی برای بررسی پاسخ لوله مدفون به تغییرمکان ماندگار عرضی زمین، توسط محققان ارائه شده است. طبق مطالعات آزمایشگاهی انجام شده، در سال ۱۹۸۵، اورورک و ترامن [۲] رفتار لوله ی مدفون را در برابر بار جانبی با استفاده از سال ۲۰۰۴، اندرکنش خاک و لوله را در برابر رانش زمین بررسی کردند. اورورک [۴] در سال ۲۰۱۰، با استفاده از جعبه ی دو بخشی، رفتار لوله ی مدفون را در برابر عانی زمین بررسی نمود.

معکوس پرداخت. در بعضی موارد به دلیل بزرگ بودن ابعاد مسئله، مدلسازی کوچک مقیاس آزمایشگاهی نمی تواند نتایج خوبی بهدست دهد. بدین منظور مدلسازی به صورت سانتریفیوژ' انجام می شود. برتون و همکاران [۶] با استفاده از دستگاه سانتریفیوژ، کمانش جانبی وارد بر لوله و اندرکنش جانبی خاک و لوله را شبیهسازی کردند. ونکای و همکاران [۷] در روش میدانی، یک خط لوله آزمایشی گاز را در شیروانی تحت زمین لغزش مورد بررسی قرار دادند. ژنگ و همکاران [۸] با استفاده از مدلسازی سانتریفیوژ، رفتار لولهی مدفون را در شیبهای ناپایدار ماسهای مطالعه کرده و تأثیر عمق دفن لوله و زاویه شیروانی را بر روی رفتار لوله بررسی کردند. برخی از مطالعات عددی نیز مانند اورورک [۹] با روش عددی اجزای محدود به مدلسازی لوله پرداخت. سوزوکی و همکاران [۱۰] و کوبایاشی و همکاران [۱۱]، از مدلسازی خط لوله به روش اجزای محدود استفاده کردند. لیو و اورورک [۱] با استفاده از مدلسازی عددی در نرمافزار اجزای محدود ABAQUS، نتایج خود را در قالب گرافهایی ارائه دادند. کالوتی و همکاران [۳] در سال ۲۰۰۴، اندرکنش خاک و لوله را با استفاده از روش عناصر مجزا بررسی کردند. بدو و همکاران [۱۲] با استفاده از روش اختلاف محدود، اندر کنش خاک- لوله در خاک ماسهای را بررسی کرده و با نتایج حاصل از مدل آزمایشگاهی اورورک و ترامن [۲] مقایسه کردند. جعفرزاده و همکاران [۲] در سال ۲۰۱۲ و با استفاده از روش اجزای محدود در نرمافزار ABAQUS لولهی مدفون در شیروانی تحت زمین لغزش را به صورت دو بعدی مدل سازی

<sup>1</sup> Centrifuge

کردند. ساتسیس و همکاران [۱۳] با استفاده از مدل عددی اجزای محدود، رفتار لوله مدفون را تحت لغزش شیروانی بررسی کردند. محققان از مدلهای ریاضی متنوعی برای بررسی رفتار خطوط لولهی مدفون استفاده کردهاند. برای پیش بینی پاسخ لولهی مدفون در برابر تغییر شکلهای عرضی ماندگار زمین، در سال ۱۹۸۸، اورورک [۹] با استفاده از تابع چگالی احتمال بتا، تغییر شکلهای عرضی خاک اطراف لوله را تخمین زد که با رابطه ۱ نشان داده شده است:

$$y(x) = \delta[s/s_m]^{r-1}[(1-s)/(1-s_m)]^{r-r-1} \quad 0 < s < 1$$
 (1)

که در آن، s فاصلهی بین دو ناحیه PGD که با w (عرض منطقهی PGD) نرمال شده،  $s_m$  فاصلهی بین دو ناحیه PGD که با  $\delta$  (تغییرمکان عرضی بیشینه) نرمال شده و در اینجا  $\Lambda$ -در نظر  $\delta$  (تغییرمکان عرضی بیشینه) نرمال شده و در اینجا  $\Lambda$ -در نظر  $\delta$  (تفییر مده است.  $\tau$  و r

سوزوکی و همکاران [۱۰] و بعد از ایشان، کوبایاشی و همکاران [۱۱] تغییرشکل عرضی خاک را با استفاده از یک تابع نمایی صعودی کسینوسی با توان n که به صورت رابطه ۲ آمده است، تقریب زدند.

$$y(x) = \delta \cdot (\cos\frac{\pi x}{w})^n \tag{(1)}$$

در این رابطه، x فاصله از مرکز ناحیهی PGD، w عرض ناحیهی PGD و n پارامتری به عنوان توان رابطه است.

اورورک [۱۴] با استفاده از روش تحلیلی ساده و دو فرض لوله منعطف و سفت، با استفاده از مدلسازی ریاضی تابع کسینوسی، روابطی را برای محاسبهی تغییرمکان عرضی لوله بهدست آورد و رابطهی ۳ را برای تخمین PGD عرضی ارائه نمود:

$$y(x) = \frac{\delta}{2} \left(1 - \cos\frac{2\pi x}{w}\right) \tag{(7)}$$

که در آن، x فاصله از حاشیهی منطقهی PGD و w عرض منطقهی PGD است.

لیو و اورورک [۱] با فرض لوله به صورت کابلی منعطف، روابط تغییرشکل و نیروی محوری را برای دو حالت لولهی سفت و منعطف ارائه دادند. کرنشهای بیشینه در یک لوله الاستیک به علت اثرات ترکیبی کشش محوری (رفتار کابل مانند) و انعطاف پذیری (رفتار تیر) بوده و توسط رابطه ۴ بیان می شود:

$$\varepsilon_{elastic} = \begin{cases} \frac{\pi\delta}{2} \cdot \sqrt{\frac{t_u}{AEW}} \pm \frac{\pi^2 \delta D}{W^2}, \delta \le \delta_{cr} \\ \frac{\pi\delta_{cr}}{2} \cdot \sqrt{\frac{t_u}{AEW}} \pm \frac{\pi^2 \delta D}{W^2}, \delta > \delta_{cr} \end{cases}$$
(\*)

در روش تحلیلی اورورک [۱۴]، کرنش محوری لوله با استفاده از رابطهی ۵ محاسبه شده است. در این رابطه δ تغییرمکان بیشینه لوله و w عرض منطقهی PGD است.

$$\varepsilon_a = \left(\frac{\pi}{2}\right)^2 \left(\frac{\partial}{w}\right)^2 \tag{(a)}$$

در روش تحلیلی اورورک [۱۴]، کرنش خمشی لوله با استفاده از رابطهی ۶ برای شرایط لوله انعطاف پذیر و عرض گستردهی ناحیه PGD محاسبه شده است. همچنین با استفاده از رابطهی ۷ برای لوله سفت و عرض باریک ناحیه PGD کرنش خمشی لوله بهدست آمده است.

$$\varepsilon_b = \pm \frac{\pi^2 \delta D}{W^2} \tag{9}$$

برای عرض باریک ناحیه PGD و لولهی سفت، با توجه به حداکثر نیروی عرضی در واحد طول <sub>p</sub>، درسطح مشترک لوله و خاک، لوله در هر طرف به عنوان تیر مدل شده است (به عنوان مثال، تیر دو سر ثابت). برای این مورد تنش محوری ناشی از اثرات طول قوس، کوچک و نادیده گرفته شده است. از این رو، حداکثر کرنش در لوله از رابطهی ۷ بهدست میآید:

$$\varepsilon_b = \pm \frac{p_u W^2}{3\pi E t D^2} \tag{V}$$

در این روابط،  $\delta$  تغییرمکان بیشینه لوله، W عرض منطقهی  $t_u$  , مدول<br/>الاستیسیته لوله، t ضخامت لوله، D قطر لوله، t مقاومت بیشینه عرضی است.

هدف از پژوهش حاضر، بررسی و مطالعه رفتار لولههای مدفون بر روی شیروانی است که تحت تغییر شکل بزرگ جانبی (PGD) قرار می گیرند. خاطر نشان می شود روابط تقریبی و تحلیلی اشاره شده در بالا، برای شرایط کلی بوده و لازم است کاربرد این روابط برای تغییرمکانهای شیروانی نیز بررسی شود. بدین منظور، از شبیه سازی عددی و پیوسته سه بعدی استفاده شده است و سعی شده تا گسیختگی شیروانی با وجود یک خط لوله در جسم آن مدل سازی شود و سپس، رفتار لوله بر اساس تنشها و کرنشهای اعمالی بر آن مطالعه شود. خاطر نشان می شود با اینکه ظاهراً خط لوله در یک

صفحه تغییرمکان میدهد، ولی مسئله مورد نظر سه بعدی بوده و نمی توان از تحلیل دوبعدی برای مطالعه آن استفاده کرد. زیرا اولاً تغییرمکان لوله در خارج از صفحات مقطع لوله متفاوت است، بطوریکه مطابق شکل ۱-الف، مقدار کمینه آن در جداره ها و مقدار بیشینه در وسط ناحیه PGD رخ میدهد. دوم اینکه این تغییرمکان های لوله می تواند منجر به کمانش موضعی کند که با تحلیل دوبعدی، امکان بررسی آن نیست. نکته دیگر آن که با اینکه شکل ناحیه PGD متقارن است، ولی بدلیل محدودیت های شرایط مرزی برای لوله در نرم افزار FLAC3D، تمام مدل (بجای نصف آن) استفاده شده است. در این پژوهش، لولهی فولادی و شیروانی خاکی دو بخش اصلی این مدل سازی هستند. مدل های شبیه ازی شده با مدل عددی لیو و

# ۲– شبیهسازی های عددی

با توجه به این که معمولاً رانش لوله در شیروانی در ابعاد بزرگی رخ می دهد، استفاده از روش عددی یکی از بهترین روش ها برای شبیه سازی رفتار لوله و اندر کنش خاک و لوله در برابر حرکات عرضی زمین است. در این پژوهش، از نرمافزار FLAC 3D که برای شبیه سازی مسائل ژئوتکنیک طراحی شده، بهره گرفته شده است. این نرمافزار بر اساس روش تفاضل محدود صریح نوشته شده و بر پایه تحلیل لاگرانژی عمل می کند و می تواند تغییر مکان های بزرگ بوجود آمده ناشی از ناپایداری شیروانی را در نظر بگیرد [۱۵].

در این پژوهش، رفتار لولههای مستقر بر روی یک شیروانی مدل سازی می شود که بر اثر ناپایداری شیراونی، تغییر شکل بزرگ جانبی بر لوله وارد می گردد. ابتدا ابعاد هندسی مدل و شبکهبندی آن تعریف شده و سپس، مدل رفتاری و مشخصات مصالح معرفی شده و با ایجاد شرایط مرزی و اولیه، تنشهای درجای محیط معرفی می شود. بعد از به تعادل رساندن محیط، تغییرات مورد نیاز برای ناپایداری شیروانی بع تعادل رساندن محیط، تغییرات مورد نیاز برای ناپایداری شیروانی شکل ۱۰ تغییرمکانهای بوجود آمده بر روی شیروانی بصورت سه نعدی است؛ بدین صورت که لوله مدفون در دو طرف خود بداخل زمین مهار شده و درعوض، بخش های میانی لوله در وسعتهای مختلف تحت تاثیر جابجایی و رانش خاک قرار می گیرد. لذا، نمی توان

سه بعدی بهره گرفت.

مدل های عددی درنظر گفته در این پژوهش شامل موارد زیر است: الف- شبیه سازی یک لوله مستقر در داخل یک شیروانی ناپایدار: لیو و اورورک [۱] یک لوله مدفون در خاک را بصورت تیر- فنر در نرمافزار ABAQUS در نظر گرفته و رفتار آن را مطالعه کردند. آنها فرض کردند که لوله در عمق ۱/۲ متری از سطح زمین قرار گرفته است. در این بخش، رفتار این لوله که داخل یک شیروانی ناپایدار مستقر شده، مطالعه شده و نتایج آن، با نتایج روش تیر- فنر مقایسه میشود.

ب- شبیه سازی یک مسئله واقعی زمین لغزش: سعی شده است با توجه به نکات گفته شده، یک مسئله واقعی با روشهای عددی و تحلیلی تحلیل شده و نتایج مقایسه شوند.

# ۲-۱- شبیه سازی لوله مستقر در شیروانی ناپایدار

یک شیروانی با هندسه فرضی مطابق شکل ۲ درنظر گرفته می شود که طبق آن، عرض شیروانی شامل منطقهی تغییر شکل جانبی (W) و ناحیهی مهاری (برای لوله) از هر طرف  $(L_a)$  است. یک لوله در عمق ۱/۲ متری از سطح شیروانی درنظر گرفته شده است. مشخصات هندسی شیروانی و لوله مطابق جدول ۱ است. تحلیل پایداری این شیروانی با روش تعادل حدی نشان داد که وجود باریکهی <sup>۱</sup> خاکی در دامنهی شیب، علاوه بر نقطه نظر اجرایی بودن آن، باعث افزایش ضریب اطمینان می شود. عرض این باریکه پس از انجام تحلیل های متعدد، دو متر انتخاب شد. شیروانی به روش تعادل حدی بیشاپ اصلاح شده با نرمافزار SLOPE/W تحلیل شد. در روش تعادل بلوک های قائم، ضریب اطمینان شیروانی در مقابل لغزش محاسبه شده و کمترین ضریب اطمینان به دست می آید. ضریب اطمینان بودن این شیروانی در حالت خشک F.S=1.9 به دست آمد که نشان از پایدار

برای ناپایدارسازی این شیروانی، فرض می شود که در اثر عوامل محیطی، این شیروانی اشباع شود. در این حالت، ضریب اطمینان پایداری این شیروانی به روش های مختلف بررسی شد. روش تعادل حدی با بیشاپ اصلاح شده نشان داد که ضریب اطمینان به F.S=0.8



شکل ۲. هندسه یک شیروانی فرضی شبیهسازی شده؛ (الف) پلان، (ب) نمای عرضی و (پ) مقطع شیروانی Fig. 2. The geometry of an assumed slope; (a) Transverse view, (b) Plan (c) Slope section

جدول ۱. مشخصات هندسی شیروانی و لوله برای مدلهای شبیهسازی شده

Table 1. Slope and pipe geometrical characteristics for	or
simulated models	

مقدار	مشخصات هندسی
۰/۶۱	قطر لوله (متر) - D
٠/٠٠٩۵	ضخامت لوله (متر) - t
۶.	عرض شیروانی یا طول لوله (متر)
٩٠	طول شیروانی (متر)
٣٠	ارتفاع شیروانی (متر)
۲۰	شیب بالا (درجه) – ۵۱
۲۵	شیب پایین (درجه) – θ۲
٣٠	عرض ناحیه PGD (متر) - W
۱۵	عرض ناحیه مهارشده از هر طرف (متر) - La
٢	عرض باریکه (متر)
١/٢	عمق مدفون لوله (متر)

کاهش پیدا می کند. میکالوسکی [۱۶] در سال ۲۰۰۲ با استفاده از روش تعادل حدی، نمودارهایی را برای محاسبهی ضریب اطمینان پایداری شیروانی بر اساس پارامترهایی نظیر ارتفاع شیروانی، زاویهی شیب و مشخصات ژئوتکنیکی خاک ارائه داد. ضریب اطمینان شیروانی با این روش برابر F.S=0.85 بهدست می آید. در روشی دیگر، بیشاپ و مورگن استرن [۱۷] با استفاده از روش معمولی قطعه، پایداری شیروانی خاکی را در شرایط تراوش پایدار تحلیل کرده و جداولی را

برای محاسبهی ضریب اطمینان پایداری شیب ارائه دادند. با کمک این روش، ضریب اطمینان شیروانی برابر F.S=0.75 بهدست می آید. بر اساس نتایج بهدست آمده، اطمینان حاصل می شود که شیروانی در نظر گرفته شده، ناپایدار است.

نتایج بهدست آمده از شبیهسازی در نرم افزار FLAC 3D برای حالتی که شیروانی اشباع فرض شده است نیز نشان میدهد که خاک و لوله دچار تغییرشکلهای بزرگی از نوع جریان خمیری شده و شیروانی دچار گسیختگی می شود. جهت شبیه سازی رفتار خاک از مدل رفتاری کشسان- خمیری مور-کولمب استفاده شده است. جنس مصالح خاکی ماسهی نسبتاً متراکم با چسبندگی ناچیز بوده که مدل مور-کولمب به خوبی می تواند رفتار خاک موردنظر را شبیه سازی نماید. به منظور ایجاد ناپایداری شیروانی و ریزش تودهی خاک آن، شیروانی مانند شکل ۲ به سه بخش مختلف تقسیم شده است. در بخشهای کناری یا مرزی، خاک دارای پارامترهای مقاومتی بالا بوده و این سبب می شود پایداری شیروانی حفظ گردد. این در حالی است که بخش میانی دارای پارامترهای مقاومتی ضعیفتر بوده و همین سبب ریزش این ناحیه می شود. رانش خاک در ناحیهی میانی سبب ایجاد حرکت عرضی خاک و لوله شده است. ناحیهی میانی، ناحیهای است که تحت تغییرمکان عرضی ماندگار زمین یا PGD قرار گرفته است. پارامترهای مختلف خاک برای نواحی مرزی و PGD در جدول نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۵، سال ۱۳۹۹، صفحه ۱۱۸۷ تا ۱۲۰۴

جدول ۲. پارامترهای خاک مدلهای شبیهسازی شده

مقدار در ناحیه PGD	مقدار در نواحی مرزی	پارامتر	
۲۵×	۲ <b>۰</b> ۶	مدول حجمی(مگا پاسکال)	
$\Delta \leq c \leq N$	۳. ۵	چسبندگی (کیلو پاسکال)	
١٨/٢		جرم مخصوص (کیلو نیوتن بر متر مکعب)	
۵		زاویه اتساع (درجه)	
۳۵		زاویه اصطکاک داخلی (درجه)	
))/\D×).*		مدول برشی (مگا پاسکال)	
$1/Y \leq t \leq f/1$	۲/۴، ۲/۲	حد کششی (کیلو پاسکال)	

Table 2. Soil parameters of simulated models

#### جدول ٣. مشخصات مكانيكي فولاد X52

#### Table 3. Mechanical specifications of steel X52

نوع فولاد	تنش تسليم	تنش نھایی	مدول يانگ	نسبت پواسون	جرم حجمی
	(مگا پاسکال)	(مگا پاسکال)	(گیگا پاسکال)		(کیلوگرم بر متر مکعب)
X52	36.	48.	۲۱۰	۰/۲۵	۷۸۵۰

۲ ارائه شده است.

مشخصات لولهی مدفون در مدلهای شبیهسازی شده مطابق با آنچه در مدل عددی لیو و اورورک [۱] بوده است، در نظر گرفته شده است. جنس لوله فولادی و از نوع API 5L PSL1 با نام تجاری X52 در نظر گرفته شده است. این لولهها برای انتقال آب، گاز و مواد نفتی کاربرد دارند. مدل رفتاری فولاد در شبیهسازی حاضر، مدل کشسان- خطی است زیرا تنشها و کرنشهای ایجاد شده در لوله کمتر از مقادیر حد تسلیم فولاد بوده و رفتار فولاد در منطقهی کشسان باقی میماند. رفتار فولاد در شبیهسازی عددی، ایزوتروپ و همگن در نظر گرفته شده است. همچنین ویژگیهای مکانیکی لوله فولادی به عنصر سازهای شمع در نرم افزار FLAC 3D اختصاص می یابد. مشخصات مکانیکی فولاد X52 در جدول ۳ آمده است.

به منظور شبیه سازی سطح مشترک بین خاک و لوله، نیروهای اندرکنشی در اطراف لوله در سه جهت محوری، افقی و قائم به وسیلهی فنرهایی با خاصیت رفتار غیرخطی و سختی هایی مطابق مشخصات خاک موردنظر اعمال شده است. رفتار برشی سطح مشترک بین لوله و خاک به صورت یک سیستم فنری لغزنده مدل شده و پارامترهایی نظیر سختی برشی سطح مشترک در جداره و دو انتهای لوله (SK)،

مقاومت چسبندگی سطح مشترک در جداره و دو انتهای لوله (SC)، مقاومت اصطکاکی سطح مشترک در جداره و دو انتهای لوله (SF) معرفی میشوند. مقادیر این پارامترها از رابطههای زیر محاسبه میشوند:

$$SK = \frac{2\pi G}{10\ln(1+\frac{2t}{D})} \tag{A}$$

$$SC = \pi Dc \tag{9}$$

$$SF = \left(\frac{2}{3} \sim \frac{3}{4}\right)\varphi \tag{(1.)}$$

در این رابطهها، G مدول برشی خاک، t ضخامت سطح مشترک، D قطر لوله، c چسبندگی خاک و زاویه اصطکاک داخلی خاک p است [10]. در پژوهش حاضر، مقاومت اصطکاکی سطح مشترک  $\varphi$  0.7 در نظر گرفته شده است. برای محاسبهی ضخامت سطح مشترک از رابطهی ۱۱ استفاده می شود [18]:

$$t = (2.4 \sim 3.6)D_{50} \tag{11}$$

در رابطهی ۱۱،  $D_{_{50}}$  قطری است که ۵۰ درصد ذرات خاک از آن ریزتر هستند. در این پژوهش ضخامت سطح مشترک  $3D_{_{50}}$  در نظر

جدول ۴. مشخصات سطح مشترک بین لوله و خاک برای مدل های شبیه سازی شده

Table 4. Pipe-soil	interface characteristics	for simulated models
1		

مقاومت اصطکاکی در جداره (درجه)	مقاومت چسبندگی در جداره (پاسکال)	سختی برشی در جداره (پاسکال)
۲۵	۵/۷۵×۱۰ <sup>۳</sup>	۱/۱×۱۰ <sup>۹</sup>

گرفته شده است. طبق روابط ارائه شده، مقادیر محاسبه شده برای اندرکنش بین لوله و خاک برای مدلهای شبیهسازی با مدل عددی لیو و اورورک [۱] در جدول ۴ آمده است.

در شبیه سازی حاضر، شرایط مرزی مورد نیاز تعریف شده اند. فشار آب حفره ای در مرزها به صورت افزایش خطی با عمق در نظر گرفته شده است. تغییر مکان مرزهای جانبی در راستای افقی بسته شده اند. هم چنین، فشار آب حفره ای در نقاط گره ای واقع در مرزها ثابت شده اند. کف مدل در هر سه جهت گیردار فرض می شود. دو انتهای لوله مدفون شده در مرزهای جانبی، در هر سه جهت انتقالی و دورانی گیردار در نظر گرفته شده اند.

به منظور ایجاد رانش زمین و ریزش شیروانی، پس از رسیدن به تعادل اولیه، از تحلیل جریان استفاده شده است. با افزایش سطح آب در شیروانی، تحلیل جریان و مکانیکی به صورت مجزا<sup>۱</sup> انجام شد که برای شبیهسازی ریزش خاک، فرض شد با افزایش سطح آب در مدل، جریان پایدار<sup>۲</sup> در شیروانی پدید آید. به این صورت که وجود آب، باعث کاهش چسبندگی خاک در ناحیهی میانی شیروانی و کاهش مقاومت خاک شده و این موضوع سبب ریزش شیروانی میشود. این روش برای چسبندگیهای مختلف ناحیهی میانی شیروانی انجام میشود.

# ۲-۲- شبيه سازي يک مسئله واقعي زمين لغزش

ونکای و همکاران [۷] در سال ۲۰۱۵، رفتار شیروانی تحت زمین لغزش را در مقیاس بزرگ با یک خط لوله آزمایشی گاز که تحت فشار یکسان قرار داشت، مورد بررسی قرار دادند. هندسه ی مدل شبیه سازی شده با مدل میدانی مطابق با شکل ۳ است. سایر مشخصات هندسی آن در جدول ۵ آمده است. شبکه عددی اطراف لوله یک متری انتخاب شده و طول لوله به ناحیه های یک متری تقسیم شده است. در این مدل سازی از دو ناحیه خاک با مشخصات مقاومتی مختلف استفاده شده است. ناحیه ی میانی که در آن به دلیل وجود

پارامترهای مقاومتی ضعیف خاک، رانش زمین رخ داده و خاک و لوله تحت تاثیر PGD قرار می گیرند. همچنین نواحی کناری که خاک آنها دارای مقاومت برشی بیشتر بوده و با داشتن تغییرشکلهای ناچیز به عنوان تکیه گاه مرزی عمل می کنند. به منظور شبیه سازی لوله از المان سازهای شمع استفاده شده است.

برای شبیهسازی رفتار خاک از مدل رفتاری مور-کولمب استفاده شده است. مشخصات خاک در ناحیهی تحت رانش زمین و خارج از ناحیه رانش زمین متفاوت در نظر گرفته شده که این مشخصات در جدول ۶ آمده است.

لولهی مدفون در مدل شبیهسازی شده با مدل میدانی ونکای و همکاران [۷] از جنس فولاد و از نوع L245NB با تنش تسلیم ۲۴۵ مگاپاسکال در نظر گرفته شده که مشخصات آن در جدول ۷ ارائه شده است. برای جنس لوله، از مدل رفتاری کشسان خطی – خمیری کامل با معیار فون میسز استفاده شده است.

با توجه به پارامترهای مقاومتی خاک در هر ناحیه، مقادیر سختی برشی خاک و سطح مشترک، مقاومت چسبندگی و مقاومت اصطکاکی سطح مشترک برای هر منطقه جداگانه محاسبه شدهاند. مقادیر اندرکنش بین لوله و خاک در جدول ۸ آمده است.

در شبیه سازی مدل عددی، از اختصاص شرایط مرزی استفاده شده است. کف مدل در هر سه جهت گیردار فرض شده است. مرزهای جانبی در طول شیروانی و مرزهای جانبی در عرض شیروانی در هر سه جهت گیردار فرض شدهاند. دو انتهای لوله نیز در مرزهای جانبی، به صورت آزاد در نظر گرفته شدهاند.

مطابق با آنچه ونکای و همکاران [۷] انجام دادند، حفاری مرحله به مرحله سبب ایجاد رانش زمین در شیروانی گردید. در مدل عددی شبیهسازی شده، پس از رسیدن مدل به تعادل اولیه، برای ایجاد ریزش شیروانی، بدون شبیهسازی دیوار نگهدارندهی گود و در منطقهی تحت رانش زمین، از حفاری مرحله به مرحلهی خاک استفاده شده است. چهار مرحله حفاری انجام شده که در هر مرحله، تحلیل تا زمانی

<sup>1</sup> uncoupled

<sup>2</sup> Steady state



شکل ۳. مشخصات هندسی مدل عددی شبیهسازی شده با مدل میدانی ونکای و همکاران [۷]، (الف) مقطع شیروانی و (ب) نمای سه بعدی شیروانی Fig. 3. Geometrical characteristics of the numerical model for the slope of Wenkaia et al. [7], (a) slope section; (b) threedimensional slope view

انجام شده است که تغییرمکانهای ایجاد شده در خاک با مقادیر اندازه گیری شده در برداشت میدانی یکسان باشد. مطابق با شکل ۴، در مرحله اول، حفاری از فاصلهی ۲۰ متری از ابتدای مدل، با ابعاد ینج متر در جهت طولی و سه متر در جهت عمودی انجام شده، در مرحله دوم عمق حفاری سه متر بیشتر شده است. در مرحله سوم، مکان حفاری به محل لولهی مدفون نزدیکتر شده و در فاصله ۱۸ متری از ابتدای مدل و با ابعاد شش متر در جهت طولی و دو متر در جهت عمودی حفاری انجام شده است. در ادامه و در مرحله چهارم عمق حفاری چهار متر بیشتر حفر شده است. با حفاری در هر مرحله، خاک تغییر شکل یافته، مکان لوله نیز جابه جا شده و سبب ایجاد تنش و لنگر در لوله شده است. در پژوهش میدانی ونکای و همکاران [۷]، برای قرائت مقادیر تغییرمکان و تنش، عمقسنجها و گیجهایی در طول لوله و در نقاط مختلف خاک نصب شده است. شکل ۴ مکان عمق سنج N3 در مقطع x=9 m و عمق سنج N5 در مقطع x=4 m را نشان میدهد. مقادیر تغییرمکان افقی خاک در هر مقطع، قبل از حفاری و در مراحل مختلف آن، توسط عمقسنجی که در خاک قرار داده شده قرائت شده است.

## ۳- بررسی نتایج و صحت سنجی

در این بخش، به مقایسه نتایج عددی مسئله با نتایج مدل عددی لیو و اورورک [۱] و پژوهش میدانی ونکای و همکاران [۷] پرداخته میشود. جدول ۵. مشخصات هندسی مدل شبیهسازی شده با مدل میدانی ونکای و همکاران [۷]

# Table 5. Geometrical characteristics of the simulatedmodel with wenkaia et al. field model [7]

۰/۳۲۵	قطر لوله (متر)
•/••٨	ضخامت لوله (متر)
٣٢	طول لوله (متر)
18	عرض ناحیه PGD (متر)
٨	عرض ناحیه مهارشده از هر طرف (متر)





#### جدول ۶. مشخصات خاک برای مدل شبیهسازی شده با مسئله ونکای و همکاران [۷]

مقدار در ناحیه خارج رانش زمین	مقدار در ناحیه رانش زمین	پارامتر
٣/۵×١・ <sup>۶</sup>	۲/۸×۱۰۶	مدول حجمی(مگا پاسکال)
۱۳/۷۳	۵/۰۳	چسبندگی (کیلو پاسکال)
۱۸/۹۵	۲۰/۹۸	جرم مخصوص (کیلو نیوتن بر متر مکعب)
•	*	زاويه اتساع (درجه)
۴/۹	٣/۵	زاویه اصطکاک داخلی (درجه)
١/۶	1/1	مدول برشی (مگا پاسکال)
18.	47	حد کششی (کیلو پاسکال)

#### Table 6. Soil characteristics of the simulated model with wenkaia et al. field model [7]

## جدول ۷. مشخصات مکانیکی فولاد L245NB

### Table 7. Mechanical specifications of steel L245NB

نوع فولاد	تنش تسليم	تنش نھایی	مدول يانگ	نسبت پواسون	جرم حجمی
	(مگا پاسکال)	(مگا پاسکال)	(گیگا پاسکال)		(کیلوگرم بر متر مکعب)
L245NB	240	410	71.	۰/۲۵	۷۸۵۰

جدول ۸. مشخصات سطح مشترک بین لوله و خاک برای مدل شبیه سازی شده با مدل میدانی ونکای و همکاران [۷]

Table 8. Pipe-soil interface characteristics in the simulated model of Wenkaia et al. field test [7]

مقدار در ناحیه خارج رانش زمین	مقدار در ناحیه تحت رانش زمین	پارامتر
۸/۲×۱۰ <sup>۹</sup>	۵/۷×۱۰ <sup>۷</sup>	سختی برشی در جداره (پاسکال)
١۴	۵/۱۴	مقاومت چسبندگی در جداره (کیلو پاسکال)
٣/۵	۲/۵	مقاومت اصطکاکی در جداره (درجه)

در لوله در مرکز آن رخ داده و در حاشیهها به صفر می سد. شبیه سازی عددی پژوهش حاضر با مدل عددی لیو و اورورک [۱] در دو حالت مختلف انجام شده است. به عنوان مثال، در حالت اول شبیه سازی، چسبندگی اولیه خاک سه کیلو پاسکال فرض شده، سپس مقدار چسبندگی ناحیه ی میانی به یک کیلو پاسکال کاهش داده تا رانش زمین رخ دهد. در چنین حالتی تغییر مکان و سط لوله به داده تا رانش زمین رخ دهد. در چانین حالتی مختلف را برای مسئله نشان می دهد.

مقایسه تغییرمکان زمین و لوله در حالتهای مختلف شبیهسازی به همراه نتایج مدل عددی لیو و اورورک [۱] در شکل ۶ نشان ۱-۳- مقایسه روش عددی سه بعدی با روش ساده شده تیر- فنر

در این بخش، نتایج شبیهسازی شیروانی فرضی با مسئله ساده شده با کمک تیر- فنر توسط لیو و اورورک [۱] مقایسه شده است. شکل ۵ تغییرمکان شیروانی و لوله حاصل از حرکت عرضی زمین را در نرمافزار 3D FLAC نشان میدهد. مطابق با این شکل، تغییرمکان بیشینه زمین بر روی شیروانی و در مرکز مدل رخ داده است. با توجه به این که مرزهای جانبی مدل گیردار فرض شدهاند، با افزایش فاصله از مرکز مدل به طرف حاشیهها، از مقدار تغییرمکان خاک کاسته شده و این مقدار در حاشیههای مدل به صفر میرسد. تغییرمکان خاک شیروانی سبب ایجاد جابهجایی در لوله شده است. بیشینه تغییرمکان



Fig. 5. The displacement of (a) the pipe and (b) the slope for the simulated model with Liu and O'Rourke [1] (in meters)

 $\phi$  =35° جدول ۹. حالتهای مختلف شبیهسازی عددی پژوهش حاضر برای  $\phi$ 

بيشينه تغييرمكان لوله	بيشينه تغييرمكان زمين	چسبندگی ثانویه خاک	چسبندگی اولیه خاک	حالت
(متر)	(متر)	(كيلو پاسكال)	(کیلو پاسکال)	
۱/۲۵	۱/۶۵	١	٣	١
١	١/۵	١	۵	٢

Table 9. Different modes of numerical simulation in the present study for  $\phi = 35^{\circ}$ 





Fig. 6. Comparison of different modes of numerical simulation with Liu and O'Rourke [1] numerical model: transverse displacement of (a) ground and (b) pipe

خاک جابهجا میشود، چون چسبندگی اولیه خاک در حالت اول کمتر است، تغییرمکانهای بهوجود آمده در این حالت بیشتر (با درصد خطای نسبی ۱۷٪) بوده و سبب ایجاد تغییرمکان بزرگتر در لوله شده است. نمودار تغییرمکان خاک در حالت دوم تطابق بهتری (با درصد خطای نسبی ۶٪) با نمودار مدل عددی لیو و اورورک [۱] دارد. در

داده شده است. با مقایسه نمودارهای شکل ۶، میتوان بیان کرد که تغییرمکان خاک در حالت دوم کمتر از حالت اول است؛ در خاک دارای چسبندگی بیشتر، مقاومت کششی خاک نیز بیشتر بوده و این سبب کاهش تغییرمکان زمین میشود؛ در هر دو حالت شبیهسازی، با افزایش سطح آب، تودهی خاک شیروانی حرکت کرده و





Fig. 7. Distribution of (a) bending moment (Mz) and (b) axial force (Fx) along the pipe for the first case and  $\delta = \delta cr$ 

هر دو مدل، نمودار زنگولهای شکل بوده و خاک ناحیهی میانی نسبت به خاک اطراف، تغییرشکلهای بزرگتری دارد. تغییرمکان بیشینهی خاک و لوله در مرکز ناحیه PGD رخ داده و در حاشیهها به صفر میرسد. هم چنین نمودار تغییرمکان خاک و لوله نسبت به مرکز ناحیهی PGD متقارن است.

شکل ۷ توزیع لنگر خمشی و نیروی محوری در لوله را برای عرض ۳۰ متر ناحیهی PGD و عرض ۲۰۰ متر ناحیهی مهار شده از هر طرف، در مقایسه با روش لیو و اورورک [۱] نشان میدهد. با توجه به شکل ۷، مقایسه ی شبیه سازی عددی پژوهش حاضر با مدل لیو و اورورک [۱] بیان میدارد که در هر دو نمودار، هرچه از مرکز ناحیهی PGD فاصله گرفته، از مقادیر لنگر خمشی و نیروی محوری کاسته شده تا آنجایی که در حاشیهها به صفر میرسد. نمودار لنگر خمشی و نیروی محوری در طول لوله و برای هر دو روش عددی، نسبت به مرکز ناحیهی PGD متقارن است. در هر دو روش، مقادیر لنگر مثبت و بیشینه در لوله در اطراف مرکز ناحیهی PGD رخ داده، در حالی که مقادیر لنگر منفی در نواحی کناری رخ میدهد. مقادیر لنگر مثبت بیشینه در روش عددی اختلاف محدود حدود ۱۳درصد بیشتر از روش اجزای محدود است، در حالی که مقادیر لنگر منفی بیشینه در روش اجزای محدود حدود ۵۰ درصد بیشتر از روش اختلاف محدود است. نمودار روش اختلاف محدود نسبت به روش اجزای محدود، کشیدهتر بوده و در نواحی دورتری نسبت به مرکز ناحیهی PGD به صفر می رسد. بطور کلی، تطابق بهتری برای مقادیر نیروی محوری لوله بین دو روش دیده می شود، بطوریکه بیشترین اختلاف مشاهده شده میان این دو روش حدود ۱۲ درصد در مرز منطقه PGD و دو طرف آن است.

شکل ۸ نمودار بیشینه تغییرمکان زمین در محل لوله در برابر کرنش بیشینه در لوله را نشان داده و شبیهسازی عددی پژوهش حاضر را با روشهای عددی و تحلیلی مقایسه میکند. همان طور که در مقدمه بیان شد، لیو و اورورک [۱] رابطهی ۴ را برای محاسبهی کرنشهای بیشینه محوری در لوله الاستیک پیشنهاد کردند. با مقایسهی نمودارهای شکل ۸ میتوان بیان کرد که در هر سه نمودار، با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه در لوله نیز بزرگ تر مییابد. در روش تحلیلی، با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه لوله به طور خطی و با شیب بزرگتری (حدود ۱/۱ برابر روشهای عددی) افزایش یافته و از تغییرمکان ۷/۰ متر به بعد، ثابت میماند. این در حالی است که در روشهای عددی، با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه لوله ابتدا به صورت تقریباً خطی و سپس به صورت غیرخطی افزایش مییابد. روند تغییرات این دو روش عددی









displacement

برای عرض ۳۰ متر ناحیهی PGD و برای حالت دوم مسئله نشان میدهد که بر اساس نتایج حاصل از شبیهسازی عددی با FLAC 3D و روش تحلیلی اورورک [۱۴] (رابطهی ۵) رسم شده اند. در هر دو روش، روند صعودی مشاهده میشود و مقادیر کرنش حاصل از شبیه سازی سه بعدی، بزرگتر از رابطه تحلیلی (با اختلاف نسبی حدود ۶۰٪) بدست آمده است.

در شکل ۱۱، کرنش خمشی لوله در برابر تغییرمکان زمین برای عرض ۳۰ متر ناحیهی PGD با روش تحلیلی اورورک [۱۴] و در حالت دوم شبیهسازیها مقایسه شده است. در روش تحلیلی اورورک [۱۴]، کرنش خمشی لوله با استفاده از رابطهی ۶ برای شرایط لوله انعطاف پذیر و عرض گستردهی ناحیه PGD محاسبه شده است. همچنین با استفاده از رابطهی ۷ برای لوله سفت و عرض باریک ناحیه PGD کرنش خمشی لوله بهدست آمده است. همان طور که در نمودار شکل ۱۱ مشاهده می شود، مطابق انتظار، شبیه سازی عددی پژوهش مکل ۱۱ مشاهده می شود، مطابق انتظار، شبیه سازی عددی پژوهش PGD بهدست آمده، مطابق انتظار، شبیه سازی عددی پژوهش رابطهی ۶ برای لوله مای منعطف و عرض گسترده یا حیه ی رابطهی ۷ برای لوله های سفت، نتیجه خوبی را نشان نمی دهد (اختلاف بیش از پنج برابر).

## ۲-۳- مقایسه روشهای عددی و تحلیلی با برداشت های میدانی

در این بخش، مدل شبیهسازی شده با روش میدانی ونکای و همکاران [۷] که در نرمافزار FLAC 3D تحلیل شده، بررسی



شکل ۹. کرنش برشی در مقطع میانی شیروانی

Fig. 9. Distribution of shear strain in the middle section of the pipe



شکل ۱۰. کرنش محوری لوله در برابر تغییرمکان زمین

Fig. 10. Axial strain of the pipe against ground displacement

با یکدیگر تطابق داشته و با یکدیگر حدود پنج درصد اخلاف دارند. شکل ۹ نشاندهنده ککرنشهای برشی ایجاد شده در شیروانی است که هرچه به مرکز شیروانی نزدیک تر شده، مقادیر کرنش برشی افزایش می یابد. دایره یگسیختگی در این شکل از پای شیروانی عبور کرده است که در تأیید مطالعات سینگ است [۱۹]. طبق نتایج او، در خاک با زاویه اصطکاک داخلی بزرگتر از سه درجه، گسیختگی از پای شیروانی رخ می دهد. همان طور که در شکل ۹ مشاهده می شود، لوله در دایره ی گسیختگی قرار دارد و با ایجاد تغییرمکان خاک، مکان افراه نیز جابه جا می شود. با شروع گسیختگی، کاهش کرنشهای برشی افزایش یافته و تغییرمکان لوله بیش تر می شود.

شکل ۱۰ نمودار کرنش محوری لوله را در برابر تغییرمکان زمین



شکل ۱۲. تغییرمکان مدل شبیهسازی شده با برداشت میدانی ونکای و همکاران [۷] (بر حسب متر)

Fig. 12. Displacement of the simulated model according to the field model of Wenkaia et al. [7] (in meters)

می شود. شکل ۱۲ تغییر مکان خاک و لوله را در پایان حفاری مرحله دوم نشان می دهد. حفاری در منطقه ی میانی انجام شده و این منطقه تحت رانش زمین قرار می گیرد، مناطق کناری که خارج از ناحیه ی رانش زمین هستند، دارای پارامترهای مقاومتی بالا بوده و تقریبا ثابت فرض شدهاند. دو انتهای لوله در مرزهای کناری ثابت در نظر گرفته نشده و دارای مقادیر تغییر مکان هستند.

شکل ۱۳ تغییرمکان افقی و عمودی لوله را در طول آن حاصل از شبیهسازی عددی پژوهش حاضر با برداشت میدانی ونکای و همکاران [۷] را نشان میدهد. مطابق با شکل، در هر دو روش، تغییرمکان افقی بیشینهی لوله در مرکز ناحیه رخ داده و نمودار زینی شکل است.

ابتدا و انتهای لوله در هر دو روش دارای تغییرمکان منفی هستند؛ با تغییرمکان ناحیهی میانی خاک به سمت جلو، لوله نیز به سمت جلو حرکت کرده، خاک اطراف ناحیهی PGD مقاومت بیشتری از خود نشان داده و به دلیل ثابت نبودن ابتدا و انتهای لوله، سبب می شود که لوله در نواحی مرزی به سمت عقب حرکت کند. اختلاف نتایج شبیه سازی عددی با اندازه گیری ها حدود ۱۲ درصد است. این در حالی است که شبیهسازی عددی پژوهش حاضر تغییرمکان عمودی لوله را به خوبی پیشبینی نمیکند. دلیل عدم تطابق تغییرمکان عمودی لوله در شبیهسازی حاضر با برداشت میدانی را میتوان ایجاد تغییرمکانهای موضعی در خاک و لوله در پشت دیوار نگهدارنده زمین در برداشت میدانی دانست. در کار میدانی ونکای و همکاران [۷]، پس از حفاری مراحل اول و دوم، آب در پشت دیوار نگهدارنده نفوذ پیدا می کند و باعث ایجاد نشست قائم در خاک شده و سپس مراحل سوم و چهارم حفاری انجام می شود. حال آن که در شبیه سازی حاضر، نفوذ آب در پشت دیوار نگهدارنده مدل نشده است و این موضوع را می توان دلیل اختلاف مقادیر تغییر مکان عمودی مسئله با برداشت میدانی دانست.

شکل ۱۴ تنش موجود در طول لوله را برای روش عددی، تحلیلی و برداشت میدانی نشان میدهد. مقایسهی روش عددی و میدانی نشان میدهد که روند صعودی و نزولی بودن در هر دو نمودار با یک دیگر مطابقت دارد. تنش بیشینه کششی در هر دو نمودار، در مرکز مدل رخ داده و مقدار آن در نواحی مرزی مدل به صفر میرسد. به دلیل



شکل ۱۳. تغییرمکان در طول لوله؛ (الف) تغییرمکان افقی و (ب) تغییرمکان عمودی

Fig. 13. Displacement along the pipe; (A) horizontal displacement and (b) transverse displacement





تفاوت در پارامترهای مقاومتی ناحیهی PGD و کناری، مقادیر تنش در مرز بین این دو ناحیه به صفر رسیده و در نواحی کناری تغییر علامت داده و از نوع فشاری میشود. برخلاف پیش بینی صحیح روند تغییرات، مقادیر حاصل از شبیه سازی عددی اختلاف زیادی با مقادیر اندازه گیری شده دارند. بطور متوسط، مقدار تنش در طول لوله ۵۰ درصد بزرگتر تخمین زده شده است، ولی این خطا برای مرکز لوله کمتر شده و به ۱۲ درصد می سد. در صورت استفاده از رابطهی ۵ توسط اورورک [۱۴]، کرنش محوری در مرکز لوله محاسبه شده و با استفاده از رابطهی تنش- کرنش، مقدار تنش بیشینه لوله ۹۹۰ مگاپاسکال بهدست می آید. هم چنین در روش تحلیلی لیو و اورورک

کرنش محاسبه شده در رابطهی تنش– کرنش، مقدار تنش لوله ۱۰۰۰ مگاپاسکال بهدست میآید. نتیجه این دو روش تحلیلی مشابه هم بوده، با این حال، مقدار تنش حاصل شده نسبت به مقدار اندازه گیری شده در مرکز لوله بیش از ۵۰ درصد بزرگتر تخمین زده شده است. بطور کلی، میتوان گفت نتایج شبیه سازی عددی برای وسط لوله کمترین خطا را داشته و روابط تحلیلی موجود، غیر قابل اعتماد (با خطای بیش از ۵۰ درصد) هستند.

شکل ۱۵ نمودار تنش محوری را در برابر تغییرمکان افقی سطح زمین برای هر دو روش عددی و میدانی نشان می دهد. در این نمودار، مقادیر تنش در پایان هر مرحله محاسبه شده و در برابر تغییرمکان افقی رسم شده است. با توجه به شکل ۱۵ میتوان بیان کرد که هرچه مراحل حفاری رو به جلو پیش می ود، مقدار تنش محوری در لوله و تغییرمکان افقی سطح زمین افزایش می یابد. در پایان مرحله چهارم حفاری، مقدار تنش محوری و تغییرمکان افقی سطح زمین به حداکثر مقدار خود می رسد. نمودار روش عددی و میدانی هر دو مقطع، دارای یک روند افزایشی برای تنش محوری لوله در برابر تغییرمکان افقی در مقطع ۲۵۸، نمودارهای مربوط به آن کشیدهتر از نموارهای مربوط به مقطع ۸۶ بوده، در حالی که در مقطع ۸۶۰ تغییرمکان افقی در مقطع ۸۶ بوده، در حالی که در مقطع ۸۶۰ تغییرمکان افقی در مقطع ۸۶ بوده، در حالی که در مقطع ۸۶۰ از نموارهای مربوط به مقطع ۸۶ بوده، در حالی که در مقطع ۸۶۰ تغییرمکان کمتر و به یک دیگر نزدیک تر است. در هر حال، مقادیر تغییرمکان کمتر و به یک دیگر نزدیک تر است. در هر حال،





Fig. 15. Axial stress of the pipe against horizontal displacement of the ground surface



شکل ۱۶. نمودار تغییرمکان لوله در برابر تغییرمکان زمین در شرایط La=15 m ،W=30 m؛ (الف) تأثیر قطر لوله و (ب) تأثیر ضخامت لوله

Fig. 16. Diagram of pipe displacement versus ground displacement at W = 30 m, La = 15 m; (a) the effect of pipe diameter and (b) the effect of pipe thickness



شکل ۱۷. نمودار تغییرمکان لوله در برابر تغییرمکان زمین؛ (الف) برای عرضهای مختلف منطقهی PGD و La=15 m، (ب) برای عرضهای مختلف W=30 m ناحیه مهار شده و W=30 m

Fig. 17. Pipe displacement diagram versus ground displacement; (a) for different widths of PGD and L<sub>a</sub> = 15 m, (b) for different widths of restrained area and W = 30 m

# ۴- مطالعه حساسیت

به منظور بررسی تأثیر پارامترهایی مانند قطر و ضخامت لوله، عرض منطقهی PGD، طول مهارشده از هر طرف و زاویه شیروانی بر روی پاسخ لوله مدفون در مدلهای شبیهسازی شده با مدل عددی لیو و اورورک [۱]، از مدلهایی با مشخصات هندسی مختلفی استفاده شده است. شکل ۱۶ تأثیر قطر و ضخامت لوله را بر پاسخ آن به تغییرمکان ماندگار زمین نشان میدهد. میتوان مشاهده کرد با افزایش تغییرمکان زمین، تغییرشکل لوله افزایش یافته و این روند افزایشی ابتدا به صورت خطی بوده و سپس ثابت میشود. هم چنین

با افزایش قطر و ضخامت لوله، حالت خطی تغییرمکانها کمتری شده و سپس ثابت میشود. با افزایش قطر و ضخامت لوله، تغییرمکان لوله کاهش مییابد؛ با افزایش قطر و ضخامت لوله، سطح مقطع لوله بیشتر شده و سطح اندرکنش خاک و لوله افزایش مییابد. افزایش سطح مقطع لوله باعث افزایش سختی آن شده و سبب میشود که در لوله تغییرشکل کمتری رخ دهد. از طرف دیگر، با افزایش سطح اندرکنش خاک و لوله، لوله در برابر تغییرمکان زمین نیز مقاومت بیشتری (تا ۳۰ درصد) از خود نشان داده و سبب کاهش تغییرمکان زمین میشود.

شکل ۱۷ مقایسه پاسخ لوله به تغییرمکان عرضی زمین را برای عرضهای مختلف منطقه PGD و طول ناحیه مهار شده نشان مىدهد. با توجه به شكل ١٧-الف مى توان نتيجه گرفت كه افزايش تغییرمکان زمین سبب افزایش تغییرشکل لوله می شود. با افزایش عرض ناحیه PGD، نمودار در تغییرمکانهای بیشتری از حالت خطی بودن خارج شده و سیس ثابت می شود. همچنین با کاهش عرض ناحيه PGD، تغييرمكان لوله كاهش مى يابد؛ به سبب باريك شدن عرض منطقه، طول لوله در منطقه در حال لغزش نیز کاهش یافته و از انعطاف پذیری آن کاسته می شود؛ در نتیجه تغییرمکان خاک و لوله کاهش می یابد. با افزایش طول ناحیه مهار شده از هر طرف (1)، عرض شیروانی و همچنین طول لوله افزایش می یابد. به دلیل آن که مرز مدل ثابت فرض شده، تغییرمکان آن صفر در نظر گرفته می شود. با افزایش طول لوله، فاصله بین مرکز و حاشیهی ثابت مدل نیز افزایش یافته و لوله رفتار انعطاف پذیرتری همانند کابل نشان میدهد، به این ترتیب، تغییرمکان خاک و لوله هر دو افزایش می یابد. برای بررسی تاثیر عرض ناحیه مهار شده از هر طرف ( $L_{a}$ )، مقادیر برای بررسی تاثیر  $L_{a}$ )، ما مختلف <sub>م</sub>L، صفر، ۱۵و ۲۰۰ متر و سایر شرایط هندسی و مکانیکی خاک و لوله یکسان در نظر گرفته شده است. با توجه به شکل ۱۷ (ب)، با افزایش تغییرمکان زمین، تغییرمکان لوله افزایش می یابد. با افزایش عرض ناحیه مهار از هر طرف، عرض شیروانی و طول لوله نیز افزایش می یابد. با افزایش طول لوله و فاصله ی بین مرکز و حاشیه ی ثابت مدل، لوله رفتار انعطاف پذیرتری مانند کابل از خود نشان داده و



شکل ۱۸ مقایسه شبیه سازی عددی پژوهش حاضر را با روابط تحلیلی محققان مختلف نشان می دهد. همان طور که در بخش مقدمه بیان شد، محققان مختلف با ارائه روابط تحلیلی ۱ <sup>تا</sup> ۳، تغییر شکل عرضی زمین را محاسبه کردند. با توجه به شکل ۱۸، در همهی مدل ها، بیشینهی تغییر شکل عرضی زمین در مرکز ناحیه رخ داده و این مقدار در حاشیه ها به صفر می رسد. شبیه سازی پژوهش حاضر با رابطه ۳، روش عددی اورورک [۱۴] و رابطه 2- 5=n، روش سوزو کی [۱۰] بیش ترین تطابق را دارد.

# ۵- نتیجهگیری

در این مقاله، به شبیه سازی عددی ناپایداری لوله تحت بارگذاری جانبی ناشی از رانش زمین پرداخته شد. در ادبیات فنی، رفتار لوله بدون توجه به شیب سطح زمین بررسی شده است حال آنکه، ممکن است لوله بر روی شیروانی ناپایدار شده قرار گرفته باشد. هدف از پژوهش حاضر، بررسی امکان شبیه سازی رفتار لوله و همچنین، بررسی شرایط امکان استفاده از روابط تجربی و تحلیلی موجود بوده است. در ادامه، به منظور ارائه راهکارهایی جهت کاهش شدت صدمات وارد شده به لولههای مدفون در برابر تغییرمکان عرضی زمین، برخی از عوامل هندسی و مکانیکی خاک و لوله که پاسخ لوله را در برابر تغییرمکان عرضی ماندگار زمین تحت تاثیر قرار میدهد، مورد بررسی قرار گرفتند. تاثیر پارامترهای مختلف هندسی شیروانی و لوله همانند



شکل ۱۸. مقایسه تغییرشکل عرضی زمین حاصل از PGD عرضی در روشهای تحلیلی مختلف

Fig. 18. Comparison of transverse deformation of the ground resulting from transverse PGD in different analytical methods

- [3] F. Calvetti, C.D. Prisco, R. Nova, Experimental And Numerical Analysis Of Soil–Pipe Interaction, Journal Of Geotechnical And Geoenvironmental Engineering 130(12) (2004) 1292-1299.
- [4] T.D. O'Rourke, Geohazards And Large, Geographically Distributed Systems, Geotechnique, 60(7) (2010) 505-543.
- [5] A. Monshizadeh Nain, E. Seyedi Hosseininia, Threedimensional FEM simulation of buried pipelines against Reverse faulting displacements, Bulletin of Earthquake Science and Engineering, 3(3) (2018) 49-66.
- [6] D. Bruton, D. White, C. Cheuk, M. Bolton, M. Carr, Pipe-Soil Interaction Behavior During Lateral Buckling, Including Large-Amplitude Cyclic Displacement Tests by the Safebuck JIP, in: Offshore Technology Conference in Houston, Texas, U.S.A, 2006.
- [7] F. Wenkaia, H. Runqiua, L. Jintaoa, X. Xiangtaoa, L. Minb, Large-scale Field Trial To Explore Landslide And Pipeline Interaction, Soils And Foundations, 55(6) (2015) 1466-1473.
- [8] W. Zhang, A. Askarinejad, Behaviour of buried pipes in unstable sandy slopes, Landslides, (2018).
- [9] T.D. O'Rourke, Critical Aspects Of Soil-pipeline Interaction For Large Ground Deformation, Proc. 1 st Japan-U.S. workshop on Liquefaction, Large Ground Deformation and their Effects on Lifeline Facilities, (1988) 118-126.
- [10] I. Suzuki, O. Arata, N. Suzuki, Subject to liquefactioninduced permanent ground displacement, Proc. 1 st Japan-U.S. workshop on Liquefaction, Large Ground Deformation and their Effects on Lifeline Facilities, (1988) 155-162.
- [11] T. Kobayashi, N. Suzuki, H. Nakane, M. Ishikawa, Modelling Of Permanent Ground Deformation For Buried Pipelines, Proc. 2nd U.S.\_Japan Workshop on Liquefaction Large Ground Deformation and Their Effects on Lifeline Facilities, (1989) 413-425.
- [12] K. Badv, K.E. Daryani, An Investigation Into The

قطر لوله، ضخامت لوله، عرض ناحیهی PGD، عرض ناحیهی مهار شده از هر طرف و شیب شیروانی بر روی پاسخ لوله به تغییرمکان عرضی ماندگار زمین مورد مطالعه قرار گرفت. مقایسه نتایج حاصل از مدلهای شبیهسازی شده با مطالعات تحلیلی، عددی و میدانی موجود نشان میدهد که بطور کلی، تطابق خوبی میان نتایج این روشها وجود دارد. با این حال، مدل سازی عددی به روش سه بعدی و محیط پیوسته (بجای استفاده از مدل تیر و فنر)، اطلاعات دقیق تری را نتیجه می دهد. مهمترین نتایج عبارتند از:

PGD تغییرمکان بیشینهی زمین و لوله در مرکز ناحیهی PGD رخ میدهد و در حاشیهها به صفر میرسد. با توجه به تقارن مدل، مقادیر لنگر خمشی و نیروی محوری در طول لوله نسبت به مرکز ناحیهی PGD متقارن است. همچنین مقادیر بیشینهی نیرو در لوله در اطراف مرکز ناحیهی PGD رخ میدهد.

۲ با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه لوله به طور
خطی افزایش یافته و از حدی به بعد که تغییرمکان بحرانی نام دارد،
با افزایش تغییرمکان زمین، کرنش بیشینه لوله ثابت میماند.

۳– با افزایش قطر و یا ضخامت لوله، تغییرمکان لوله کاهش مییابد. درنتیجه، با انجام اقداماتی نظیر افزایش قطر لوله و افزایش ضخامت جداره لوله میتوان تغییرمکانها، تنشها و کرنشهای ایجاد شده در لوله را تا حدی کاهش داد و لولهها را در برابر حرکات عرضی زمین مقاومسازی نمود.

برای پژوهشهای آینده پیشنهاد میشود تأثیر رفتار خاک شامل در نظر گرفتن اثرات نرمشوندگی و سختشوندگی، اثر زلزله، سربار و ترافیک، رفتار لولههای فولادی ناپیوسته و یا دارای اتصالات، خم یا زانویی، لولههای با جنس متفاوت نظیر لولههای بتنی یا پلیمری بر روی پاسخ لولهی مدفون در برابر حرکات عرضی زمین بررسی گردند.

# مراجع

- X. Liu, M.J. O'Rourke, Behaviour Of Continuous Pipeline Subject To Transverse PGD, Eerthquake Engineering And Structural Dynamics, 26 (1997) 989-1003.
- [2] C.H. Trautmann, T.D. O'Rourke, Lateral Force-Displacement Response of Buried Pipe, Journal of Geotechnical Engineering, 111(9) (1985) 1077-1092.

- [15] FLAC3D, Online Manual Table of Contents. Itasca Consulting Group Inc., in.
- [16] R.L. Michalowski, Stability Charts for Uniform Slopes, Journal Of Geotechnical And Geoenvironmental Engineering ASCE 128(4) (2002) 351-355.
- [17] A.W. Bishop, N.R. Morgenstern, Coefficients For Earth Slopes, Geotechnique, 10(4) (1960) 129-150.
- [18] R.J. Jardine, Z.X. Yang, B.T. Zhu, P. Foray, C.H.C. Tsuha, Sand Grain Crushing and Interface Shearing During Displacement Pile Installation in Sand, Geotechnique, 60 (2010) 469-482.
- [19] B.M. Das, Principles Of Geotechnical Engineering 2002.

Upward And Lateral Soil-Pipeline Interaction In Sand Using Finite Difference Method, Iranian Journal of Science & Technology, Transaction B: Engineering, 34 (2010) 433-445.

- [13] A. Tsatsis, F. Gelagoti, G. Gazetas, Buried pipelines subjected to landslide-induced actions, in: 1st International Conference on Natural Hazards & Infrastructure, Chania, Greece, 2016.
- [14] M.J. O'Rourke, Approximate Analysis Procedures For Permanent Ground Deformation Effects On Buried Pipeline, Proc 2nd US\_Japan Workshop on Liquefaction Large Ground Deformation and Their Effects on Lifeline Facilities, (1989) 336-347.

چگونه به اين مقاله ارجاع دهيم R. Nouri, E. Seyedi Hosseininia, Numerical Simulation of Transverse Deformations of Buried Pipelines Due to Slope Instability, Amirkabir J. Civil Eng., 52(5) (2020) 1187-1204.

DOI: 10.22060/ceej.2019.15283.5870

