

# Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 52(7) (2020) 393-396 DOI: 10.22060/ceej.2019.15532.5939

# Modeling and Estimating the Uplift Force of Gravity Dams Using Finite Element and Artificial Neural Network Whale Optimization Algorithm Methods

Bahram Nourani<sup>1</sup>, Farzin Salmasi<sup>2,\*</sup>, Mohammad Ali Ghorbani<sup>3</sup>

- <sup>1</sup> Ph.D Candidate, University of Tabriz / Department of Water Engineering
- <sup>2</sup> Associate Professor, University of Tabriz / Department of Water Engineering

<sup>3</sup> Professor, University of Tabriz / Department of Water Engineering

ABSTRACT: The correct identification of the uplift force plays an important role in the stability analysis of gravity dams. Therefore, it is very important to estimate it accurately. For this purpose, a numerical model of the foundation of a gravity dam of the Guangzhao, China was made using finite element method. After simulation, the uplift force values were obtained in different positions of drainage. Require experience, the timing of calculations and the accurate determination of the boundary conditions in numerical models, have caused to the development of the tendency to use intelligent models. For this purpose, in addition to the Artificial Neural Network model (ANN) with three-layer that consists of 4 input neurons, 1 hidden layer (with 8 neurons), and 1 output neurons, a new hybrid model of Artificial Neural Network-Whale Optimization Algorithm (ANN-WOA), was developed. The ratio of the parameters of the distance of the drain row from upstream dam, the distance from the center to center of drains, the drain diameter and the water surface upstream of the reservoir dam respect to the width of the dam foundation as input and relative uplift force were considered as output. The values of R<sup>2</sup>, RMSE and RE% for the ANN-WOA model, were 0.998, 0.021 and 3.3%, respectively, and for the ANN model were 0.995, 0.261 and 4.67% respectively, that indicate the higher accuracy of the ANN-WOA model in the estimation of the uplift force than the ANN. In addition, the density plot box and the violin plot indicate that the point density and the probability distribution estimated data with the ANN-WOA model is very similar to that the data obtained from the numerical simulation compared with the ANN model.

### **Review History:**

Received: 2018-12-29 Revised: 2019-01-08 Accepted: 2019-01-20 Available Online: 2019-02-16

### **Keywords:**

Gravity dam Uplift force Finite element method Hybrid artificial neural networkwhale optimization algorithm

### 1. INTRODUCTION

Seepage from the dams and the resulting increase in uplift force is considered as one of the most important factors in the destruction of dams. All dams and structures associated with water storage are subjected to water flowing from the foundation, sides and sometimes their bodies. Thus, the water in the reservir of the dam, at any moment, tends to seepage from the seam and the gap at the junction of the dam and the pores in the soil. The water flows from below the dam and appears in the downstream. The force from the bottom upwards to the dam body, is sometimes referred to as uplift force. The uplift force sometimes is so high that it causes the o erturning of the dam. Therefore, it is necessary to make projections and logistics in design, in order to reduce the amount of this force in design of the dam. This may be done by installing a drainage gallery in the dam body. Inside the drainage gallery, drainage wells collect seepage water from the body of the dam, and especially from the dam foundation.

A theoretical solution based on seepage theory was presented by Chawla et al. (1990) to determine optimal location of the drainage gallery system with equally spaced drains of uniform diameter of graity dams. The optimal \*Corresponding author's email: Salmasi@Tabrizu.ac.ir location of the drainage gallery was selected for state that uplift force is minimum [1]. Optimum location for ertical drains in graity dams was in estigated by Nourani et al. (2016). Results showed that the optimum location of the ertical drain in drainage gallery system is not fixed, therefore, for each dam, the optimal location of the ertical drain will be determined by considering the effectie factors [2]. Salmasi et al. (2017) in estigated the reduction of uplift forces by longitudinal drains with underlined canals. The in estigation generates sufficient data for typical 2D canal cross-sections by numerically soling a wide range of configurations using a proision of drain pipes. The generated data comprise the correlation between uplift forces and the arious configuration parameters in terms of effects of position of the drain pipes, their size and hydraulic factors, such as the effect of phreatic surface [3].

In this study, to estimate the total uplift force in graity dams, a numerical model of the graity dam is introduced using finite element method. This numerical simulation includes drainage system under the dam foundation. The diameter of drains pipe, their location from the dam heel and the distance among drains center are ariables in this study. After numerical simulation, the relati e total uplift force alues is estimated using ANN model. Then a new hybrid model of

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir Uni ersity Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creati e Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please isit https://www.creati.ecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Illustration the drain holes row of drainage gallery system in the graity dam

Artificial Neural Network-Whale Optimization Algorithm (ANN-WOA), is deeloped and the accuracy of these intelligence models will be compared. Application of the ANN-WOA model in prediction of the uplift force in graity dams was not found in the literature reiew.

### 2. METHODOLOGY

### 2.1 Go erning Equations

The general equation of flow in porous media is the Darcy's equation, which this equation combines with the continuity equation of flow and con ert to Richard's equation, which is a partial differential equation describing seepage performance. The general go erning differential equation for two-dimensional (2D) seepage can be expressed as:

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( k_x \frac{\partial h}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( k_y \frac{\partial h}{\partial y} \right) + Q = \frac{\partial \theta}{\partial t}$$
(1)

where *h* the total head, *Q* is the applied boundary flux (m/s),  $\theta$  is the olumetric water content (m<sup>3</sup>/m<sup>3</sup>),  $k_x$  is the hydraulic conductivity in the *x*-direction (m/s),  $k_y$  is the hydraulic conductivity in the *y*-direction (m/s) and *t* is time. The above equation (Eq.1) in steady state condition changes as follows:

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( k_x \frac{\partial h}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( k_y \frac{\partial h}{\partial y} \right) + Q = 0$$
<sup>(2)</sup>

In conditions that the porous media is homogeneous and isotropic  $(k_x = k_y)$  and input and output flow is zero (Q=0) the equation 2 is simplified in the form of equation 3, which is known as the Laplace's equation.

$$\frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial y^2} = 0 \Longrightarrow \nabla^2 h = 0$$
(3)

The SEEP/W software (a part of Geo-Studio software) uses the finite element method (FEM) to sole the go erning (Laplace) seepage equation regarding specified boundary conditions [4].

2.2 Numerical Simulation / Finite Element Method (FEM)



Fig. 2. Plan iew foundation of dam with 5 drains, with specified boundary conditions (*s*=30 m, *d*=0. 15 m, *n*=6 m, *H*=130 m)

In this study, a graity dam with the dimensions shown in Fig.1 is considered. It should be noted that in this study, the width of the floor of the dam (L) and the length of the dam (T) to the order of 125 and 30 meters is considered.

The uplift force in graity dams is dependent of the function of the ertical drains of the drainage gallery. The effectie factors are the diameter drain (d), the distance from the center to center the drains (*n*), the distance drain row from heel of dam (s), and water surface in upstream of the reser oir (H). In addition of simulation the foundation of graity dam in state of without drainage gallery, 12 other models including ertical drains are located inside the drainage gallery in different diameters (d) of 0.05, 0.10 and 0.15 meters, each of which in 4 modes with distance (n) of 3, 4, 5 and 6 meters. Also, the effect of the distance drain row from heel of dam (s) has been considered. For this purpose, the distance of drains row from upstream of dam in 12 different positions are 0, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 40, 60, 80, 100 and 125 meters. The aforementioned conditions hae been used for two states of water surface upstream of the reservir dam (H= 168 and 130 m). Thus that the effect of water surface leel of the reservir also is in estigated. Fig.1indicates a schematic iew of the location of the drains in the drainage gallery and the parameters in this study. Depending on the conditions of the present study, the plan iew of SEEP/W software is used to simulate dam foundation along with the ertical drainages. Fig. 2 shows the plan iew foundation of dam in software media in state of that s, d, n and H is equals 30, 0. 15, 6 and 130 meters respectiely.

For numerical simulation, the boundary conditions at the upstream and downstream of the graity dam are equal to the water surface le el at the reser oir and tail water in the form of a pressure heads. In this study the upstream water le el ariation is 168 and 130 meter, while the water le el in downstream is set to zero. For setting the boundary condition, Pressure head in upstream is 168 and 130 meters. Also the boundary conditions at the ertical drains, was considered as zero pressure. Since all the analyses are for a steady state condition, olumetric water content not required. The foundation of dam material was considered homogeneous and isotropic within a saturated permeability of  $K_{stat}$ =2.7E-07 meters per second (m/s) (Fig. 2). 2.3 ANN and ANN-WOA Modelling

In this research, two models of ANN and ANN-WOA are used to estimate the relatie total uplift force  $(U_d/U_a)$  using



Fig. 3. Arrangement of the used artificial neural network in this study



Fig. 4. Potential contour lines, flow lines and elocity ectors at foundation of the graity dam with ertical drain (s=10 m, d=0.015 m, n=6 m, H=130 m)

Table 1. alues of the parameters used in the WOA method

Parameters	L	Р	Population size	Maximum iteration	Hidden layer
Range in this study	0.37	0.65	30	50	8

4-Input ariables H/L, d/L, n/L and s/L. The generated data are a ailable after the se eral numerical simulations using finite element method. In both models (ANN and ANN-WOA), the non-dimensional parameters H/L, d/L, n/L and s/L are as the input ariables and the non-dimensional parameter  $U_{i}$  $U_{o}$  (relatie total uplift force) is used as output ariable. Each set of data consists of 288 dataset. In both models, 70% of the dataset (200 data) is used for the training and 30% of the dataset (88 data) is used for the testing phase. It should be noted that a code was written in the Wolfram Mathematica software so that the dataset are randomly selected for each two training and testing period for seeral times. Then the desired model was selected based on the best alues for determination coefficient  $(R^2)$  and the root mean square error (RMSE). After 50 repetitions of the abo e-mentioned random selection criteria in the Wolfram Mathematica software, the best conditions for R2 and RMSE were selected ( $R^2 = 0.995$ and RMSE = 0.0223). Fig. 3 shows a three-layered structure used in this study that consists of (i) input layer, (ii) hidden layer, and (iii) output layer. The independent ariables in input layer are: s/L, n/L, d/L and H/L. The dependent ariable used as output is  $U_{d}/U_{d}$ . The optimum network architecture was defined as 4-8-1 that include 4 neurons for input, 1 hidden layer with 8 neurons and 1 output neuron. In addition, the sigmoid tangent function for the input layer and the linear function for the output layer was selected using the Lewenberg Marquard Algorithm (LMA) with repeating 200. In this study, for the WOA method the alues of *P* and *L* were 0.65 and 0.37, respectiely and also population size and maximum iteration were 30 and 50, respectiely. Optimum number of neurons in hidden layer was 8 (Table 1).

#### 3. RESULTS AND DISCUSSION

After numerical simulation using FEM, the pore water

pressure is calculated in each point in the porous medium of soil in dam foundation. Fig. 4 shows the potential contours, flow lines and elocity ectors in state of that s, d, n and H is equals 10, 0. 10, 6 and 130 meters, respectively

The comparison of the obser ed and estimated data of  $U_d$ , by ANN and ANN-WOA models in testing period are shown in Figs. 5 and 6 in the form of scatter plots. It can be seen from the linear line fit equations and R<sup>2</sup> alues in scatter plots that the ANN-WOA estimates are closer to the obser ed alues than the ANN model. Thus ANN-WOA performs much better than the ANN model and therefore has a ery high accuracy in estimating of the parameter  $U_d/U_s$ .

In this study, a model was deeloped for estimating the relatie total uplift force,  $U_{\downarrow}/U_{o}$  in graity dams using ANN and ANN-WOA. Statistical alues consist of (R<sup>2</sup>, RMSE and RE%) of the training and testing dataset period for ANN and ANN-WOA methods are given in Table 2. Statistical criteria testing dataset show that ANN-WOA has better results than ANN. Therefore, the ANN-WOA model provides ery similar results to the results finite element method in estimating of  $U_{d}/U_{o}$ .

Results of the numerical simulations in the present study have been alidated by comparison Chawla et al. (1990)'s analytical method for the same conditions. In Table 3, the results of Chawla et al. (1990), numerical model using SEEP/W software, ANN model and ANN-WOA model for conditions of d/L = 0.0004; n/L = 0.048 and H/L = 1.344 for two states of s/L = 0.24 and 0.32 have been shown.

### 4. CONCLUSION

In this research, the two models of ANN and ANN-WOA have been used to estimate the total uplift force in graity dams. The relative total uplift force  $(U_d/U_o)$  under the graity dam in contact with foundation was generated using numerical model



Fig. 5. Scatter plot of the obser ed and estimated data for testing period using ANN model

 Table 2. Statistical alues of training and testing period for ANN-WOA and ANN models

Test data				Train data		
	$\mathbb{R}^2$	RMSE	RE%	$\mathbb{R}^2$	RMSE	RE%
ANN	0.955	0.0223	4.67	0.994	0.0236	3.4
ANN- WOA	0.998	0.021	3.50	0.991	0.0177	2.6

SEEP/W. Then, the estimated alues of  $U_{1}/U_{2}$  were compared with the two models named ANN-WOA and ANN. These comparisons are based on three ealuation criteria, i.e., R<sup>2</sup>, RMSE and RE%. It should be noted that the ANN model was performed using a code in the Wolfram Mathematica software with random sample selections. Total number of the data was 288 and 30% (88 data) was selected as testing phase and 70% (200 data) was selected as training phase. After repeated multiple random choices from all a ailable data, the data for the conditions with the highest R<sup>2</sup> and lowest RMSE for the estimated process was used in the ANN model. The results of this study showed that both intelligent models hae reasonable accuracy in estimating of the relatie total uplift force  $(U_{i})$  $U_{a}$ ). The alues of R<sup>2</sup>, RMSE and RE% for ANN-WOA model were 0.998, 021 and 3.3% respectiely. These alues for ANN were 0.995, 0.022, and 4.67% respectiely. Both of the ANN-WOA and ANN models were successful in prediction of  $U_{1/2}$ 



Fig. 6. Scatter plot of the obsered and estimated data for testing period using ANN-WOA model

Table 3. Comparison of ANN-WOA, ANN, SEEP/W and Chawlaet al. (1990) results for testing phase

	(s/L=0.024)	(s/L=0.032)
Method	$U_d/U_0$	$U_d/U_\theta$
Chawla et al. (1990)	0.350	0.391
SEEP/W	0.369	0.420
ANN-WOA	0.371	0.414
ANN	0.372	0.411

 $U_o$ . The data density diagrams and the iolin diagram were also obtained and was obser ed that the dispersion and probability distribution of the ANN-WOA model is resembled with the results of the numerical simulation.

### **5. REFERENCES**

- Chawla, A.S., Thakur, R., and Akhleash, K., 1990. "Optimum location of drain in concrete dams", Energy Engineering, ASCE, 116(7).
- [2] Nourani, B., Salmasi, F., Abbaspour, A., and Oghati, B., 2016. "Numerical investigation of the optimum location for vertical drains in gravity dams", Geotechnical and Geological Engineering, 35(2) 799-808.
- [3] Salmasi, F., Khatibi, R., and Nourani, B., 2017. "Investigating reduction of uplift forces by longitudinal drains with underlined canals", ISH Journal of Hydraulic Engineering, 24(1) 81-91.
- [4] Anonymous, Geo-Studio, Version 8.15.11236, 2012. "User Manual", GEOSLOPE International, Calgary, in, Alberta, Canada.

### HOW TO CITE THIS ARTICLE

B. Nourani, F. Salmasi, M.A. Ghorbani, Modeling and Estimating the Uplift Force of Gra ity Dams Using Finite Element and Artificial Neural Network Whale Optimization Algorithm Methods, Amirkabir J. Ci il Eng., 52(7) (2020) 393-396.



DOI: 10.22060/ceej.2019.15532.5939

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۲ شماره ۷، سال ۱۳۹۹، صفحات ۱۵۹۵ تا ۱۶۰۸ DOI: 10.22060/ceej.2019.15532.5939



# مدل سازی و تخمین نیروی بالابرنده وارد بر سدهای وزنی با استفاده از روش های المان محدود و شبکه عصبی مصنوعی بهینه شده با الگوریتم وال

بهرام نورانی'، فرزین سلماسی\*۲، محمدعلی قربانی<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> دانشجوی دکترای سازه های آبی، دانشکده کشاورزی، گروه مهندسی آب، دانشگاه تبریز، ایران <sup>۲</sup> دانشیار گروه مهندسی آب ، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز، ایران ۳استاد گروه مهندسی آب ، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز، ایران

تاریخچه داوری: دریافت:۸۸-۱۰-۱۳۹۷ بازنگری:۱۸-۱۰-۱۹۹۷ پذیرش: ۳۵-۱۰-۱۳۹۷ ارائه آنلاین:۲۷-۱۱–۱۳۹۷

کلمات کلیدی: سد وزنی نیروی بالابرنده روش المان محدود هیبرید شبکه عصبی مصنوعی الگوریتم بهینه سازی وال خلاصه: شناخت صحیح نیروی بالابرنده نقش مهمی در تحلیل پایداری سدهای وزنی دارد. لذا تخمین آن با روش های دقیق بسیار حائز اهمیت می باشد. بدین منظور یک مدل عددی از پی سد وزنی در گاوانگژو چین، به روش المان محدود انجام گرفت و بعد از شبیه سازی، مقادیر نیروی بالابرنده در موقعیت های مختلف قرارگیری زهکش حاصل گردید. نیاز به تخصص، زمان بر بودن محاسبات و تعیین دقیق شرایط اولیه مسئله در مدل های عددی سبب گردیده محدود انجام گرفت و بعد از شبیه سازی، مقادیر نیروی بالابرنده در موقعیت های مختلف قرارگیری زهکش حاصل گردید. نیاز به تخصص، زمان بر بودن محاسبات و تعیین دقیق شرایط اولیه مسئله در مدل های عددی سبب گردیده است که گرایش به استفاده از مدل های هوشمند گسترش پیدا کند. بدین منظور علاوه بر مدل شای عددی سبب گردیده مرسومی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال، WOA-WA- کند. بدین منظور علاوه بر مدل شای عددی سبب گردیده عصبی مصنوعی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال، WOA-WA- توسعه داده شد. نسبت پارامترهای فاصله ردیف زهکش عصبی مصنوعی از بالادست، فاصله مرکز به مرکز زهکش ها از هم، قطر زهکش ها و سطح آب بالادست مخزن سد به عرض کف سد به عنوان ورودی و نیوی بالابرنده نسبت پارامترهای فاصله ردیف زهکش منوان ورودی و نیروی بالابرنده نسبی به عنوان خروجی مد نظر قرار گرفتند. نتایج تحقیق نشان داد مدل هیبریدی با از بالادست، فاصله مرکز به مرکز زهکش ها از هم، قطر زهکش ها و سطح آب بالادست مخزن سد به عرض کف سد به عنوان ورودی و نیروی بالابرنده نسبی به عنوان خروجی مد نظر قرار گرفتند. نتایج تحقیق نشان داد مدل هیبریدی با و موادی و یوادی ار با ۹۵/۱۰، ۲۰/۱۰ و ۳۵/۲ ٪ نسبت به مقادیر مدل شبکه عصبی مصنوعی مقادیر و یوادی ار و یوادی ار و یوادی ار و موادی از مراد مردن با به مودرار و یوادی و توادی در و بالابرنده برخوردار می باشد. همچنین مقادیر ای با و بایایت بالائی در تخمین نیروی بالابرنده برخوردار می باشد. همچنین مقادیره ها و دیاگرام ویلن نشان داد که پراکندگی و توزیع احتمال داده های تخمینی با مدل هیبردی با دوده های دامل از شبیه سازی عددی تطابق بسیار نزدیک و مشابهی دارد.

### ۱– مقدمه

نشت از پی سدها و افزایش نیروی بالابرنده، یکی از عوامل مهم تخریب سدها به شمار می رود. تمامی سدها و سازه های نگهداری و ذخیره آب در معرض عبور آب از پی، کناره ها و بعضاً بدنه خود هستند. به این ترتیب که آب موجود در مخزن سد، هر لحظه تمایل دارد از درز و شکاف موجود در محل اتصال بدنه سد به پی آن و خلل و فرج موجود در خاک پی به صورت نشت آب از زیر سد جاری شده و در پایین دست ظاهر گردد. این جریان باعث اعمال نیرویی از پایین به

بالا به بدنه سد می گردد که اصطلاحا به عنوان نیروی بالابرنده <sup>۱</sup> نامیده می شود. نیروی بالابرنده گاهی به قدری زیاد است که موجب واژگونی سد حول پنجه می شود. از این رو لازم است پیش بینی ها و تدارکاتی را در طراحی منظور داشت تا حتی الامکان میزان این نیرو را در پی سد کاهش داد. این عمل ممکن است با تعبیه گالری زهکش در بدنه سد صورت گیرد. در داخل گالری زهکش، چاهک های زهک وجود دارند که نقش آنها جمع آوری آب تراوش یافته از بدنه سد (درزهای انبساطی و اجرایی) و به خصوص از پی سد می باشند.

زهکش ها معمولا در سنگ های ترک خورده برای کاهش نیروی

کی ای مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creati e Commons License) دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creati e Commons License) کی ای مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creati e Commons License) در می ای موانید. By NC

<sup>\*</sup> نویسنده عهدهدار مکاتبات: Salmasi@Tabrizu.ac.ir

<sup>1</sup> Uplift force

زیاد، مایل کردن به سمت بالادست، کارایی آن ها را افزایش می دهد، ولى براى زهكش هاى ميانى، بهترين زاويه، بيشترين مقدار نخواهد بود. به عنوان نمونه در این سد که بیشترین زاویه ممکن از لحاظ اجرایی برای زهکش ها حدود ۲۳ درجه با راستای قائم است، در زهکش های واقع در کنسول مرکزی، زاویه ۱۵ درجه بهترین کارایی را در کاهش نیروی بالابرنده خواهد داشت. هم چنین مشخص گردید که افزایش قطر به مقدار ناچیزی در کارایی زهکش ها تاثیر خواهد داشت، به طوری که با تغییر قطر آن ها تا ۴ برابر کارایی در حدود ۱٪ تغییر کرده است. نجاتی [۸] با استفاده از نرم افزار SEEP/W به بررسی کارکرد چاهک های فشارشکن در پایین دست سدهای خاکی پرداخت. این شبیه سازی در سه حالت مختلف بار آبی و برای ۵ شعاع مختلف که هر کدام از آن ها در فواصل ۵، ۱۰، ۲۵ و ۵۰ متری از هم قرار گرفتند، انجام شد و با توجه به محدوده شبیه سازی انجام گرفته مناسب ترین فاصله قرارگیری چاه ها فاصله ۵ متری از یکدیگر تعیین گردید. هم چنین با بررسی گرادیان هیدرولیکی نیز مشاهده شد که با افزایش فاصله چاه ها، گرادیان هیدرولیکی بیشینه افزایش می یابد و این مساله نشان دهنده ضروری بودن فیلتر در اطراف چاهک ها می باشد. خلیلی شایان و همکاران [۹] به ارزیابی آزمایشگاهی و عددی روش برآورد زیرفشار موثر بر پی سدهای انحرافی پرداختند و کارایی روش های متداول در تخمین صحیح نیروی زیرفشار و دبی نشت و گرادیان هیدرولیکی از قبیل تئوری خزش لین، بلای، خوسلا و حل معادله لاپلاس مبتنی بر اجزای محدود به این نتیجه رسیدند که روش خوسلا در تخمین زیرفشار و گرادیان نسبت به تئوری بلای و لین در مقایسه با داده های آزمایشگاهی (۱۱۰ آزمایش روی مدل فیزیکی در شرایط متناظر) از دقت بیشتر برخوردار است. نصر و همکاران [۱۰] به بررسی اثر زهکش در پایین آوردن سطح آب زیرزمینی زیر کانال و در نتیجه کاهش نیروی هیدرواستاتیک پرداختند. برای این منظور از مدل فیزیکی و نیز مدل عددی المان محدود برای شبیه سازی و بررسي موقعيت بهينه زهكش در حداقل كردن نيروى بالابرنده در زير كانال پوشش دار استفاده شد. حداكثر اختلاف بين نتايج آزمايشگاهي و عددی کمتر از ۱۰ درصد بود. در علم مهندسی سد، تغییر شکل و مقاومت سازه های ژئوتکنیکی به طور چشم گیری، تحت تاثیر جریان نشت در داخل سد و پی آن هستند. به منظور کنترل جریان نشت و حذف تاثیرات ناخوشایند آن، سیستم های زهکش پیچیده

ها با مشکلاتی برخوردار است، می تواند کمک شایان توجهی در کاهش این مشکلات و حفظ پتانسیل هیدرولیکی در مقدار مناسب نماید. این زهکش ها معمولا در راستای قائم حفر می شوند اگرچه در مورد سدهای قوسی، برخی مهندسان ترجیح می دهند زهکش ها را به سمت بالادست مایل کنند[1]. فشار بالابرنده را می توان به روش تحلیلی با کاربرد روش نگاشت همدیس و تئوری نشت تعیین کرد[۲, ۳]. یک راه حل تحلیلی بر مبنای تئوری نشت توسط چاولا و همکاران [۴]، برای تعیین میانگین فشار بالابرنده در عرض قسمت سد وزنی دارای سیستم چاهک های زهکش با فاصله برابر و قطر یکسان، ارائه شد. نامبردگان مقادیر فشار بالابرنده را به ازای قطر (d)، فاصله مرکز به مرکز آن ها از هم (n) و فاصله آن ها از پاشنه بالادست سد (S) به دست آوردند. سپس شرایطی که حداقل نیروی بالابرنده بر سازه سد وارد می شد، به عنوان بهترین موقعیت زهکش ها تعیین گردید[۵]. عبدالرزاق و همکاران [۶]، موقعیت گالری زهکش در زیر سدهای بتنی را با مدل آزمایشگاهی مورد مطالعه قرار دادند. موقعیت گالری زهکش در زیر سازه سد به ازای حداکثر کاهش در نیروی بالابرنده که تحت این شرایط دبی نشت در گالری زهکش حداکثر مقدار خود را داشت، به دست آمد. براساس نتایجی که حاصل شد، موقعیت بهینه گالری زهکش به ازای فاصله نسبی از بالادست ( $\frac{b}{B}$ ) برابر ۰/۵ تعیین گردید که در این شرایط نیروی زیرفشار حداکثر کاهش در مقدار خود (۵۴ درصد) را داشت. همچنین یک رابطه ای برای محاسبه فشار بالابرنده با لحاظ تاثیر موقعیت گالری زهکش ارائه گردید. ملوندی و همکاران [۷] به منظور دستيابي به رفتار و شرايط مناسب زهكش ها از جمله شعاع (r)، زاويه (θ)، عمق (d) و فاصله از بالادست (s) در راستای کمینه کردن نیروی بالابرنده، معادله تراوش سه بعدی در حالت پایدار را به کمک روش المان محدود و با استفاده از نرم افزار ANSYS5.4 برای سد وزنی زاوین به عنوان مطالعه موردی، بررسی کردند. برای ایجاد مدل هندسی المان محدود، سد به همراه بخشی از سنگ بستر که در پلان از هر طرف سد به مقدار <u>H<sub>max</sub> م</u> در اطراف آن و در عمق به مقدار  $H_{max}$  واقع است، انتخاب شد که در آن  $H_{max}$  ارتفاع بلندترین مقطع سد است. نتایج حاصل از این بررسی نشان داد که با افزایش عمق زهکش ها تا عمقی معادل ۰/۸ ارتفاع سد در محل زهکش، کارایی آن ها قابل توجه بوده اما افزایش بیشتر از این، تاثیر چندانی در کارایی آن ها نخواهد داشت. هم چنین نتایج حاصل از این تحقیق نشان داد که میزان تاثیر افزایش زاویه زهکش با راستای قائم و متمایل کردن آن به سمت بالادست برای زهکش ها و بر حسب عمق متفاوت است. بدین مفهوم که در زهکش های کناری و در اعماق

بالابرنده حفر می شوند. احداث زهکش ها در سنگ هایی که تزریق آن

شامل گالری زهکش، تونل های زهکش، و چاه های زهکش طراحی و مدل عددی از پی سد وزنی به روش قدرتمند المان محدود در محیط نرم افزار SEEP/W که جزئی از بسته نرم افزاری Geo Studio می باشد، گسترش یافته است. به منظور ارزیابی و بهینه سازی طراحی سیستم انجام گرفت و بعد از اعتبار سنجی نتایج مدل عددی به کار رفته در این زهکش نیاز به بررسی عددی خواهد بود [۱۱]. نورانی و همکاران تحقيق با روش چاولا و همكاران [۴]، به منظور تخمين نيروى بالابرنده با [۱۲] به بررسی موقعیت بهینه زهکش ها در سدهای وزنی با استفاده استفاده از مدل های هوشمند علاوه بر مدل شبکه عصبی مصنوعی اقدام از مدل عددي المان محدود پرداختند و نتايج نشان داد كه با كاهش به توسعه مدل جدید هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی فاصله زهکش ها از هم و افزایش قطر آن ها، نیروی زیرفشار وارده وال ۲ گردید و نتایج آن ها مورد مقایسه قرار گرفت. بر زیر سد کاهش پیدا می کند. با توجه به محدوده مدل سازی انجام گرفته، بهترین موقعیت گالری زهکش در فاصله معین از وجه ۲- الگوسازی نظری یا تجربی بالادست که حداقل نیروی بالابرنده را ایجاد می کند، انتخاب گردید و معین شد که موقعیت بهینه زهکش های پی سد ثابت نبوده بلکه با ۲-۱- معادلات حاکم افزایش در فاصله زهکش ها و کاهش قطر زهکش ها به طرف پایین معادله عمومی جریان در محیط های متخلخل رابطه دارسی است دست منتقل می گردد و بالعکس. سلماسی و همکاران [۱۳] بررسی که در تلفیق با معادله پیوستگی به رابطه ریچاردز تبدیل می شود: عددی اثر زهکش طولی در زیر کانال پوشش دار برای کاهش نیروی (1) بالابرنده را انجام دادند. نتایج نشان داد که استفاده از زهکش به عنوان عامل کارساز در حذف و تقلیل آثار سوء آب های زیرزمینی می تواند که در آن h بار آبی کل ، Q نرخ جریان به کار رفته (دبی در واحد مطرح گردد. هم چنین هرچه زهکش ها در گوشه های تحتانی و عمق حجم)، heta شاخص رطوبت حجمی آب،  $k_x$  هدایت هیدرولیکی در های پایین کف کانال قرار گیرد، سطح ایستابی در موقعیت پایین جهت x هدایت هیدرولیکی در جهتy و t زمان می باشند.  $k_v$  xتری نسبت به کف کانال قرار می گیرد و به تبع آن نیروی بالابرنده معادله فوق در حالت دائمی به صورت زیر تغییر می یابد: وارده شده كمتر مي گردد. عمق كارگذاري زهكش ها ثابت نبوده بلكه با بالا رفتن سطح ایستابی و کاهش قطر زهکش ها به تراز پایین تر (٢) منتقل می گردد و بالعکس. دهقانی و همکاران [۱۴] به استفاده از روش الگوریتم ژنتیکی و شبکه عصبی مصنوعی در بهینه سازی مقطع  $k_x = k_y = k$  ) در صورتی که محیط همگن و ایزوتروپ باشد ( و هیچ جریانی به محیط خاک وارد و خارج نشود) رابطه ۲ به شکل سد وزنی پرداختند و به این نتیجه رسیدند که مدل های فوق الذکر می توانند در تخمین مقطع بهینه سد به خوبی مورد استفاده قرار رابطه ۳ ساده تر می شود که به معادله لاپلاس معروف است. گیرند. مطالعات متعددی با روش های هوشمند شبکه های عصبی (٣) مصنوعی در مسائل مختلف استفاده گردیده که می توان به بررسی برای حل معادله حاکم، در این تحقیق به روش اجزا محدود از نرم طراحی تزریق پی سدها توسط کمک پناه و بختیاری [۱۵]، تعیین افزار SEEP/W که متعلق به بسته نرم افزاریGeo Studio می باشد، استفاده شده است. این نرم افزار توانایی حل معادله ریچادز با آستانه لغزش پایداری شیروانی و بهینه یابی حجم عملیات خاکریزی شرایط مرزی و اولیه را دارا می باشد [۲۰]. سد خاکی توسط صبا و همکاران [۱۶]، همچنین برآورد پروفیل پرش

هیدرولیکی در حوضچه آرامش توسط هنر و پورحمزه [۱۷]، برآورد

دبی رودخانه بختیاری توسط اسکندرینیا [۱۸]، پیشبینی میزان

رواناب روزانه خروجی حوضه آبریز پلاسجان زایندهرود از روی بارش

در این تحقیق برای تخمین نیروی بالابرنده در سدهای وزنی ابتدا یک

روزانه نقطهای حوضه توسط نصری و همکاران [۱۹] اشاره نمود.

۲-۲- نحوه مدل سازی عددی

در این تحقیق، یک سد وزنی بتنی به همراه پی آن که در شکل ۱ نشان داده شده در نظر گرفته شده است. لازم به ذکر است که در

 $\frac{\partial}{\partial x}\left(k_{x}\frac{\partial h}{\partial x}\right) + \frac{\partial}{\partial y}\left(k_{y}\frac{\partial h}{\partial y}\right) + Q = \frac{\partial\theta}{\partial t}$ 

 $\frac{\partial}{\partial x}\left(k_{x}\frac{\partial h}{\partial x}\right) + \frac{\partial}{\partial y}\left(k_{y}\frac{\partial h}{\partial y}\right) + Q = 0$ 

 $\nabla^2 h = 0$ 

ANN

ANN-WOA



شکل۱. نمایی از مقطع سد وزنی بتنی و نحوه قرارگیری زهکش های قائم داخل گالری زهکش در پی سد Fig. 1. Illustration of a concrete gravity dam section and drain holes array in drainage gallery of dam

می باشد که بسته به شرایط تحقیق حاضر از مدل نمای پلان <sup>۱</sup> در جهت شبیه سازی پی سد وزنی به همراه زهکش های قائم موجود در آن استفاده گردیده است. شکل ۲ نمای پلان سد وزنی و موقعیت زهکش های قائم را که در فاصله ۳۰ متری از بالادست قرار دارند را در محیط نرم افزار WSEEP نشان می دهد. جهت شبیه سازی عددی شرایط مرزی<sup>۲</sup> در بالادست و پایین دست پی سد وزنی به ترتیب شرایط مرزی<sup>۲</sup> در بالادست و پایین دست پی سد وزنی به ترتیب فشاری<sup>۳</sup> تعریف گردیده است، شایان ذکر هست که به دلیل نبود آب در پایاب سد به صورت بار فساری<sup>۳</sup> تعریف گردیده است. شایان ذکر هست که به دلیل نبود آب در پایاب سد به صورت بار آبی صفر و نظر گرفته شده است. مصالح خاکی یسد وزنی مورد مطالعه به صورت یک محیط متخلخل همگن<sup>6</sup> و پی سد وزنی مورد مطالعه به صورت یک محیط متخلخل همگن<sup>6</sup> و پی بر ثانیه در نظر گرفته شده است. مصالح خاکی ایر آبی به صورت فشار صفر <sup>1</sup> در نظر گرفته شده است. مصالح خاکی یو تروزوپ<sup>9</sup> با ضریب هدایت هیدرولیکی اشباع <sup>۷</sup> ( $K_{sat}$ ) <sup>70</sup> ( $K_{sat}$ )

برای تعیین تعداد المان های مناسب برای شبکه بندی^ مدل،

- 3 Pressure head
- 4 Zero pressure
- 5 Homogenous
- 6 Isotropic
- 7 Saturated hydraulic conductiity

این تحقیق عرض کف سد (L) و طول سد (T) به ترتیب ۱۲۵ و ۳۰ متر در نظر گرفته شده است.

نیروی بالابرنده در زیر سد وزنی تابعی از عملکرد زهکش های قائم داخل گالری زهکش است. عوامل موثر عبارتند از قطر، فاصله زهکش ها از هم، فاصله از پاشنه بالادست سد و ارتفاع آب در مخزن سد. در این تحقیق علاوه بر شبیه-سازی سد وزنی در حالت بدون گالری زهکش، تعداد ۱۲ مدل دیگر با زهکش-های قائم داخل گالری زهکش در قطرهای متفاوت (d) ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتی متری که هرکدام از آن ها نیز در ۴ حالت به فاصله (n) ۳، ۴، ۵ و ۶ متری از هم هستند، در نظر گرفته شده است. همچنین به بررسی اثر فاصله زهکش ها از بالادست سد (3) نیز پرداخته شده که برای این منظور فاصله از بالادست سد در ۱۲ موقعیت مختلف ۰، ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰، ۲۵، ۳۰، ۴۰، ۶۰، ۸۰، ۱۰۰ و ۱۲۵ متر فرض شده است. ضمنا شرایط فوق الذکر برای دو حالت برای ارتفاع آب مخزن پشت سد (H)، ۱۶۸ و ۱۳۰ متری انجام گردیده است تا اثر تراز سطح آب پشت مخزن نیز مورد ارزیابی قرار گیرد. درشکل ۱ نمای شماتیکی از موقعیت زهکش های قائم داخل گالری زهکش و پارامترهای مورد مطالعه، دیده می شود. در نرم افزار SEEP/W مدل های مختلفی برای حل مساله موجود

<sup>1</sup> Plan iew

<sup>2</sup> Boundary condition

<sup>8</sup> Mesh generation



(H=۱۳۰m ،n=۶m ،d=۰/۱۵m ،s=۳۰m) شکل ۲. نمای پلان پی سد بتنی وزنی به همراه بار آبی بالادست و پاییندست و زهکشهای قائم پی (Fig. 2. Plan view of foundation of gravity dam with head of upstream, head downstream and drain holes of foundation (H=130 m, n=6 m, d=0.015 m, s=30 m)



وزنی مورد مطالعه را نشان می دهد که دارای زهکش های پی با قطر ۵۱سانتی متر و فاصله از هم ۶ متر می باشد که در فاصله ۳۰ متری از بالادست سد قرار دارند.

## ۲-۳- شبکه های عصبی مصنوعی

شبکه های عصبی مصنوعی بر اساس استنباط از سیستم عصبی بیولوژیکی استوار است. این شیوه از ساختاری نرونی و هوشمند با الگوبرداری مناسب از نرونهای موجود در مغز انسان سعی میکند تا از طریق توابع تعریف شده ریاضی، رفتار درون سلولی نرونهای مغز را شبیهسازی کند و از طریق وزنهای محاسباتی موجود در خطوط ارتباطی نرونهای مصنوعی، عملکرد سیناپسی را در نرونهای طبیعی به مدل در آورد. ماهیت و ذات تجربی و منعطف این روش باعث



شکل ۳. آزمون مستقل بودن المان ها. Fig. 3. Independent test of elements

آزمون مستقل بودن المان بندی انجام گرفته شده است. برای این منظور، در تعداد المان های مختلف، میزان درصد خطای نسبی <sup>۱</sup>در تعیین زیر فشار در یکی از حالت های شبیه سازی، استخراج شد. نتیجه حاصل از این آزمون، در شکل۳ نشان داده شده است. با توجه به شکل مشاهده می گردد که در تعداد المان های ۳۰۰۰۰ به بالا، میزان درصد خطا تقریباً ثابت شده و نتایج تقریباً یکسانی از نظر مقدار زیرفشار بالابرنده در یک محل معین از زهکش ها مشاهده خواهد شد. به همین دلیل در شبکه بندی مدل مورد مطالعه، از تعداد المان های بود. لازم به ذکر است که تعداد المان ها با تغییر قطر زهکش های پی، کمی تغییر پیدا می کند. شکل ۴ شبکه بندی نمای پلان پی سد

<sup>1</sup> Percent relati e error, RE%



شکل ۵. ساختار کلی شبکه عصبی مصنوعی (ANN) در تحقیق حاضر Fig. 5. Arrangement of the used artificial neural network in this study

۲-۴- مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال

مدل هيبريدي عصبي مصنوعي و الگوريتم بهينه سازي وال، يكي از الگوریتم های بهینه سازی الهام گرفته شده از طبیعت است که در زمینه های مختلف می توان از آن استفاده کرد. یکی از بزرگ باله ترین نهنگ ها، نهنگ گوژپشت است. شکار مورد علاقه آن ها، کریل و گروه های ماهی کوچک است. جالب ترین نکته در مورد نهنگ های گوژپشت روش خاص شکار آن ها می باشد. این رفتار کاوش گرانه به نام روش تغذیه حباب تور شناخته می شود. نهنگ های گوژپشت ترجیح می دهند تا دسته ای از کریل ها و یا ماهی های کوچک را در نزدیک سطح آب شکار کنند. این نکته مشاهده شده است که این کاوش و شکار، با ایجاد حباب های شاخصی در امتداد یک دایره یا مسیر هایی به انجام می رسد. نهنگ های گوژپشت می توانند مکان شکار را شناسایی کرده و آن ها را محاصره کنند. از آنجایی که مکان طراحی بهینه در فضای جستجو از راه قیاس شناخته نمی شود، مدل هيبريدي عصبي مصنوعي و الگوريتم بهينه سازي وال، فرض مي كند که بهترین راه حل نامزد حال حاضر، شکار هدف بوده و یا نزدیک به حالت مطلوب است. بعد از اینکه بهترین عامل جستجو شناسایی شد، عوامل دیگر جستجو سعی می کنند تا مکان خود را نسبت به بهترین عامل جستجو، به روزرسانی کنند (شکل ۶). این رفتار از طریق روابط می شود تا در مسائلی مانند مقوله پیش بینی که یک چنین نگرشی در ساختار آنها مشاهده می شود و از رفتاری غیرخطی برخوردار هستند، به خوبی قابل استفاده باشد. این مدل بر اساس یادگیری فرآیند حل مسئله و به عبارتی رسیدن به خروجی از طریق یافتن رابطه نهفته در فرآیند مورد نظر کار می کند. بدین منظور الگو، با دسته ای از داده ها آموزش داده شده تا در مورد ورودی های جدید با توجه به رابطه پیدا شده در مرحله آموزش، خروجی مناسب را محاسبه نماید. در میان نمونه های متعدد شبکه های عصبی، شبکه انتشار به عقب دارای کاربرد بیشتری می باشد [۲۱]. شبکه یاد شده متشکل از لایه هایی است که این لایه ها دارای عناصری با عملکرد موازی هستند که به أن ها نرون (عصب) گفته مي شود. هر لايه كاملا با لايه قبل و بعد از خود در ارتباط است. معماری بهینه شبکه در تحقیق حاضر بصورت ۱-۸-۴ (۴ نرون ورودی'، یک لایه پنهان ۲ دارای ۸ نرون و یک نرون خروجی<sup>۳</sup>) و با تابع انتقال تانژانت سیگموئید برای لایه ورودی و تابع خطى براى لايه خروجى بهمراه الگوريتم آموزشى لونبرگ ماركوارت (LMA) و با تکرار ۲۰۰ انجام گردید. شکل ۵ ساختار کلی شبکه عصبی مصنوعی مورد استفاده در تحقیق حاضر را نشان می دهد.

Input layer

Hidden layer 3

Output layer



(ANN-AOW) شکل ۶.مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی نهنگ یا وال (ANN-AOW) Fig. 6. Artificial neural network-whale optimization algorithm model (ANN-WOA)

(۴) و (۵) بیان شده است:  
(۴) 
$$\left|\vec{C}.\vec{X^{*}}(t) - \vec{X}(t)\right|$$

$$\vec{X}(t+1) = \vec{X^{*}}(t) - \vec{A}\vec{D}$$
 ( $\Delta$ )

که در آن t تکرار جاری را نشان می دهد، A و C بردارهای ضرائب، X بردار مکان بهترین راه حل بدست آمده در حال حاضر و X بردار مکان است. لازم به ذکر است که در صورت وجود راه حل بهتر، X در هر تکرار باید به روز شود.بنابراین a در رابطه ۶ به رابطه ۸ تغییر می یابد:

$$\vec{A} = 2\vec{a}\vec{r} - \vec{a} \tag{(6)}$$

$$\vec{C} = 2.\vec{r} \tag{(Y)}$$

مقدار a به صورت خطی از مقدار ۲ تا ۰ و در طی تکرارها کاهش می یابد و T بردار تصادفی در فاصله ۰ تا ۱ است. بر طبق رابطه ۵ راه حل ها (عامل جستجو یا نهنگ ها) موقعیت خود را بر اساس موقعیت بهترین راه حل که شناخته شده است به روز می کند. نهنگ گوژپشت دام با در حال حرکت در یک مسیر مارپیچی در اطراف طعمه و در WOA برای دستیابی به رفتار کاهش محاصره، در رابطه ایجاد می کند. بنابراین a در رابطه ۶به معادله زیر تغییر می یابد.

$$a = 2 - t \, \frac{2}{MaxIter} \tag{A}$$

در رابطه ۲، ۸ تعداد تکرار است و MaxIter حداکثر تعداد تکرارهای مجاز است. به منظور شبیه سازی مسیرهای مارپیچ شکل، فاصله بین عامل جستجو یا راه حل (X) و عامل جستجو شناخته شده

تاکنون یا راه حل پیشنهادی (\*X) محاسبه شده است. پس از آن برای ایجاد موقعیت نماینده جستجوی همسایه، یک معادله مارپیچی به صورت زیر ایجاد می شود:

$$\vec{X}(t+1) = D'e^{bL} \cdot \cos(2\pi L) + \vec{X}_*(t)$$
(9)

که در آن D' فاصله نهنگ i و طعمه است (بهترین راه حل به دست آمده تا کنون) که به شکل  $|(t), \overline{X}(t)| = D'$ محاسبه می شود و d پارامتر ثابتی برای تعیین شکل مارپیچ لگاریتمی و L به صورت تصادفی در فواصل [۱, ۱-] است. در طی فرایند بهینه سازی، ۵۰ درصد احتمال دارد بین آن ها انتخاب شود. بنابراین در صورتی که P کمتر از ۵/۰ باشد  $(t+1), \overline{X}$  از رابطه ۵ و در صورتی که P بزرگتر مساوری ۵/۰ باشد از رابطه ۹ بدست خواهد آمد. مقدار P به صورت تصادفی در فواصل ۰ و ۱ در طی تکرارها انتخاب می  $\mathcal{Z}$  دد[۲۲]. در تحقیق حاضر، مقادیر P و L به ترتیب ۶/۰ و ۷/۰ و همچنین اندازه جمعیت و حداکثر تکرار ۳۰ و ۵۰ در نظر گرفته شده

در این تحقیق از دو مدل هوشمند مدل شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال در تخمین مقدار نیروی بالابرنده نسبی  $\left(\frac{Ud}{Uo}\right)$  با استفاده از ۴ پارامتر بی بعد  $\frac{H}{L}$ ,  $\frac{H}{L}$ ,  $\frac{n}{L}$  و  $\frac{s}{L}$  استفاده شده است. داده های موجود بعد از شبیه سازی عددی پی سد وزنی مورد مطالعه در محیط نرم افزار SEEP/W از مجموعه نرم افزاری Geo Studio که از روش قدر تمند المان محدود در استخراج نتایج استفاده می کند، بدست آمده اند. تعداد کل داده های تولید شده اند. در هر هر م



شکل ۷. نمایش خطوط هم پتانسیل و خطوط جریان و بردارهای سرعت در پی سد همراه با زهکش پی (s=۱۰m، n=۶m ،d=۰/۱۵m، (H=۱۳۰m

Fig. 7. Potential contour lines, flow lines and velocity vectors at foundation of the gravity dam with drains (H=130 m, n=6 m, d=0.015 m, s=10 m)

$$R^{2} = \frac{\left[\sum_{i=1}^{n} (O_{i} - \overline{O})(P_{i} - \overline{P})\right]^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (O_{i} - \overline{O})^{2} \sum_{i=1}^{n} (P_{i} - \overline{P})^{2}}$$
(\.)

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (P_i - O_i)^2}{n}}$$
(11)

$$RE\% = \frac{\sum_{i}^{n} (|P_{i} - O_{i}|)}{\sum_{i}^{n} P_{i}}$$
(17)

در این روابط  $O_i$  مقادیر حاصل از مقادیر مشاهداتی (استخراجی از نرم افزار SEEP/W) ، مقادیر حاصل از روش مدل های پیش از نرم افزار  $\overline{O}$  میانگین مقادیر حاصل از مقدار مشاهداتی و n تعداد داده ها می باشد.

### ۳- نتايج و بحث

بعد از شبیه سازی زهکش های پی و انجام آنالیز نمای پلان نرم افزار SEEP/W، می توان منحنی های هم پتانسیل و خطوط جریان و بردارهای سرعت جریان را در پی سد مشاهده کرد. در شکل ۷ منحنی های هم پتانسیل برای زهکش با قطر ۱۵ سانتی متری و برای حالتی که زهکش های پی در فاصله ۶ متری از یکدیگر و سطح آب بالادست ۱۳۰ متر باشد نشان داده شده است.

بعد از اجرای مدل عددی با رسم دیاگرام توزیع زیرفشار در محل اتصال سد به پی، مقادیر فاکتور  $\frac{H_d}{H}$  (بار فشاری در محل زهکش فسبت به بارآبی بالادست سد) برای پارمترهای  $\frac{H}{L}$ ،  $\frac{d}{L}$ ،  $\frac{n}{L}$  و  $\frac{s}{L}$ به دست آمده است. مقادیر  $\frac{H_d}{H}$  برای  $\frac{n}{L} = \wedge^{+/+} \cdot \cdot^{+/+} \cdot \cdot^{+/+}$ و  $\gamma \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{H}{L}$  (۱۰۰۱۲ و  $\gamma \cdot \cdot$  دو مدل شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی و مصنوعی  $rac{n}{L}$ ،  $rac{d}{L}$ ،  $rac{H}{L}$  بعد بعد  $rac{1}{L}$  و الگوريتم بهينه سازى وال پارامترهاى بى بعد  $rac{n}{L}$ بالابرنده در حالت سد وزنی با زهکش به سد بدون زهکش به عنوان خروجی معرفی گردید. در هر دو مدل ۷۰ درصد کل داده های موجود (۲۰۰ عدد) برای دوره آموزش و ۳۰ درصد آن ها (۸۸ عدد) نیز برای دوره آزمون مورد استفاده قرار گرفته است. لازم به ذکر است که مدل تخمینی در محیط نرم افزار متمتیکا<sup>۱</sup> به گونه ای تنظیم گردید که داده ها به صورت تصادفی<sup>۲</sup> برای هر دو دوره آزمون و آموزش انتخاب گردد. سپس فرایند تخمین با مدل مورد نظر انجام گیرد. بعد از انتخاب تصادفی داده ها برای هر دوره در مرحله بعدی تخمین با مدل مورد نظر انجام گردید و مقدار پارامترهای آماری ضریب تبیین و جذر میانگین مربعات خطا نیز تعیین گردید. با توجه به اینکه داده ها در هر مرحله به صورت تصادفی انتخاب می شد، در هر مرحله مقادیر مختلفی برای ضریب تبیین و جذر میانگین مربعات خطا حاصل می گشت، بنابراین برنامه به نحوی نوشته شد که داده هایی که بالاترین ضریب تبیین و کمترین جذر میانگین مربعات خطا را دارند، در نظر گرفته شود و فرایند تخمین با مدل مورد نظر، برای این سری از داده ها انجام گیرد. بعد از ۵۰ بار تکرار شرایط انتخاب تصادفی فوق الذکر در نرم افزار متمتیکا، بهترین شرایط از لحاظ ضریب تبیین و جذر میانگین مربعات خطا انتخاب گردید (RMSE=۰/۰۲۲۲ و R<sup>۲</sup>=۰/۹۹۵).

### ۵–۲– معیارهای ارزیابی دقت

برای ارزیابی، توانایی و دقت عملکرد مدل های شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال در تخمین نیروی بالابرنده، از سه شاخص آماری استفاده شده است. معیارهای ارزیابی جهت تخمین پارامتر نسبت نیروی بالابرنده در حالت با زهکش به بدون زهکش ( $\frac{Ud}{Uo}$ )، شامل ضریب تبیین<sup>7</sup>، جذر میانگین مربعات خطا<sup>4</sup>و درصد خطای نسبی<sup>۵</sup> می باشند که هر کدام از آن ها به ترتیب از روابط (۱۰)، (۱۱) و (۱۲) محاسبه می گردند.

<sup>1</sup> Wolfram Mathematica

<sup>2</sup> Random sample

<sup>3</sup> Determination coefficient, R<sup>2</sup>

<sup>4</sup> Root mean square error, RMSE

<sup>5</sup> Percent relatie error, RE%



شكل ۹. نيروى بالابرنده كل نسبى نسبت به فاصله نسبى از بالادست. Fig. 9. Variation of resultant of uplift force  $(U_d/U_o)$  versus the relative distance from the upstream of dam (s/L) for d/ L=0.0004 and H/L=1.344

مقدار به خصوصی از  $\frac{s}{L}$  کاهش می یابد و سپس با افزایش مقادیر  $\frac{s}{L}$  افزایش پیدا می کند. بنابراین بهترین موقعیت زهکش ها (محلی  $\frac{s}{L}$  افزایش پیدا می کند. بنابراین بهترین موقعیت زهکش ها (محلی که کمترین نیروی بالابرنده بر سد اعمال می گردد) ثابت نبوده و به ازای شرایط معین قطر (d) و فاصله مرکز به مرکز زهکش ها (n) به ازای یک ارتفاع آب ثابت مشخص در پشت سد(H) قابل تعیین خواهد ازای یک ارتفاع آب ثابت مشخص در پشت سد، تاثیر قطر زهکش ها که به ازای یک ارتفاع آب معین در پشت سد، تاثیر قطر زهکش ها نسبت به فاصله زهکش ها از هم در تعیین بهترین موقعیت زهکش ها نسبت می باشد به طوری که با دو برابر شدن قطر زهکش ها و فاصله زهکش ها از هم، موقعیت بهینه زهکش ها به ترتیب ۲ و ۷ درصد تغییر می نماید.

### جدول۱. موقعیت بهینه زهکش های قائم(s/L) به ازای مقادیر مختلف (h/L=1/344) درحالت(h/L)

Table 1. Optimum	location of	f vertical	drains (s/L	) for dif-
ferent values of d/l	L and n/L i	n such a v	way that H/	L=1.344

$\frac{H}{L} = 1/\Psi F F$					
$\frac{d}{L} = \cdot / \cdot \cdot 17$	$\frac{d}{L} = \cdot / \cdot \cdot \cdot \lambda$	$\frac{d}{L} = \cdot / \cdot \cdot \cdot \mathfrak{F}$			
$\frac{s}{L}$	$\frac{s}{L}$	$\frac{s}{L}$	$\frac{n}{L}$		
•/•۶•	• / • ¥ •	•/•٩•	•/•74		
•/•٩•	•//	•/17•	•/•٣٢		
•/١١•	•/١٣•	۰/۱۴۵	•/•*•		
۰/۱۲۵	۰/۱۴۵	•/18•	•/•۴٨		



شكل ٨. متوسط زيرفشار نسبى نسبت به فاصله نسبى از بالادست. Fig. 8. Variation the average of uplift pressure  $(H_d/H)$  versus the relative distance from the upstream of dam (s/L) for (d/L=0.0004 and H/L=1.344)

همان طور که مشاهده می شود متوسط فشار بالابرنده در محل زهکش های پی تابعی از قطر – (d)، فاصله (n) و موقعیت زهکش ها (S) می باشد. بدین ترتیب که در صورتی که فاصله زهکش ها از پاشنه سد افزایش می یابد بار فشاری در مکانی که زهکش ها قرار می گیرند، كاهش پيدا مي كند. با وجود اين فشار بالابرنده كل ممكن است با افزایش در مقدار <u>\*</u> به وسیله انتقال موقعیت زهکش های پی به سمت پایین دست کاهش نیابد. همچنین در صورتی که زهکش ها در موقعیت خیلی نزدیکتری به بالادست سد نزدیک شوند، ممکن است زهکش پی هیچ تأثیری در کاهش فشار بالابرنده نداشته باشند. از طرف دیگر منتقل شدن زهکش های پی به فاصله دور از وجه بالادست سد باعث افزایش نیروی بالابرندہ می گردد. بنابراین موقعیت بهینه زهکش ها در مکانی که نیروی بالابرنده کل حداقل مقدار خود را داشته باشد بایستی انتخاب گردد. بدین منظور مقادیر  $\frac{U_d}{U_a}$  (نسبت نیروی بالابرنده کل در حالت سد با زهکش به حالت سد بدون زهکش)  $\frac{n}{L}$  به ازای مقادیر  $\frac{s}{L}$  برای  $\frac{d}{L}$  برای  $\frac{s}{L}$  برای  $\frac{s}{L}$  برای مقادیر  $\frac{s}{L}$  برای  $\frac{s}{L}$ L و  $\frac{H}{H}$  = 1/۳۴۴ =  $\frac{H}{L}$ شود نیروی بالابرنده نسبی ( $\frac{U_d}{U_a}$ ) با افزایش مقادیر  $\frac{s}{L}$  تا یک  $\frac{L}{U_a}$ 

	دادههای آموزش				دادههای آزمون					
	s L	n L	d L	$\frac{H}{L}$	Ud Uo	s L	n L	d L	$\frac{H}{L}$	Ud Uo
حداقل	•	•/•74	•/•••۴	1/•4	•/188	•	•/•74	•/•••۴	۲/۰۴	•/178
حداكثر	١	•/• ۴٨	•/••1٢	1/846	١	١	•/•۴٨	•/••1٢	1/844	١
ميانگين	•/518	•/•٣١٨	•/•••٨	۱/۲۰۸	•/۴۵۳	•/٣٣٢	•/•٣•١	•/•••٨	1/171	•/۵۲۵
انحراف معيار	•/777	•/•• ×¥	•/•••٣٢	•/101	•/7 47	۰/۳۰۶	•/••٨١	•/•••٣٢	•/101	•/784
ضريب تغييرات	•/\@\	• / ٢ ٧٣	•/4•••	•/17۵	۰/۵۳۶	٠/٩٢١	•/789	•/4•••	•/179	•/۵۴٧

جدول۲. محدوده پارامترها برای داده های ورودی و خروجی در دوره تست و آموزش. Table 2. Range of parameters for input and output data in training and testing phases



شکل۱۱. مقایسه نمودار پراکندگی داده ها برای دوره تست مدل (-ANN) ( WOA )



مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نتایج بسیار نزدیکی را نسبت به مقادیر مشاهداتی تخمین زده است و بنابراین از دقت بسیار بالایی در تخمین پارامتر مورد نظر یعنی مقدار (  $\frac{Ud}{Uo}$ ) برخوردار است. در شکل ۱۲ ( الف و ب) نمودار چگالی<sup>۱</sup> و ویلن<sup>۲</sup> در دوره آزمون برای داده های مشاهداتی حاصل از شبیه سازی عددی و تخمین زده شده با مدل های هوشمند شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نشان داده شده است.





در جدول ۲ پارامترهای آماری مجموعه داده ها برای دوره آموزش و آزمون برای بهترین شرایط انتخاب تصادفی ( بالاترین ضریب تبیین و کمترین جذر میانگین مربعات خطا ) نشان داده شده است.

با توجه به شکل های ۱۰ و ۱۱پراکندگی داده ها برای دوره آزمون به ترتیب با استفاده از مدل شبکه عصبی مصنوع و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نشان داده شده است. با توجه به شکل های ۱۱و ۱۲مشاهده می گردد که بیشتر نقاط بر روی یا نزدیکی خط نیمساز قرار گرفته اند که این مقبولیت هر دو مدل در تخمین مقدار ( $\frac{Ud}{Uo}$ ) را نشان می دهد ولی مدل هیبریدی عصبی

<sup>1</sup> Density plot

<sup>2</sup> iolin plot



شکل ۱۲.الف- نمودار دانسیته برای داده ها در دوره تست برای داده های مشاهداتی و تخمینی Fig. 12. (a) Point density plots of observed and estimated data for testing phase for ANN and ANN-WOA models





درون آن پراکندگی نقاط برای داده های مشاهداتی و تخمینی زده شده دیده می شود. مطابق نمودار دانستیه جعبه ای معلوم می گردد که مدل هیبریدی عصبی بهینه سازی وال تطابق بسیار نزدیکی با داده-های مشاهداتی حاصل از شبیه سازی عددی را دارد. همچنین شکل ۱۲ ب نمودار ویلن تابع توزیع احتمال را برای داده های مشاهداتی و تخمین زده شده را ارائه می دهد. مجددا مطابق نمودار ویلن واضح است که مدل هیبریدی عصبی بهینه سازی وال تشابه بسیار نزدیکی با داده های مشاهداتی حاصل از شبیه سازی عددی را دارد. برای داده های مشاهداتی حاصل از مدل عددی، تخمینی با

شبکه عصبی مصنوعی و تخمینی با مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال مقادیر احتمال به ازای مقادیر حداکثر ، ۷۵٪، ۵۰٪ ۲۵٪ و ۲۰/۱۰، ۲۷۸٬۰ ۹٪، ۲۷۸٬۰ و ۲/۱۰) و (۰/۹۹۸، ۱۷۸۳ و ۲۰/۱۰) و ۲/۱۰/۱۰

معیارهای آماری نشان می دهند که مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نسبت روش شبکه عصبی مصنوعی از دقت بالایی برخوردار می باشد. همان طور مشاهده می گردد، هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نتایج

دادههای آزمون				دادههای آموزش		
	R <sup>2</sup>	RMSE	RE%	R <sup>2</sup>	RMSE	RE%
ANN	•/٩٩۵	•/• ٢٢٣	4/87	•/٩٩۴	•/•789	۳/۴
ANN-WOA	•/٩٩٨	•/•٣١	٣/۵٠	•/٩٩١	•/• ) ٧٧	۲/۶

جدول ۳. نتایج مدل ANN و ANN-WOA برای دوره آموزش و تست Table 3. Results of ANN and ANN-WOA models in training and testing phases

بسیار مشابهی نسبت به مقادیر مشاهداتی استخراجی از نرم افزار SEEP/W در تخمین مقدار نسبت نیروی بالابرنده در حالت با زهکش به بدون زهکش را ارائه داده است (جدول ۳).

برای اعتبار سنجی مدل عددی در این تحقیق از روش چاولا و همکاران [۴] استفاده شده است. در شکل ۱۳ نیروی بالابرنده نسبی برای شرایطی که پارامترهای بی بعد  $\frac{D}{L}$  و  $\frac{n}{L}$  در روش چاولا و همکاران [۴] به ترتیب برابر ۲۰۰۶ و ۲۰۰۰ و در روش عددی با نرم افزار SEEP/W به ترتیب برابر ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و در روش عددی با نرم جدول ۴ نتایج روش چاولا و همکاران (۱۹۹۰) و مدل عدد هیبریدی عصبی با مدل های هوشمند شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی برای شرایطی که  $\frac{D}{L}$  = ۴۰۰/۰۰  $\frac{1}{L}$  مصنوعی و حالت  $\frac{1}{L}$  = ۲



شکل ۱۳. نیروی بالابرنده کل نسبی به ازای فاصله نسبی از بالادست Fig. 13. Variation the relative total uplift forces  $(U_d/U_o)$ versus relative distance from the upstream of dam (s/L)

# ۴- نتیجه گیری کلی

در این تحقیق برای تخمین نیروی بالابرنده در سدهای وزنی از دو مدل هوشمند شبکه عصبی مصنوعی و مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال استفاده شده است. مقادیر داده های نیروی بالابرنده نسبی (<u>Ud</u>)، با استفاده از ایجاد یک مدل معددی در محیط نرم افزار WSEEP/W که جزئی از بسته نرم افزاری عددی در محیط نرم افزار W<u>O</u> می باشد، به دست آمد. سپس مقادیر تخمینی (<u>Ud</u>) با مدلهای مذکور با استفاده از معیارهای ارزیابی مورد مقایسه قرار ر<u>uo</u> با مدلهای مذکور با استفاده از معیارهای ارزیابی مورد مقایسه قرار به دکر است که مدل شبکه عصبی مصنوعی در محیط نرم افزار برنامه نویسی با روش انتخاب تصادفی از کل داده ها (۸۸ عدد) به عنوان داده های آزمون و آموزش به ترتیب با ۳۰ درصد (۸۸ عدد) و ۷۰ درصد (۲۰۰عدد)، به طریقی انجام گرفت که بعد از تکرار

### جدول۴. مقایسه مقادیر نیروی بالابرنده نسبی استخراجی از نرم افزار و روش (Chawla et al. 1990) با نتایج حاصل از مدل ANN و ANN-WOA در دوره تست.

Table 4. Comparison of the relative total uplift force  $(U_d/U_o)$  obtained by SEEP/W software and Chawla et al. (1990) with ANN and ANN-WOA models in testing phase

	$\left(\frac{s}{L}\right) = \cdot / \Upsilon \mathfrak{k}$	$\left(\frac{s}{L}\right) = \cdot / \Upsilon \Upsilon$
	Ud Uo	Ud Uo
Chawla et al.(1990)	۰/۳۵۰	۰/۳۹۱
SEEP/W	•/٣۶٩	•/47•
ANN-WOA	۰ /۳۷ ۱	•/414
ANN	• /٣٧٢	٠/۴۱۱

مربوط به شرایطی که بالاترین ضریب تبیین و کمترین جذر میانگین مربعات را دارد، برای فرایند تخمینی با استفاده از مدل شبکه عصبی مصنوعی فراخوانی گردد. نتایج حاصل از این تحقیق نشان داد که هر دو مدل هوشمند از دقت بهتری در تخمین نیروی بالابرنده نسبی ( $\frac{\text{Ud}}{\text{Uo}}$ ) برخوردار می باشند. ولی مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال نسبت به شبکه عصبی مصنوعی با ضریب تببین، جذر میانگین مربعات خطا و درصد خطای نسبی به ترتیب برابر ۱۹۹۸، ۲۰۲۱ و ۲۵/۲ ٪ برای مدل هیبریدی عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه سازی وال از دقت بسیار بالایی برخوردار می باشد. همچنین نمودارهای چگالی داده ها و دیاگرام ویلن نیز استخراج شد و مشاهده گردید که پراکندگی و توزیع احتمال داده ها با نتایج مدل هیبریدی از شبیه سازی عددی تطابق خوبی دارد.

# ۵- پیشنهادات تحقیقات آتی

این مدل سازی به صورت دو بعدی و در حالت پلان انجام شده است. پیشنهاد می شود مدل سازی به صورت سه بعدی نیز انجام گیرد تا نتایج حاصل از آن با نتایج به دست آمده در حالت پلان مقایسه شود. می توان با شبیه سازی در حالت سه بعدی اثر عمق و زاویه دار کردن زهکش ها را نیز در کاهش نیروی بالابرنده بررسی نمود. در صورت در اختیار داشتن سدی واقعی با سیستم گالری زهکش می توان نتایج حاصل از روش عددی را با مقادیر ثبت شده فشار آب منفذی پیزومترها مورد مقایسه قرار داد. طبق بررسی های بعمل آمده، ملاحظه گردید که اندازه گیری های پیزومتری برای تعیین فشار آب منفذی در سد گاوانگژو چین گزارش نشده است. لذا مقایسه بین مقادیر مشاهده ای و مقادیر حاصل از روش المان های محدود میسر نگردید. لیکن برای رفع این نقیصه، در این تحقیق نتایج حاصله از مدل عددی با روش تحلیلی چاولا و همکاران (۱۹۹۰) مقایسه شد و جهت صحت سنجی استفاده شد. همچنین پیشنهاد می گردد از مدل های هوشمند دیگر نیز در تخمین نیروی بالابرنده استفاده شود تا دقت نتایج آن ها در تخمین نیروی بالابرنده مورد مقایسه قرار گیرد.

$$P-a V herbild S herbild$$

### ۷- منابع و مراجع

- R.S. Varshney, Concrete Dams, Oxford and IBH Publishing CO. New Delhi, 1982.
- [2] A.S. Chawla, M. Nathi, Uplift pressures on hollow gravity dams, Hydraulics Division, ASCE, 273-257 (1979) (3)105.
- [3] R.K. Ransford, Uplift Computations for Masonry Dams, in, La Houille Blanche, 1972.
- [4] A.S. Chawla, R. Thakur, K. Akhleash, Optimum location of drain in concrete dams, Energy Engineering, ASCE, 1990) (7)116).
- [5] A.S. Chawla, A. Kumar, Average Uplift Computations for hollow gravity dams, Hydraulic Engineering, ASCE, 466-455 (1985) (3)108.
- [6] A.E. Mohamed, M.A. Magdy, Optimum Position of Drainage Gallery underneath Gravity Dam, in: Sixth International Water Technology Conference, IWTC, Alexandria, Egypt, 2001.
- [7] B. Melvandi, , Investigating the behavior of deep drainage in reducing lifting force in concrete concrete weights by solving three-dimensional drainage equation, in: 6th Iranian Hydraulic Conference, Shahrekord Iran 2007.
- [8] S. Nejati, Numerical simulation of relief wells in downstream of embankment dams, University of Tabriz agriculture faculty, 2014.
- [9] H. Khalili Shayan, E. Amiri Takledani, A. Yeganeh, Laboratory and Numerical Evaluation of Estimating

Determining Impending Slip of Slop and Optimized Embankment Operation Volume of Earth Dams Using a Combination of Neural Networks and Genetic Algorithms (GA), Amirkabir Journal of Civil Engineering, (4)50 754-747 (2018).

- [17] T. Honar, S. Pourhamzeh, A neural network model to predict characteristics of Hydraulic Jump in Stilling Basins with Convergent Wall, Water and soil science, 109-99 (2012) (2)23.
- [18] Eskandariyan, Effect of previous rainfall in river flow estimation by rainfall-runoff intelligent modeling, in: Proceedings of the 8th International Congress on Civil Engineering, Shiraz 2008.
- [19] M. Nasri, R. Modarres, M. Guidance, Application of neural network model in runoff estimation (Case Study: Plassajan Basin), Quarterly Journal of Environment, (5)2 37-23 (2009).
- [20] Anonymous, Geo-Studio, Version 8.15.11236, User Manual. GEOSLOPE International, Calgary, in, Alberta, Canada, 2012.
- [21] R. Lippman, An ntroduction to computing with neural nets, IEEE ASSP Mag, in, 22-4 (1987) (2)4.
- [22] Aljarah, H. Faris, S. Mirjalili, Optimizing connection weights in neural networks using the whale optimization algorithm, Soft Computing, 15-1 (2016) (1)22.

Effective Inflatable Force Effects on Deviant Dams, in: 3rd National Conference on Irrigation and Drainage Networks Management, Shahid Chamran University of Ahvaz, Ahwaz, 2010.

- [10] R.I. Nasr, B.A. Zeydan, M.F. Bakhry, M.S. Saloom, Uplift pressure relief on lined canals using tile drains, Alexandria Engineering 507-497 (2003) (4)42.
- [11] Y. Chen, C. Zhou, H. Zheng, A numerical solution to seepage problems with complex drainage systems, Computers and Geotechnics, .393-383 (2008) 35
- [12] B. Nourani, F. Salmasi, A. Abbaspour, B. Oghati, Numerical investigation of the optimum location for vertical drains in gravity dams, Geotechnical and Geological Engineering, 808-799 (2016) (2)35.
- [13] F. Salmasi, R. Khatibi, B. Nourani, Investigating reduction of uplift forces by longitudinal drains with underlined canals, ISH Journal of Hydraulic Engineering, 91-81 (2017) (1)24.
- [14] Dehghani, G.H. Montazeri, F. Nasiri, M. Ghodsian, Using genetic algorithm and artificial neural network in optimizing deights Dams, Special Issue of Civil Engineering, 112-99 (2006) 25.
- [15] Komakpanah, S. Bakhtiari, Use of neural network in the design of python injections, Special Issue of Civil Engineering .98-91 (2009) 35
- [16] H.R. Saba, M. Mohsen Kamalian, I. Raeisizadeh,

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

B. Nourani, F. Salmasi, M.A. Ghorbani, Modeling and Estimating the Uplift Force of Gra ity Dams Using Finite Element and Artificial Neural Network Whale Optimization Algorithm Methods, Amirkabir J. Ci il Eng., 52(7) (2020) : 1595-1608.



DOI: 10.22060/ceej.2019.15532.5939