نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۱، شماره ۴، سال ۱۳۹۸، صفحات ۶۵۷ تا ۶۷۰ DOI: 10.22060/ceej.2018.13856.5499

# بررسی رفتار برشی ماسه کربناته براساس مدل رفتاری منظری و دافالیاس

مقداد حميدزاده'\*، محمود حسنلوراد'، رسول محمدپور سلوط

٬ خاک و پی، دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره)، قزوین، ایران ٬ گروه عمران، دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره)، قزوین، ایران

چکیده:در این مقاله توانایی و قابلیت مدل رفتاری منظری و دافالیاس که مدل پیشرفتهای در زمینه مدل رفتاری خاک است، جهت پیش بینی رفتار برشی خاک ماسه کربناته با دانههای شکننده، ارزیابی می گردد. پارامترهای خاک مورد نظر و چگونگی تأثیر آنها بر نمایش رفتار خاک بررسی می شود. با مقایسه نمودارهای تنش-کرنش حاصل از آزمایش سه محوری و مدل در نمودارهای کرنش حجمی در برابر کرنش محوری مشاهده می شود که خروجیهای مدل رفتاری منظری و دافالیاس در مقایسه با نتایج آزمایش، دقت کافی را ندارد. دلیل اصلی این امر آن است که خردشدگی دانههای خاک و دافالیاس در مقایسه خاک در مدل دافالیاس و منظری در پیش بینی کرنش حجمی مد نظر قرار نگرفته است. با این وجود، مدل رفتاری مذکور، روند تغییرات را به طور مناسبی پیشبینی می کند. این مدل رفتاری در تنشهای همه جانبه ی زیاد، نتایج بهتری در مقایسه با تنشهای همه جانبه ی کره در بررسی کرنش حجمی نمونه دارد.

# تاریخچه داوری:

دریافت: ۷ دی ۱۳۹۶ بازنگری: ۱ مرداد ۱۳۹۷ پذیرش: ۲۸ مرداد ۱۳۹۷ ارائه آنلاین: ۱۳ شهریور ۱۳۹۷

# کلمات کلیدی:

خاک مدل رفتاری منظری و دافالیاس ماسه کربناته پارامتر حالت آزمایش سهمحوری

#### ۱– مقدمه

معمولا در بارگذاری زه کشی شده، خاک ماسه ای سست رفتار انقباضی و خاک ماسه ای متراکم رفتار اتساعی از خود نشان می دهند. همچنین ماسه چه سست باشد و چه متراکم، در کرنشهای بزرگ به وضعیتی خواهد رسید که مؤلفه های تنش و حجم نمونه ثابت می ماند. این حالت نهایی توسط روسکو<sup>۲</sup> و همکاران حالت بحرانی نام گذاری شده است [۳]. مکانیک خاک حالت بحرانی، برای تشریح رفتار تنش – کرنش خاکها مورد استفاده قرار می گیرد (روسکو و همکاران، سال ۱۹۵۸ و اسکافیلد<sup>۲</sup> و راث<sup>۳</sup> سال ۱۹۶۸). مکانیک خاک حالت بحرانی می تواند برای مطالعه رفتار خاک بدون هر مرجعی برای هر مدل رفتاری خاص مورد استفاده قرار گیرد (روسکو و همکاران، سال ۱۹۵۸) و وود<sup>۴</sup>، سال ۱۹۹۰). همچنین می تواند پایه نظری را فراهم کند که در ترکیب با مفاهیم نظریات رفتاری کلی مثل الاستوپلاستیسیته، برای مدل رفتاری مربوط مورد استفاده قرار گیرد. مفاهیم پیشرفته تر مدل سازی پلاستیسیته

\*نویسنده عهدهدار مکاتبات: meghdad.hamidzadeh@gmail.com

- 2 Schofield
- 3 Wroth
- 4 Wood

مثل سختشوندگی<sup>۵</sup> جنبشی، پلاستیسیته چند صفحهای و پلاستیسیته سطح مرزی برای مدلسازی شرایط بارگذاری سیکلیک همچنین برای شرایط یکنواخت معرفی شده است. مدلهای پلاستیسیته پیشنهاد شده توسط مروز<sup>\*</sup> و همکاران در سال ۱۹۸۸، پریوست<sup>۷</sup> در سال ۱۹۸۸ و دافالیاس<sup>\*</sup> و هرمن<sup>\*</sup> در سال ۱۹۸۰ و ۱۹۸۶ از جمله اولین تلاشها بوده است که توسط بسیاری از محققان پیروی شده است. مفاهیم مکانیک خاک حالت بحرانی، هنوز احتیاج به پژوهش بیشتری دارد؛ اما معمولاً هزینهای که برای افزایش تواناییهای مدلها باید پرداخت شود، بسیار پیچیدهتر است، از جمله ثابتهای بیشتر برای کالیبره کردن و سختی بیشتر در کاربرد عددی [۲۹].

مدل مناسب برای ماسه باید بتواند ویژگیهای مذکور را شبیهسازی کند. بسیاری از مدلهای موجود، نمونههای نوعی ماسه با چگالیهای مختلف را بهعنوان خاکهای مختلف در نظر می گیرند. برگزیدن چنین رویکردی نیاز به تعیین مجموعهای از پارامترها برای آن نوع خاک دارد و از طرف دیگر هیچ کنترل قاطعی بر تغییر حالت در طی بارگذاری وجود ندارد [۳]. بهطور

- 6 Mroz
- 7 Prevost
- 8 Dafalias
- 9 Herrmann

<sup>1</sup> Roscoe

<sup>5</sup> Hardening

خاص در ماسهها، نمونهها در تراکمهای مختلف با وجود مصالح یکسان، دربرابر تنش متفاوت عمل میکنند. زِنگ<sup>۱</sup> در سال ۱۹۹۳ پارامترهای کالیبره شدهی مورد استفاده را در دو نسبت تخلخل متفاوت گزارش کرد. در کارهای دیگر در رفتار ماسهها با استفاده از ثابتهای رفتاری مشابه در تمام تراکمها، جفریز<sup>۲</sup> در سال ۱۹۹۳ و کراچ<sup>۳</sup> و همکاران در سال ۱۹۹۴ مدلهایی بر اساس مکانیک خاک حالت بحرانی معرفی کردند. هر دو مدل، دقت لازم را در شبیهسازی پاسخ بارگذاری سیکلیک نداشتند. کراچ و ولف<sup>۲</sup> در سال ۱۹۹۴ کار قبلی آنان را با دافالیاس ادامه دادند که امیدبخش، ولی بسیار پیچیده بود [۲۹].

پارامتر حالت بهصورت فاصله میان نسبت تخلخل نمونه و نسبت تخلخل روی خط حالت دائمی، متناظر با فشار همهجانبهای که نمونه آن را تحمل می کند، تعریف می شود [۲]. با توجه به ناتوانی شاخص تراکم نسبی در تبیین پدیدههای فوق، Been & Jefferies پارامتر حالت که به صورت تعريف می شود را به عنوان جايگزينی برای شاخص تراکم  $\Psi = e - e_{a}$ نسبی معرفی نمودند. در تعریف پارامتر حالت، e مقدار نسبت تخلخل حالت بحرانی متناظر با مقدار کنونی تنش موثر همه جانبه می باشد. در این تعریف، خط حالت بحرانی ماسه (در صفحه نسبت تخلخل بر حسب تنش موثر همه جانبه) معرف یک حالت مرجع رفتار خاک می باشد و بر اساس علامت و مقدار پارامتر حالت می توان درباره نوع رفتار و شدت (انقباضی یا اتساعی بودن) رفتار قضاوت نمود. پارامتر حالت<sup>6</sup> در واقع اثر ترکیبی تراکم و تنش را ارائه میدهد. با توجه به دادههای تجربی ملاحظه شد که رفتار ماسه به شدت تابع تنش و نسبت تخلخل کنونی آن است. اثر ترکیبی نسبت تخلخل و فشار همهجانبه، نه فقط در بارگذاریهای تک سویه، بلکه در بارگذاریهای رفت و برگشتی و همچنین در پدیدههایی چون روانگرایی و تحریک سیکلیک نیز حائز اهمیت است. این در حالی است که مدلهای کشسان - خمیری ارائه شده برای ماسهها، از چنین تأثیری عمدتاً صرفنظر می کردند. بعدها در سال ۱۹۸۵ بین ً و جفریز با مطالعه جامع تر روی پارامتر حالت، آن را به طور رسمی به منزله پارامتر کارآمدی در نشان دادن رفتار کلی ماسه در بارگذاری معرفی کردند. سادگی و کارآمد بودن این پارامتر باعث شد رفتهرفته محققانی که در زمینه مدلهای رفتاری کار می کردند، به استفاده از این پارامتر علاقه مند شوند. به این ترتیب بعضی محققان، در مدلهای رفتاری خود از پارامتر حالت استفاده كرده و تلاش كردند تا با مطالعه رفتار ماسهها، پارامتر حالت مناسبتری ارائه دهند. از اینرو پارامترهای حالت دیگری معرفی شد تا این یارامترها بتوانند به شکل صحیح و کارآمدتری رفتار ماسه را نشان دهند. از جمله شاخص ترین این پارامترها می توان به پارامترهای Is [۱۸] و RSR [۳۵] اشاره کرد [۲].

1 Zeng 2 Jefferies

- 4 Wolf
- 5 State Parameter
- 6 Been

از تلاشهای مهم دیگر، مدل ارائه شده توسط منظری<sup>۷</sup> و دافالیاس در سال ۱۹۹۲ بود. آنان بر اساس پیشنهاد وود<sup>۸</sup> و همکاران در سال ۱۹۹۴، وجود رابطه خطی بین نسبت تنش انتقال فاز و پارامتر حالت را پذیرفته و با این شرط که با صفر شدن مقدار پارامتر حالت، میزان اتساع نیز صفر شود، مدلی ارائه نمودند که در بازه بزرگی از تنشها، توانایی شبیهسازی نمونههای سست و متراکم ماسه را دارا بود. موضوع اصلی، توسعه مدل رفتاری جامع برای ماسهها است که از اشکالات مذکور قبلی جلوگیری کند و همزمان قابل فهم تر باشد. دو مفهوم شناخته شده استفاده شده عبارتند از: ۱- مفهوم پوپوف<sup>۹</sup> در سال ۱۹۷۵ و کریگ<sup>۱۰</sup> در سال ۱۹۷۵)، و ۲- مفهوم پارامتر حالت (بین و جفریز در سال ۱۹۸۵ و کریگ<sup>۱۰</sup> در سال ۱۹۷۵)، و ۲- مفهوم پارامتر حالت روبین و جفریز در سال ۱۹۸۵ به عنوان متغیر ضروری در قالب مکانیک خاک حالت بحرانی. در عمل این دو مفهوم مستقل بر اساس بهبود پیشنهاد دوم موسط وود و همکاران در سال ۱۹۹۴ مربوط به نسبت تنش حداکثر و پارامتر حالت با هم تلفیق شدهاند [۳].

لطیفی و لشکری در سال ۱۳۸۱ با اتخاذ رویکرد مشابهی با منظری و دافالیاس در سال ۱۹۹۷، مدل پیشنهادی منظری در سال ۱۹۹۴ را از طریق ایجاد وابستگی اتساع به پارامتر حالت اصلاح کردند. آنان با توجه به شواهدی مبتنی بر غیرخطی بودن رابطه میان نسبت تنش انتقال فاز و پارامتر حالت، رابطه میان تنش انتقال فاز و پارامتر حالت را غیرخطی پیشنهاد کردند. این در حالی بود که منظری و دافالیاس در مدل پیشنهادی خود در سال ۱۹۹۷، این رابطه را خطی فرض نمودند. آنان زاویه انتقال فاز را به عنوان تابعی از پارامتر حالت در فرمولبندی عمومی مدل به کار بردند. در حالی که در مدل اصلاح نشده منظری ۱۹۹۴، مقدار زاویه انتقال فاز به عنوان یک پارامتر ثابت مدل به کار برده شده بود. در کار آنان بهبود قابل توجهی در توانایی مدلسازی نخاک در حالتهای مختلف بارگذاری با یک دسته پارامتر، تنها با به کار بردن مجموعه محدودی از پارامترهای قابل درک بر پایه مفاهیم مکانیک خاک، در عین سادگی فرمولبندی و حجم اندک محاسبات عددی مورد نیاز است.

در سال ۲۰۰۴ دافالیاس و منظری بر اساس کار خود در سال ۱۹۹۷ سادهسازی از مدل و همچنین ادامه آن برای محاسبه تأثیر تغییرات ساختار طی بارگذاری را ارائه دادند. یکی از فرضهای ساده و اساسی مدل این است که فقط تغییرات نسبت تنش میتواند باعث برش و غلتیدن دانههای ماسه شود که به عنوان برش پلاستیک و تغییرات حجم مدلسازی شده است. افزایش تنش طی نسبت تنش ثابت برای ایجاد کرنش الاستیک به شرط عدم خردشدن دانهها، مفروض است. کرنش پلاستیک طی افزایش تنش تحت نسبت تنش ثابت میتواند با معرفی مکانیزم بارگذاری پلاستیک مثل سطح بارگذاری از نوع درپوشی (ونگ<sup>۱۱</sup> و همکاران در سال ۱۹۹۰) که در

- 8 Wood
- 9 Popov 10 Criag
- 11 Wang

<sup>3</sup> Crouch

<sup>7</sup> Manzari

اینجا در نظر گرفته نشده منطبق شود [۱۳].

به طور کلی خاکهای کربناته از نظر منشأ تولید و نیز ویژگی مهندسی با خاکهای کوارتزی متفاوت هستند. رسوبات کربناته دارای تنوع بسیار زیادی هم از نظر منشأ تولید و نیز ویژگیهای مهندسی هستند و انواع مختلفی از آنها به صورت خوبسیمانه شده تا غیرسیمانه در طبیعت یافت میشود که دارای رفتار مهندسی منحصربهفرد هستند (شارما و مصطفی، ۲۰۰۶). عمدتاً دانههای کربناته، خاکهای آواری و خرد شده و یا با منشأ موجودات زنده دریایی بوده و جنس ضعیفی دارند. معمولاً این خاکها به دلیل تخلخل زیاد بین دانهای و داخل دانهای و نامنظمی و شکنندگی، قابلیت فشردگی زیاد به ویژه ناشی از خرد شدگی دارند.

همان طور که بیان شد، یکی از فرضیات مدل منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) عدم خردشدگی دانههای خاک است؛ در حالی که یکی از ویژگیهای ماسه کربناته خردشدگی دانههای آن است. از این جهت در این تحقیق مدل مذکور و قابلیت آن در پیشبینی رفتار برشی خاک ماسهای کربناته بررسی می شود.

#### ۲- مشخصات خاک مورد استفاده

مشخصات خاک مورد نظر از پایاننامه دکتری محمود حسنلو راد با عنوان بررسی رفتار ماسههای کربناته غیرسیمانه و سیمانه به روش تزریق تحت بارگذاری برشی استخراج شده است که این نمونه از بخش شمالی جزیره هرمز واقع در استان هرمزگان و نزدیک تنگه هرمز به دست آمده است. دلیل انتخاب این محل برای نمونه گیری، بروز یک سری مشکلات در جزیره از جمله نشستهای ساختمانهای نوساز و قدیمی و خرابی سازهها به دلیل بریدگیهای ممتد در جزیره است [۱]. این خاک ماسه کربناته و با ۷۴ درصد کربنات معادل است. نمودار دانهبندی خاک در شکل ۱ و مشخصات آن در جدول ۱ و ۲ ارائه شده است. مطابق با روش طبقه بندی یونیفاید ('USCS) ماسه هرمز، ماسه متوسط بد دانهبندی شده است. تصاویر میکروسکوپ الکترونیکی دانههای ماسه در شکل ۲ نشان داده شده است. بر اساس این شکل ملاحظه می گردد که دانه های خاک بررسی شده متخلخل و دارای ساختار بیولوژیکی هستند. کانی اصلی خاک کربناته کلسیت است که دارای سختی سه در مقیاس موس است، بنابراین موضوع و اشکال دانه ها و متخلخل بودن آنها، معمولاً دانه ها در حین بارگذاری دچار خردشدگی مي شوند [۱].

# جدول ۱. مشخصات دانهبندی خاک [۱]

Table 1. Soil a	ggregation	charact	eristi	cs
-----------------	------------	---------	--------	----

C <sub>c</sub>	C <sub>u</sub>	D <sub>60</sub> (mm)	D <sub>50</sub> (mm)	D <sub>30</sub> (mm)	D <sub>10</sub> (mm)	خاک
• /YA	٣/۶٠	•/84	• /۵ ۱	۰ /٣٠	•/\٨	هرمز

جدول ۲. عناصر تشکیلدهنده ماسه مورد بررسی (به روش XRF) [۱] Table 2. The constituents of the investigated sand by the XRF method

عنصر	درصد وزنی	انحراف معيار	عنصر	درصد وزنی	انحراف معيار	خاک
CaO	۶۴/۳۰	•/74	Ca	40/91	•/\Y	
SiO <sub>2</sub>	۲۲/۸۷	• / ۲ ١	Si	1 • /89	•/\•	
$\operatorname{Fe}_2 \operatorname{O}_3$	4/4.	•/\•	Fe	٣/•٨	• / • Y	هرمز
MgO	٣/٢٠	٠/٠٩	Mg	١/٩٣	۰/۰۵	
$Al_2O_3$	7/88	۰/۰۸	Al	1/41	•/•۴	

1 Unified Soil Classification System





Fig. 3. Deviant stress versus axial strain in Hormuz sand in a) loose and b) dense state









Fig. 1. Soil aggregation curve



شکل ۲. تصویر میکروسکوپ الکترونیکی دانههای خاک [۱] Fig. 2. Electron microscope image of soil grains

# ۳- رفتار برشی ماسه انتخابی

نتایج آزمایش سهمحوری تحکیم یافتهزه کشی شده بر روی خاک ماسهای هرمز تحت تنشهای همهجانبه ۵۰ تا ۶۰۰ کیلویاسکال در دو حالت سست و متراکم در شکل ۳ و ۴ نشان داده شده است. در راهنمای اشكال مذكور LDCD معرف نمونه خاك سست هرمز تحت آزمايش تحکیم یافته-زه کشی شده و HDCD معرف نمونه خاک متراکم هرمز تحت آزمایش تحکیم یافته-زه کشی شده است و اعداد مندرج بیان گر میزان تنشهای همهجانبه در آزمایش نمونه می باشد. با توجه به نتایج، مشاهده می شود که ماسه هرمز در حالت سست عمدتاً رفتار سخت شونده و در حالت متراکم کمی نرمشوندگی از خود نشان داده است؛ هر چند مقدار تنشهای همهجانبه نيز بر روى اين رفتار مؤثر است. اين ماسه، چه در حالت سست و چه در حالت متراکم و در تنش های همه جانبه ی کم، رفتار کاملاً اتساعی از خود نشان داده است. مقدار اتساع با افزایش تنشهای همه جانبه کم شده و به تدریج از بین رفته است و همچنین در تنشهای همهجانبه ۶۰۰ کیلوپاسکال و در حالت سست روند کاهش حجم تدریجی پیوستهای تا انتهای آزمایش ادامه یافته است. رفتار این خاک توسط حسنلوراد و همکاران [۱] تشریح شده است. (٢)

## ۴- روش انجام تحقيق

همانطور که گفته شد، در این مقاله از مدل های رفتاری منظری و دافالیاس (۱۹۹۷) و دافالیاس و منظری (۲۰۰۴) استفاده شده است. در فرمولاسيون اين مدل از پارامترهايي از جمله  $\lambda_{\rm o}$  ، $n_{\rm b}$  ، $n_{\rm b}$  ، $n_{\rm b}$  ، $\lambda_{\rm c}$  ،  $\lambda_{\rm c}$  استفاده شده است. این پارامترها برای خاک هرمز در هر یک از فشارهای همهجانبه ۵۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۳۰۰، ۴۰۰ و ۶۰۰ کیلوپاسکال تعیین شده است. همچنین مقادیر کرنش محوری و کرنش حجمی استخراج شده از این مدل با مقادیر آن، که از آزمونهای آزمایشگاهی به دست آمده، مقایسه می گردد. در واقع پارامترهای مدل با نزدیک کردن مقادیر کرنش به دست آمده از مدل به مقادیر آزمایشگاهی به صورت آزمون و خطا به دست آمده است. این پارامترها با معیار درصد خطای میانگین ماتریس کرنش محوری آزمایشگاهی و مدل منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) با هم قیاس شده و بهترین نتایج با کمترین درصد خطای میانگین ملاک عمل قرار گرفته است. همچنین به دلیل اهمیت آخرین درایه ماتریس کرنش محوری که بیان گر کرنش نهایی است، قیاس این درایه ماتریس نیز در درجه دوم مقایسه پارامترها قرار گرفت. بدین ترتیب کرنش به دست آمده از مدل از لحاظ درصد خطای کلی و نیز از مقدار کرنش نهایی به مقادیر آزمایشگاهی نزدیک شد. این کار با کدنویسی انجام شد و برای پارامترهای متغیر، بازهای با لحاظ تقریب تعیین شد و مقادیر گام بازه، با توجه به اهمیت هر پارامتر و مقادیر بازه معین گردید. بدین ترتیب تمام حالات ممکن پارامترها در بازههای تعیین شده با معیارهای مذکور، مورد بررسی قرار گرفت.

## ۵- ثابتهای مدل

همان طور که گفته شد، مدل دارای ثابتهایی است. این ثابتهای مدل خاک به این شرح برای خاک کربناته هرمز به دست آمدند:

#### G) ا- ثابتهای پارامتر مدول برشی الاستیک (G)

(۲۰۰۴) با توجه به رابطه (۱) مقدار  $G_0$  مطابق مدل منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) انتخاب شدند.

$$G=G_0 p_{at} (2.97-e)^2/(1+e) (p/p_{at})^{1/2}$$
(1)

(e) طبق این رابطه G تابعی از تنش همهجانبه (p) و نسبت تخلخل (e) است.  $G_0$  مقدار ثابت، v نسبت پواسون و  $p_a$  فشار اتمسفر است. با لحاظ تقریب مقدار  $G_0$  برابر ۱۲۵ به دست آمد. مقادیر نسبت تخلخل و تنش همجانبه از دادههای آزمایشگاهی به دست آمد و مقدار فشار اتمسفر برابر ۱۰۰ کیلوپاسکال در نظر گرفته شد.

# ۵- ۲- ثابتهای پارامتر مدول افزایشی بالک (K)

با استفاده از مدول برشی الاستیک و مقدار نسبت پواسون طبق رابطه (۲) مدول افزایشی توده یاکلی به دست می آید.

$$K=(2(1+v))/3(1-2v)$$
 G

۵- ۳- ثابتهای پارامتر مدول سخت شوندگی پلاستیک (H) طبق روابط (۳)، (۴) و (۵) برای به دست آوردن مدول سختشوندگی پلاستیک، پارامترهای نسبت تنش، نسبت تنش در ابتدای بارگذاری و پارامترهای h<sub>0</sub> و h<sub>1</sub> نیاز است. درباره مفهوم مقادیر مثبت، منفی و صفر پارامتر مدول سختشوندگی، به ترتیب نمایان گر حالت سختشوندگی، نرمشوندگی و گسیختگی است:

$$H=h(M^{b}-\eta)$$
(٣)

$$h=b_0/|\eta-\eta_{in}| \tag{6}$$

$$b_0 = G_0 h_0 (1 - c_h e) (p/p_{at})^{-1/2}$$
 ( $\Delta$ )

مقادیر نسبت تنش از دادههای آزمایشگاهی و مقادیر  $h_0 e_h o_1$  نیز با لحاظ  $c_h$  مقادیر نسبت تنش از دادههای آزمایشگاهی و مقادیر و  $c_h$  مقدار  $c_h$  مقدار مقدار به دست می آید. با استفاده از برنامه نویسی و سعی و خطا، مقدار برابر یک در نظر گرفته شد. ملاحظه گردید که مقدار  $h_0$  وابسته به تنش همه جانبه است. مقادیر به دست آمده این پارامتر مطابق جدول ۳ است.

## جدول ۳. مقادیر $h_0$ برای تنشهای همهجانبهی مختلف

Table 3. The values of  $h_0$  for all different All-round stresses

h	h <sub>0</sub>		
متراكم	سست	$\sigma_3$ (kPa)	
۶/۳۰	۱۸/۸۶	۵۰	
٧/٣١	11/40	1	
۶/٩٢	11/18	۳۰۰	
//ግ ነ	۱۰/۱۱	۵۰۰	
۴/۸۷	۸/۴۳	۶	

 $n^{b}$  برای به دست آوردن  $M^{b}$  طبق رابطه (۶)، داشتن مقادیر  $\Psi$ ، M و N و V الازم است. مقادیر M و  $\Psi$  از دادههای آزمایشگاهی به دست میآید. مقدار  $n^{b}$  نیز از رابطه (۶) به دست میآید:

$$n^{b}=\ln(M/M^{b})/\Psi^{b}$$
 (9)

که در آن  $\Psi$  و  $M^{b}$ ، مقادیر  $\Psi$  و  $\eta$  در حالت نسبت تنش حداکثر هستند که از مقادیر و نمودارهای آزمایشگاهی به دست میآیند. دادههای مختلف میتواند منجر به مقادیر  $n^{b}$  متفاوتی شود، اما میتوان مقدار متوسطی از آنها را انتخاب کرد. مقادیر بهدست آمده پارامتر  $n^{b}$  مطابق جدول ۴ است:

جدول ۴. مقادیر بهدست آمده n <sup>b</sup> با استفاده از رابطه (۶)
Table 4. The values obtained $n^b$ using the equation (6)

متراكم	سست	$\sigma_3$ (kPa)
1/4891	<b>١/٣٩</b> ۶٩	۵۰
۱/۵۰۰۶	1/4117	۱۰۰
1/108.	2/4010	٣٠٠
1/4781	1.16671	۵۰۰
١/٨٢٩١	-1/7487	۶

که در نهایت با توجه به مقادیر جدول ۴ و سعی و خطا مقدار ۱/۴ برای پارامتر n<sup>b</sup> در نظر گرفته شد.

برای به دست آوردن پارامتر  $\Psi$ ، یافتن پارامترهای  $\lambda_{\rm e}$  و څ ضروری است. با توجه به مقاله لی و وانگ ( ۱۹۹۸)، که در آن رسم خط حالت پایدار مربوط به فشار همهجانبه ی مؤثر و نسبت تخلخل در صفحه  $\xi(p'p_{\rm at})$ - و ا به جای به فشار همهجانبه ی مؤثر و نسبت تخلخل در صفحه را (p/p\_t)- و ا به جای p – log p مدار  $\gamma/$  برای یوع خاک و فشارهای همهجانبه مختلف مقادیر با لحاظ تقریب به دست آمد.



e- log p شکل ۵. خط حالت بحرانی خاک هرمز در الف) صفحه و - log p شکل ۵. خط حالت بحرانی خاک هرمز در الف) صفحه  $\xi$  =0.7) e-  $(p/p_{at})^{\xi}$ 

Fig. 5. Line of critical state of Hormuz on a) plane of e- log p , b) plane of  $(\xi = 0.7)$  e-  $(p/pat)\xi$ 

مطابق رابطه (۲) برای به دست آوردن مقدار پارامتر اتساع، به پارامترهای مطابق رابطه (۲) برای به دست آوردن مقدار پارامتر ا $\eta$  و  $A_{d},\,M^{d}$  آرمایشگاهی به دست میآید. پارامتر  $A_{d}$  هم با لحاظ تقریب به دست میآید.

$$d=A_{d}(M^{d}-\eta) \tag{Y}$$

 $n^d$  و M ،  $\Psi$  مقادیر (۲) به مقادیر (۳) م $M^d$  و M ،  $\Psi$  مقادیر (۲) محال احتیاج است. مقدار  $n^d$  از رابطه (۸) به دست می آید:

$$n^{d} = \ln \left( M^{d} / M \right) / \Psi^{d} \tag{A}$$

که در آن  $\Psi^{d}$  و  $M^{d}$  مقادیر  $\Psi$  و  $\eta$  در نقطه انتقال فاز هستند که از مقادیر و نمودارهای آزمایشگاهی به دست می آیند. دادههای مختلف می تواند منجر به مقادیر <sup>n</sup>d متفاوتی شود؛ اما می توان مقدار متوسطی از آنها را انتخاب کرد. مقادیر به دست آمده پارامتر <sup>n</sup>d مطابق جدول ۵ است. در نهایت با توجه به مقادیر جدول ۴ و سعی و خطا مقدار ۲/۵ برای پارامتر n<sup>d</sup> در نظر گرفته شد.

# (٨) جدول ۵. مقادير به دست آمده n<sup>d</sup> با استفاده از رابطه Table 5. The values obtained n<sup>d</sup> using the equation (8)

1	$n^d$				
متراكم	سىىت	$\sigma_{3}(kP)$			
-•/١٢٨٧	٢/١٨٩۴	۵۰			
-•/7۴87	١/•٢١۵	۱۰۰			
-•/•YA۵	-1/•18•	۳			
-•/۴۲۵۳	-۵/۵۴۵۵	۵۰۰			
-•/ <b>\</b> ۲٩•	_	۶			

#### ۶- نتایج و بحث

#### ۶- ۱- نمودارهای تنش کرنش نمونه سست

اشکال ۶ تا ۱۰ نمودارهای تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل را در نمونه خاک سست هرمز در تنشهای همهجانبهی ۵۰ تا ۶۰۰ کیلوپاسکال نشان میدهد. همان طور که ملاحظه میشود، نتایج حاصل از مدل رفتاری با نتایج آزمایشگاهی تطابق خوبی دارد. لازم به ذکر است که نتایج در تنشهای همهجانبه زیاد، در مقایسه با تنشهای همهجانبه کم مناسبتر است. در تنشهای همهجانبهی کم علاوه بر وجود تمرکز دادهها، پرش دادهها هم مشاهده میشود که این موضوع نیاز به بررسی و تحلیل بیشتری دارد.



شکل ۷. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=100 Kpa)

Fig. 7. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the loose specimen ( $\sigma_3$ =100 KPa)



شکل ۹. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=500 Kpa)

Fig. 9. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the loose specimen ( $\sigma_3$ =500 KPa)



شکل ۶. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ₃=50 Kpa)

Fig. 6. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the loose specimen ( $\sigma_3$ =50 KPa)



شکل ۸. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=300 Kpa)

Fig. 8. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the loose specimen ( $\sigma_3$ =300 KPa)



شکل ۱۰. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=600 Kpa) Fig. 10. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the loose specimen (σ<sub>3</sub>=600 KPa)

رفتاری در تنشهای همهجانبه بیشتر نتایج بهتری دارد. اختلاف آخرین درایه ماتریس کرنشها خیلی محسوس نیست. یعنی با لحاظ تقریب در مقادیر پارامترهای مدل، میتوان به مقدار کرنش نهایی مطلوب رسید. درصد خطای نتایج مدل، در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه سست، مطابق جدول ۶ است. همانطور که مشاهده میشود، در نمونه سست هرچه تنش همهجانبه بیشتر میشود، میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها کاهش مییابد. بنابراین میتوان گفت که این مدل جدول ۶. درصد خطای نتایج کرنش محوری مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه سست

اختلاف آخرین درایه (کرنش نهایی) برحسب درصد	بیشترین اختلاف درایه به درایه برحسب درصد	میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها	σ <sub>3</sub> (KPa)
•/۵•	٣/٧٨	31/22	۵۰
۰/۴۵	۲/۷۱	Ϋ́ ١/ΥΥ	۱۰۰
۰/٨١	1/14	٩/١٩	۳۰۰
• / ٢ •	\/•۶	۶/۸۷	۵۰۰
•/۴٩	١/٣٣	11/79	۶۰۰

 Table 6. The error percentage of the axial strain results of the model compared to the experimental results in the loose specimen

۶- ۲- نمودارهای تنش-کرنش نمونه متراکم

اشکال ۱۱ تا ۱۵ نمودارهای تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل در نمونه خاک متراکم هرمز را در تنشهای همهجانبهی ۵۰ تا ۶۰۰ کیلوپاسکال نشان میدهد. همان طور که ملاحظه میشود، نتایج حاصل از مدل رفتاری، با نتایج آزمایشگاهی در نمونه متراکم نیز تطابق خوبی دارد. لازم به ذکر است که نتایج در تنشهای همهجانبه زیاد در مقایسه با تنشهای همهجانبه کم مناسبتر است. در تنشهای همهجانبه کم، علاوه بر وجود تمرکز دادهها، پرش دادهها نیز مشاهده میشود. با مقایسه نمودارهای نمونه سست و متراکم، مشاهده میشود که نتایج در نمونه سست، بهتر از نتایج در نمونه متراکم است.



شکل ۱۱. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (σ<sub>3</sub>=50 Kpa)

Fig. 11. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the dense specimen ( $\sigma_3$ =50 KPa)



شکل ۱۲. مقایسه نمودار تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (σ<sub>3</sub>=100 Kpa)

Fig. 12. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the dense specimen ( $\sigma_3$ =100 KPa)



شکل ۱۳. مقایسه نمودار تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (o<sub>3</sub>=300 Kpa)

Fig. 13. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the dense specimen ( $\sigma_3$ =300 KPa)



شکل ۱۴. مقایسه نمودار تنش-کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (σ<sub>3</sub>=500 Kpa)

Fig. 14. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the dense specimen ( $\sigma_3$ =500 KPa)



شکل ۱۵. مقایسه نمودار تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (o<sub>3</sub>=600 Kpa)

Fig. 15. Comparison of the laboratory and modeled stress-strain diagram of the dense specimen ( $\sigma_3$ =600 KPa)

درصد خطای نتایج مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه متراکم مطابق جدول ۷ است. همان طور که مشاهده میشود، در نمونه متراکم هرچه تنش همهجانبه بیشتر میشود و میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها کاهش مییابد. بنابراین میتوان گفت که این مدل رفتاری در تنشهای همهجانبه بیشتر نتایج بهتری دارد. اختلاف آخرین درایه ماتریس کرنشها در نمونه متراکم نیز خیلی محسوس نیست. یعنی با لحاظ تقریب در مقادیر پارامترهای مدل، میتوان به مقدار کرنش نهایی مطلوب رسید. با مقایسه دو نمونه سست و متراکم مشاهده میشود که متوسط مقدار میانگین مقدار در نمونه متراکم است. بنابراین میتوان نتیجه گرفت که، این مدل رفتاری نتایج بهتری در نمونه سست دارد.

۶- ۳- نمودارهای کرنش حجمی نمونه سست
نتایج مقایسهای نمودارهای کرنش حجمی-کرنش محوری برای

نمونه های سست بین مدل رفتاری و آزمایش در اشکال ۱۶ تا ۲۰ نشان داده شده است. از این اشکال مشاهده می شود که نمونه خاک در تنش همهجانبه ی زیاد دچار کاهش حجم می شوند. این کاهش حجم تقریباً به خوبی با این مدل رفتاری پیش بینی می شود. ولی در تنش های همه جانبه ی کم که نمونه ها ابتدا با كاهش حجم و سيس با افزايش حجم مواجه هستند، ييش بينيها با استفاده از مدل رفتاری خیلی مناسب نیست؛ بهطوری که کرنش حجمی نهایی آزمایشها در تنشهای همهجانبهی کم، اختلاف زیادی دارند. در صورتی که در تنشهای همهجانبه ی زیاد این اختلاف کمتر است. منظور از تنش های همه جانبه ی زیاد، تنش های مایل به ۶۰۰ کیلویاسکال و تنش های همهجانبهی کم، تنشهای مایل به ۵۰ کیلوپاسکال است. بنابراین میتوان نتیجه گرفت که این مدل رفتاری در تنشهای همهجانبه ی زیاد، عموماً نتایج بهتری در مقایسه با تنشهای همهجانبهی کم، در بررسی کرنش حجمی نمونهها دارد و روند طی شده به سمت تنش های بالا این اختلاف را کمتر نشان می دهد. درصد خطای نتایج کرنش حجمی مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه سست مطابق جدول ۸ است. طبق این جدول مشاهده می شود که نتایج مدل در تنش های همهجانبه ی بیش تر، بهتر است.



شکل ۱۶. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=50 Kpa)

Fig. 16. Comparison of the laboratory and modeled volumetric Strain diagram of the loose specimen  $(\sigma_3=50 \text{ KPa})$ 



شکل ۱۷. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (م<sub>3</sub>=100 Kpa)





شکل ۱۹. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (م<sub>3</sub>=500 Kpa)





شکل ۱۸. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=300 Kpa)





شکل ۲۰. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه سست (σ<sub>3</sub>=600 Kpa)

Fig. 20. Comparison of the laboratory and modeled volumetric Strain diagram of the loose specimen ( $\sigma_3$ =50 KPa)

# جدول ۷. درصد خطای نتایج کرنش محوری مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه متراکم

Table 7. The error percentage of the axial strain results of the model compared to the experimental results in the dense specimen

اختلاف آخرین درایه (کرنش نهایی) برحسب درصد	بیشترین اختلاف درایه به درایه برحسب درصد	میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها	σ <sub>3</sub> (KPa)
•/•٢	۲/۸۷	۵۱/۱۰	۵۰
•/\۶	۲/۸۱	18/4.	۱۰۰
•/\۶	۱/۸۵	17/91	۳
•/4٣	۲/۷۸	۲۱/۸۵	۵۰۰
•	1/18	٩/٨٩	۶

# جدول ۸. درصد خطای نتایج کرنش حجمی مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه سست

 Table 8. The error percentage of the volumetric Strain results of the model compared to the experimental results in the loose specimen

 ۶	۵۰۰	٣٠٠	1	۵۰	$\sigma_{_3}(\text{KPa})$
۳۵/۷۵	۳۷/۲۵	4./22	171/49	187/87	میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها

# ۶- ۴- نمودارهای کرنش حجمی نمونه متراکم

نتایج مقایسهای نمودارهای کرنش حجمی کرنش محوری برای نمونههای متراکم بین مدل رفتاری و آزمایش در اشکال ۲۱ تا ۲۵ نشان داده شده است. با مقایسه نمودارهای نمونههای سست و متراکم ملاحظه می گردد که در نمونه متراکم، نتایج بهتری در مقایسه با نمونه سست به دست آمده است. در مقایسه کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم مشاهده می شود که شکل کلی نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی، تقریباً توسط مدل رفتاری پیش بینی شده است؛ ولی همچنان اختلاف در کرنش حجمی نهایی آزمایش ها وجود دارد.



شکل ۲۱. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (مر<sub>3</sub>=50 Kpa)







Fig. 22. Comparison of the laboratory and modeled volumetric Strain diagram of the dense specimen  $(\sigma_3=100 \text{ KPa})$ 





Fig. 23. Comparison of the laboratory and modeled volumetric Strain diagram of the dense specimen  $(\sigma_3=300 \text{ KPa})$ 



شکل ۲۴. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (σ3=500 Kpa)

Fig. 24. Comparison of the laboratory and modeled volumetric Strain diagram of the dense specimen  $(\sigma_3=500 \text{ KPa})$ 



شکل ۲۵. مقایسه نمودار کرنش حجمی آزمایشگاهی و مدل رفتاری نمونه متراکم (σ,=600 Kpa)



یکی از دلایل وجود اختلاف بین نمودارهای آزمایشگاهی و مدل رفتاری در کرنش حجمی، می تواند در نظر گرفتن مقدار متوسطی از پارامتر <sub>n</sub> باشد. درصد خطای نتایج کرنش حجمی مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه متراکم مطابق جدول ۹ است. طبق این جدول مشاهده می شود که مشابه نمونه سست، در نمونه متراکم نیز نتایج بهتر مدل در تنشهای همهجانبه ی بیشتر به دست می آید. با مقایسه مقادیر خطای کرنش حجمی در نمونه سست و متراکم، مشاهده می شود که نتایج در نمونه سست بهتر از نمونه متراکم است. دلیل اصلی که مدل منظری و دافالیاس(۲۰۰۴) در

پیشبینی کرنش حجمی نسبت به تنش محوری، ضعیف عمل می کند، قابلیت خردشوندگی دانههای ماسه کربناته است و همان طور که گفته شد این محققان فرضیهای خلاف این داشتند. چرا که خردشدن دانههای ماسه، نحوه و مقدار تغییر حجم خاک را تغییر میدهد و مقدار تغییرات، تابع پیچیدهای از نوع خاک، نسبت تخلخل خاک، سختی کانیها، شکل دانهها، مقدار تنش همهجانبه و کرنش محوری است. لذا به منظور پیش بینی رفتار ماسههای کربناته توسط مدل منظری و دافالیاس، باید در این مدل رفتاری، اصلاحاتی انجام شود.

## جدول ۹. درصد خطای نتایج کرنش حجمی مدل در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی در نمونه متراکم

 Table 9. The error percentage of the volumetric Strain results of the model compared to the experimental results in the dense specimen

۶۰۰	۵۰۰	٣	)••	۵۰	σ <sub>3</sub> (KPa)
41/21	۵۵/۶۲	٨١/٧١	189/10	184/41	میانگین درصد خطای درایه به درایه ماتریس کرنشها

#### ۷- نتیجهگیری

در این مقاله مدل رفتاری منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) با توجه به توانایی آن در پیش بینی رفتار برشی خاک مورد ارزیابی قرار گرفت. برای این کار نتایج آزمایش های سه محوری تحکیم یافته زه کشی شده بر روی خاک ماسه کربناته با نتایج مدل مورد مقایسه قرار گرفت. براساس مطالعات و مقایسه ها، نتایج زیر ملاحظه شد:

با مقایسه نمودارهای تنش–کرنش آزمایشگاهی و مدل رفتاری در نمونه خاک سست و متراکم در تنشهای همهجانبه ۵۰ تا ۶۰۰ کیلوپاسکال مشاهده شد که نتایج حاصل از مدل و آزمایشگاه تطابق خوبی باهم دارند. لازم به ذکر است که نتایج در تنشهای همهجانبه یزیاد، در مقایسه با تنشهای همهجانبه ی کم، مناسب تر است. در تنشهای همهجانبه ی کم علاوه بر وجود تمرکز دادهها، پرش دادهها هم مشاهده میشود. به طور کلی، در تنشهای همهجانبه ی کم، درصد خطای دادههای مدل رفتاری نسبت به دادههای آزمایشگاهی در مقایسه با تنشهای همهجانبه ی زیاد، بیشتر است. با مقایسه نمودارهای نمونه سست و متراکم، مشاهده میشود که انطباق نتایج آزمایش و مدل در نمونههای سست، به مراتب بهتر از نتایج در نمونههای متراکم است.

با بررسی نمودارهای کرنش حجمی در برابر کرنش محوری مشاهده میشود که خروجیهای مدل رفتاری منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) در مقایسه با نتایج نمودارهای تنش-کرنش دقت کافی ندارد؛ هر چند روند کلی رفتار، نسبتاً درست است. کرنش حجمی نهایی در تنشهای همهجانبهی کم، اختلاف زیادی دارند (حدود ۱ تا ۲ درصد). در صورتی که در تنشهای

همهجانبه ی زیاد این اختلاف کمتر است (کمتر از ۰/۵ درصد). این مدل رفتاری در تنشهای همهجانبه ی زیاد، عموماً نتایج بهتری در مقایسه با تنشهای همهجانبه کم، در بررسی کرنش حجمی نمونهها دارد و روند طی شده به سمت تنشهای بالا این اختلاف را کم تر نشان می دهد. مقایسه نتایج مدل و آزمایش بین نمونههای سست و متراکم نشان می دهد که مدل در پیش بینی رفتار نمونههای سست بهتر عمل نموده است.

مدل منظری و دافالیاس (۲۰۰۴) در پیش بینی کرنش حجمی نسبت به تنش محوری، ضعیف عمل می کند. دلیل اصلی این امر آن است که خردشدگی دانههای خاک و اثر آن بر روی تغییر حجم خاک در مدل دافالیاس و منظری در پیش بینی کرنش حجمی مد نظر قرار نگرفته است. معمولاً خردشدگی دانهها منجر به کاهش حجم خاک می شود. لذا لازم است در مدل رفتاری مذکور اصلاحاتی در ارتباط با خردشدگی دانهها و اثر آن بر روی تغییر حجم خاک صورت بگیرد. یکی دیگر از دلایل وجود اختلاف بین نمودارهای آزمایشگاهی و مدل رفتاری در کرنش حجمی، می تواند در نظر گرفتن یک مقدار متوسط برای پارامتر م

دلیل اصلی که مدل منظری و دافالیاس(۲۰۰۴) در پیشبینی کرنش حجمی نسبت به تنش محوری، ضعیف عمل می کند، قابلیت خردشوندگی دانههای ماسه کربناته است و همان طور که گفته شد این محققان فرضیه– ای خلاف این داشتند. چرا که خرد شدن دانههای ماسه، نحوه و مقدار تغییر حجم خاک را تغییر می دهد و مقدار تغییرات، تابع پیچیده ای از نوع خاک، نسبت تخلخل خاک، سختی کانیها، شکل دانهها، مقدار تنش همه جانبه و کرنش محوری است. لذا به منظور پیش بینی رفتار ماسههای کربناته توسط مدل منظری و دافالیاس، باید در این مدل رفتاری اصلاحاتی انجام شود.

- [13] Y. F. Dafalias, Manzari, M. T., Simple Plasticity Sand Model Accounting for Fabric Change Effects, Engineering Mechanics, 130:6, (2004), pp 622-634.
- [14] Y. F. Dafalias, Popov, E. P., A Model of Nonlinearly Hardening Materials for Complex Loadings, Acta Mechanica, 21, (1975), pp 173-192.
- [15] Y. F. Dafalias, Popov, E. P., Plastic Internal Variable Formalism of Cyclic Plasticity, Journal of applied mechanics, 98:4, (1976), pp 645-50.
- [16] A. W. Elgamal, Parra E., Yang Z., Dobry R. and Zeghal M., Liquefaction Constitutive Model, Proc., Internationa Workshop on the Physics and Mechanics of Soil Liquefaction, P. Lade, ed., Balkema, Rotterdam, The Netherlands, (1998), pp 269-279
- [17] Z. Gao, Zhao J., Constitutive modeling of artificially cemented sand by considering fabric anisotropy, Computers and Geotechnics, 41, (2012), pp 57-69.
- [18] K. Ishihara, Liquefaction and failure during earthquakes', Geotechnique, 43:3, (1993), pp 351-415.
- [19] K. Ishihara, Tatsuoka F., Yasuda S., Undrained Deformation and Liquefaction of Sand Under Cyclic Stresses, Soils Found., 15-1, (1975), pp 29-44.
- [20] M. B. Jefferies, Nor-Sand: a Simple Critical StateModel for Sand, Geotechnique 43:1, (1993), pp 91-103.
- [21] A. Lashkari, A Sanisand-Structure Interface Model, Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 35:C1, (2011), pp 15-34.
- [22] A. Lashkari, A Critical State Model for Saturated and Unsaturated Interfaces, Scientia Iranica, 19:5, (2012), pp 1147-1156.
- [23] A. Lashkari, Latifi, M., A Simple Plasticity Model for Prediction of Non-Coaxial Flow of Sand, Mechanics Research Communications, 34, (2007), pp 191-200.
- [24] J. Lee, Salgado, R., Analysis of Calibration Chamber Plate Load Tests, Can Geotechn, 37, (2000), pp 14–25.
- [25] X. S. Li, Wang, W., Linear Representation of Steady-State Line for Sand, Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 124:12, (1998), pp 1215-1218.
- [26] X. S. Li, Dafalias, Y. F., Dilatancy for cohesionless soils, Géotechnique, 50:4, (2000), pp 449-460.
- [27] X. S. Li, Dafalias, Y. F., Wang Z. L., State-dependent Dilatancy in Critical-state Constitutive Modeling of Sand, Can. Geotech. J., 36, (1999), pp 599-611.
- [28] I. Ling, Yang, S., Unified Sand Model Based on the Critical State and Generalized Plasticity, Engineering Mechanics, 132:12, (2006), pp 1380-1391.

 M. Hassanlorad, Investigating the behavior of noncemented and cemented carbonated sand behavior by injection under shear loading, Ph.D. Thesis., Iran University of Science and Industry, Tehran, (2008). (In Persian)

مراجع

- [2] H. Heidarzadeh, Latifi Namin, M., Investigating the Effect of Different State Parameters on the Reform of an Elastoplastic Model in the Form of Models with limit surface, Sharif Civil Engineering Journal, Vol. 28, No. 2, (2010), pp 57-64. (In Persian)
- [3] M. Latifi Namin, Lashkarī, A., The effect of state parameter on the prediction of elastoplastic models for soil granules, Journal of the Technical Faculty of Tehran University, vol. 38, No. 2, (2004), pp. 269-280. (In Persian)
- [4] K. Been, Jefferies, M. G., A State Parameter for Sands, Géotechnique, 35:2, (1985), pp 99-112.
- [5] M. D. Bolton, The strength and dilatancy of sands, Géotechnique, 36:1, (1986), pp 65-78.
- [6] G. D. Bouckovalas, Andrianopoulos, K. I., Papadimitriou, A. G., A Critical State Interpretation for the Cyclic Liquefaction Resistance of Silty Sands, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 23, (2003), pp 115-125.
- [7] D. A. Cameron, Carter, J. P. A Constitutive Model for Sand Based on Non-Linear Elasticity and the State Parameter, Computers and Geotechnics, 36, (2009), pp 1219-1228.
- [8] R. S. Crouch, Wolf J. P., Unified 3-D Criticalstate Bounding-Surface Plasticity Model for Soil Incorporating Continuous Plastic Loading under Cyclic Paths, Int. J. Numer. Anal. Methods Geom. 18:11, (1994), pp 735.
- [9] R. S. Crouch, Wolf, J. P., Dafalias Y. F., Unified Critical-State Bounding Surface Plasticity Model for Soil, Eng. Mech., ASCE 120:11, (1994), pp 2251-2270.
- [10] Y. F. Dafalias, Bounding Surface Plasticity. I: Mathematical Foundation and Hypoplasticity, Journal of Engineering Mechanics, 112-9, (1986), pp 966-987.
- [11] Y. F. Dafalias, Herrmann, L. R., A Bounding Surface Soil Plasticity Model, International Symposium. on Soils under Cyclic and Transient Loading, Swansea 1, (1980), pp 335-345.
- [12] Y. F. Dafalias, Herrmann, L. R., Bounding Surface Plasticity, II: Application to Isotropic Cohesive soils, Eng. Mech., ASCE 112:12, (1986), pp1263-1291.

- [38] K. H. Roscoe, Schofield, A. N., Wroth, C. P., On the Yielding of Soils, Geotechnique 8:1, (1958), pp 22-53.
- [39] R.M. Semple, Mechanical Properties of Calcareous Soils: State of the Art Report, Proceeding of 1st International Conference on Calcareous Sediments, Perth, Australia, Vol. 2. (1988), pp 73–75.
- [40] Sharma, Shambhu S., and Mostafa A. Ismail. "Monotonic and cyclic behavior of two calcareous soils of different origins." Journal of geotechnical and geoenvironmental engineering 132.12 (2006): 1581-1591.
- [41] A. Schofield, Wroth P. Critical state soil mechanics. London: McGraw-Hill; 1968.
- [42] M. Taiebat, Shahir H, Pak A. Study of pore pressure variation during liquefaction using two constitutive models for sand. Soil Dynamics and Earthquake Engineering. 2007 Jan 1;27(1):60-72.
- [43] P. Tasiopoulou, Gerolymos N. Development of a modified elastoplasticity model for sand. InProceedings of the second international conference on performance-based design in earthquake geotechnical engineering, Taormina (Italy), CD Rom 2012 May (pp. 28-30).
- [44] Z.L. Wang, Dafalias YF, Shen CK. Bounding surface hypoplasticity model for sand. Journal of engineering mechanics. 1990 May;116(5):983-1001.
- [45] D. M. Wood, Soil behaviour and critical state soil mechanics. Cambridge university press; 1990.
- [46] D. M. Wood, Belkheir K. Strain softening and state parameter for sand modelling. Geotechnique. 1994 Jun;44(2):335-9.
- [47] X. Zeng, Arulanandan K. Overview of calibration of constitutive models and soil parameters. Verifications of numerical procedures for the analysis of soil liquefaction problem. 1994;2:1717-72.

- [29] M. T. Manzarey, Dafalias, Y. F., A Critical State Two-Surface Plasticity Model for Sands, Géotechnique, 47:2, (1997), pp 255-272.
- [30] M. T. Manzari, Prachathananukit, R., On Integration of a Cyclic Soil Plasticity model', Int J Numer Anal Methods Geomech, 25, (2001), pp 525-49.
- [31] B. McClelland, Calcareous Sediments: An Engineering Enigma, Proceeding 1st International Conference on Calcareous Sediments, Perth, Australia. Vol. 2, (1988), pp 777-784.
- [32] Z. Mroz, Norris, V. A., Zienkiewicz, O. C., An Anisotropic Hardening Model for Soils and Its Application to Cyclic Loading, Methods Geom. 2, (1978), pp 203-221.
- [33] S. Nemat-Nasser, On Behavior of Granular Material in Simple Shear, Soils Found., 20-3, (1980), pp 59-73.
- [34] J. H. Prevost, Plasticity Theory for Soil Stress Strain Behavior, Engng Mech., ASCE 104:5, (1978), pp 1177-1194.
- [35] P. K. Robertson, Fear, C. E., iquefaction of Sand and Its Evaluatio, International Conference on Earthquake Geotechnical Engineering, Tokyo, pp (1995), pp 269-279
- [36] K. H. Roscoe, Burland, J. B., On the Generalized Stress-Strain Behavior of Wet Clays, In Engineering plasticity (eds J. Heyman & F. A. Leckie), Cambridge University Press, (1968), pp 535-639
- [37] K. H. Roscoe, Poorooshasb, H. B., A Fundamental Principle of Similarity in Model Test for Earth Pressure Problems, Proc. 2nd Asian Reg. Conf. Soil Mech., Tokyo, 1, (1963), pp134-140.

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید:



